

นวัตกรรมการสอนฟิสิกส์ด้วยชุดกิจกรรม

การจัดการเรียนรู้แบบผสมผสาน (Blended Learning)
เพื่อพัฒนาการแก้ปัญหาโจทย์ วิชาฟิสิกส์ด้วยเทคนิค KDRAL
สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5

เรื่อง คลื่น แสง เสียง

(เฉลย)

โดย
นายสุวัฒน์ โรจน์สุวรรณ
ครูชำนาญการพิเศษ

โรงเรียนหาดใหญ่วิทยาลัย อำเภอหาดใหญ่ จังหวัดสงขลา
สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษามัธยมศึกษาสงขลา สตูล
สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาขั้นพื้นฐาน
กระทรวงศึกษาธิการ

สารบัญ

ชุดที่	เรื่อง	หน้าที่
1	ลักษณะทั่วไปของคลื่น	2-17
2	เฟสคลื่น	18-29
3	อัตราเร็วของคลื่น	30-37
4	การซ้อนทับของคลื่น	38-45
5	การสะท้อนของคลื่น	46-50
6	การหักเหของคลื่น	51-62
7	การแทรกสอดของคลื่น	63-77
8	การเลี้ยวเบนของคลื่น	78-90
9	การแทรกสอดของแสงผ่านสลิตคู่	91-104
10	การเลี้ยวเบนของแสงเมื่อผ่านช่องเดี่ยว (สลิตเดี่ยว)	105-115
11	การเลี้ยวเบนของแสงผ่านเกรตติง	116-126
12	อัตราเร็วของแสงและภาพจากกระจกเงาราบ	127-140
13	การเกิดภาพจากกระจกเงาทรงกลม	141-154
14	การหักเหของแสง	155-169
15	การหักเหของแสงเมื่อผ่านเลนส์บาง	170-186
16	การเห็นสี	187-190
17	กล้องโทรทรรศน์ กล้องจุลทรรศน์	191-202
18	ธรรมชาติของเสียง	203-215
19	พฤติกรรมของเสียง 1 (การสะท้อนและการหักเหของเสียง)	216-226
20	พฤติกรรมของเสียง 2 (การแทรกสอดและการเลี้ยวเบนของเสียง)	227-238
21	ความเข้มเสียงและระดับความเข้มเสียง	239-252
22	บีตและคลื่นนิ่ง	253-266
23	การสั่นพ้องของเสียง	267-278
24	ปรากฏการณ์ดอปเพลอร์	279-292
25	คลื่นกระแทก	293-301



ใบงานที่ 1

ธรรมชาติของคลื่นกล (Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. จงบอกการจำแนกชนิดของคลื่น

1.1. ลักษณะการอาศัยตัวกลาง

1.1.1. **คลื่นกล** เช่น **คลื่นเสียง คลื่นในเส้นเชือก**1.1.2. **คลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า** เช่น **คลื่นวิทยุ คลื่นไมโครเวฟ คลื่นแสง**

1.2. ลักษณะการเคลื่อนที่

1.2.1. **คลื่นตามขวาง** เช่น **คลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า คลื่นน้ำ คลื่นในเส้น**1.2.2. **คลื่นตามยาว** เช่น **คลื่นเสียง คลื่นที่สั่นในสปริง**

1.3. ลักษณะการเกิด

1.3.1. **คลื่นดล** เช่น **การสับัดเชือก เพื่อให้เกิดคลื่นในเส้นเชือกเพียงครั้งหรือ 2 ครั้ง**1.3.2. **คลื่นต่อเนื่อง** เช่น **การสับัดเชือกอย่างต่อเนื่องทำให้เกิดคลื่นในเชือกอย่างต่อเนื่อง**

2. แหล่งกำเนิดคลื่นให้คลื่นความถี่ 200 เฮิรตซ์ ความยาวคลื่น 15 เซนติเมตร จงหาอัตราเร็ว และระยะทาง 400 เมตร คลื่นนี้จะใช้เวลาเคลื่อนที่เท่าไร

ก. อัตราเร็ว

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 200 \text{ Hz} , \lambda = 15 \text{ cm} = 0.15 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราเร็ว (v) ของคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิ์คิด

$$v = f\lambda$$

$$= (200 \text{ Hz})(0.15 \text{ m})$$

$$= 30 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

คลื่นมีอัตราเร็ว 30 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ข. เวลา

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$S = 400 \text{ m} , \quad v = 30 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาเวลา (t) เมื่อคลื่นเคลื่อนที่ได้ระยะทาง 400 เมตร

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$v = \frac{S}{t}$$

$$30 \text{ m/s} = \frac{400 \text{ m}}{t}$$

$$t = 13.33 \text{ s}$$

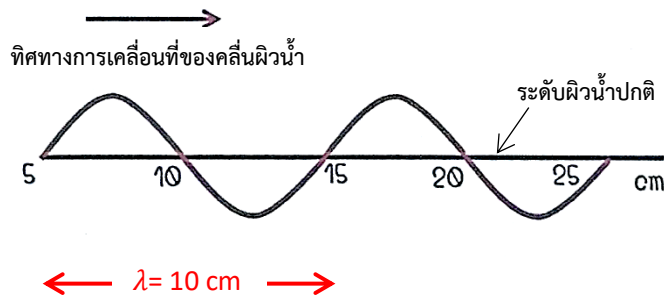
ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นใช้เวลาในการเคลื่อนที่ 13.33 วินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. ตัวกำเนิดคลื่นมีค่าความถี่ของการสั่น 8 เฮิรตซ์ ทำให้เกิดคลื่นผิวน้ำ ดังแสดงในรูป รูปแสดงคลื่นผิวน้ำที่เคลื่อนที่ได้ ในระยะเวลาหนึ่ง จงหาความเร็วของคลื่นนี้ในหน่วย เมตร/วินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 8 \text{ Hz}, \lambda = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความเร็ว (v) ของคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$v = f\lambda$$

$$= (8 \text{ Hz})(0.1 \text{ m})$$

$$= 0.8 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นมีความเร็ว 0.8 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

4. คลื่นผิวน้ำมีความถี่ 12 เฮิรตซ์ และมีความยาวคลื่น 3 เมตร จงหาอัตราเร็วของคลื่นนี้

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 12 \text{ Hz} , \lambda = 3 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราเร็ว (v) ของคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$v = f\lambda$$

$$= (12 \text{ Hz})(3 \text{ m})$$

$$= 36 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นมีอัตราเร็ว 36 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ใบความรู้ที่ 1

ธรรมชาติของคลื่นกล

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. เมื่อสังเกตคลื่นเคลื่อนที่ไปบนผิวน้ำกระเพื่อมขึ้นลง 600 รอบใน 1 นาที และระยะระหว่างสันคลื่นที่ติดกันวัดได้ 20 เซนติเมตร จงหาว่าเมื่อสังเกตคลื่นลูกหนึ่งเคลื่อนที่ไปใน 1 นาที จะได้ระยะกี่เมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$600 \text{ รอบ ใน } 1 \text{ นาที ทา } f = \frac{\text{รอบ}}{\text{เวลา}} = \frac{600}{60(\text{s})} = 10 \text{ Hz}$$

$$\text{ระยะระหว่างสันคลื่นที่ติดกัน} = \lambda = 20 \text{ cm}$$

$$\text{เวลาที่คลื่น 1 ลูกเคลื่อนที่ } t = 1 \text{ นาที} = 60 \text{ วินาที}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

$$\text{หาระยะที่คลื่นเคลื่อนที่ได้ ใน } 1 \text{ นาที}$$

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$v = f\lambda = \frac{S}{t}$$

$$f\lambda = \frac{S}{t}$$

$$(10 \text{ Hz})(20 \times 10^{-2} \text{ m}) = \frac{S}{60(\text{s})}$$

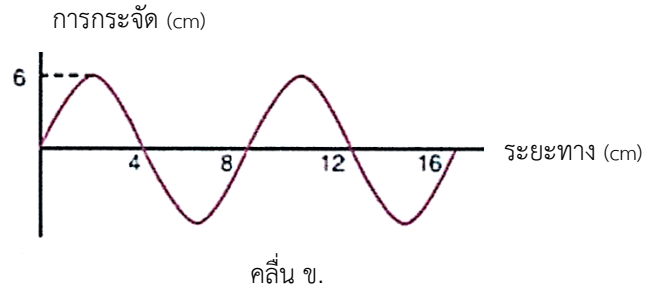
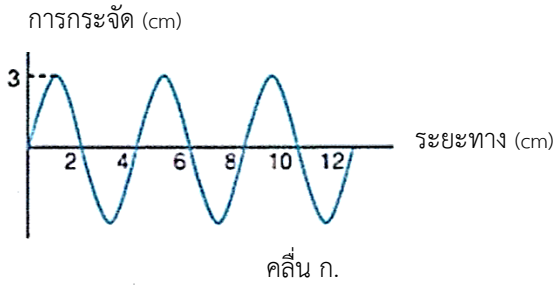
$$S = 120 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

$$\text{ในเวลา } 1 \text{ นาที คลื่นเคลื่อนที่ได้ } 120 \text{ เมตร}$$

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

2. จากภาพแสดงการเกิดคลื่น ก. และคลื่น ข. ที่เคลื่อนที่ไปในทิศทางเดียวกันในเวลา 10 วินาที



a. แอมพลิจูดของคลื่น ก เท่ากับ..... 3 cm แอมพลิจูดของคลื่น ข เท่ากับ..... 6 cm

b. ความยาวของคลื่น ก เท่ากับ..... 4 cm ความยาวของคลื่น ข เท่ากับ 8 cm

c. ในเวลา 10 วินาที คลื่น ก เกิดคลื่นจำนวน 3 ลูกคลื่น

ในเวลา 10 วินาที คลื่น ข เกิดคลื่นจำนวน 2 ลูกคลื่น

d. ความถี่ของคลื่น ก เท่ากับ..... $f = \frac{\text{ลูกคลื่น}}{\text{เวลา}} = \frac{3}{10} = 0.3 \text{ Hz}$

ความถี่ของคลื่น ข เท่ากับ..... $f = \frac{\text{ลูกคลื่น}}{\text{เวลา}} = \frac{2}{10} = 0.2 \text{ Hz}$

e. คาบของคลื่น ก เท่ากับ $T = \frac{\text{เวลา}}{\text{ลูกคลื่น}} = \frac{10}{3} = 3.33 \text{ s}$

คาบของคลื่น ข เท่ากับ $T = \frac{\text{เวลา}}{\text{ลูกคลื่น}} = \frac{10}{2} = 5 \text{ s}$

f. อัตราเร็วของคลื่น ก เท่ากับ $V = f\lambda = (0.3)(4) = 1.2 \text{ m/s}$

อัตราเร็วของคลื่น ข เท่ากับ $V = f\lambda = (0.2)(8) = 1.6 \text{ m/s}$

3. แหล่งกำเนิดคลื่นหนึ่งสั่นด้วยความถี่ 300 ครั้ง/นาที คลื่นที่เกิดจากแหล่งกำเนิดคลื่นนี้จะมีความถี่และคาบของคลื่นเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

แหล่งกำเนิดคลื่นสั่นด้วยความถี่ 300 ครั้งต่อนาที เปลี่ยน นาที ให้เป็น วินาที

ดังนั้น แหล่งกำเนิดคลื่นสั่นด้วยความถี่ 300 ครั้งต่อ 60 วินาที

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ (f) และคาบ (T) ของคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$f = \frac{\text{จำนวนลูกคลื่น}}{\text{เวลา}}$$

$$= \frac{300}{60}$$

$$f = 5 \text{ Hz}$$

$$T = \frac{\text{เวลา}}{\text{จำนวนลูกคลื่น}}$$

$$= \frac{60}{300}$$

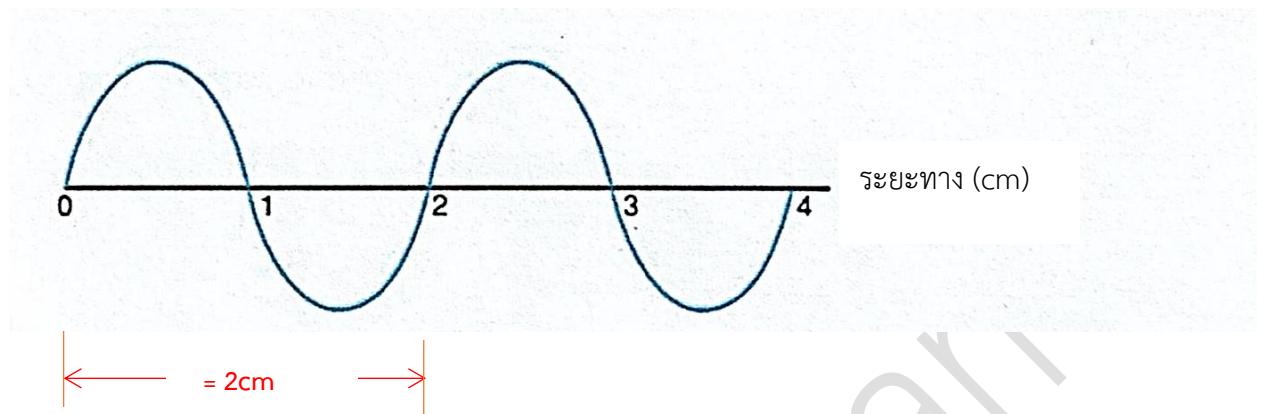
$$= 0.2 \text{ s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นมีความถี่ 5 เฮิรตซ์ และมีคาบ 0.2 วินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

4. สะบัดเชือกเส้นหนึ่ง พบว่าหลังจากสะบัดเชือกไป 5 วินาที เกิดคลื่นดังภาพ จงหาอัตราเร็วของคลื่นในเส้นเชือกนี้



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$t = 5 \text{ s}$, $\lambda = 2 \text{ cm}$

จำนวนลูกคลื่น = 2 ลูกคลื่น

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราเร็วของคลื่น (v)

ขั้นที่ 3 R : นำพาววิธีคิด

$$f = \frac{\text{จำนวนลูกคลื่น}}{\text{เวลา}}$$

$$= \frac{2}{5}$$

$$= 0.4 \text{ Hz}$$

$$v = f\lambda$$

$$= (0.4 \text{ s}^{-1}) (2 \text{ cm})$$

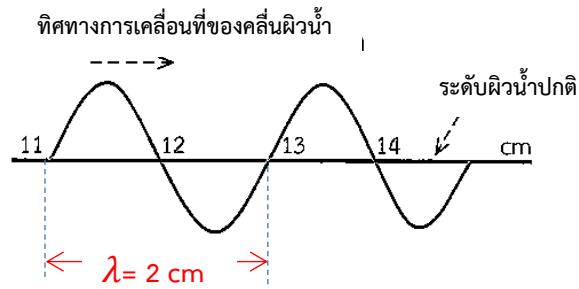
$$= 0.8 \text{ cm/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

คลื่นมีอัตราเร็ว 0.8 เซนติเมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

5. ตัวกำเนิดคลื่นมีค่าความถี่ของการสั่น 8 เฮิรตซ์ ทำให้เกิดคลื่นผิวน้ำดังรูป ความเร็วของคลื่นนี้มีค่าเท่าใด



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 8 \text{ Hz}, \lambda = 2 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความเร็ว (v) ของคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$v = f\lambda$$

$$= (8 \text{ Hz})(2 \text{ cm})$$

$$= 16 \text{ cm/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นมีความเร็ว 16 เซนติเมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

6. ในการทดลองเรื่องการเคลื่อนที่ของคลื่น โดยใช้ถาดคลื่นน้ำกับตัวกำเนิดคลื่นซึ่งเป็นมอเตอร์ที่หมุน 4 รอบต่อวินาที ถาดคลื่นมีความยาวคลื่น 3 เซนติเมตร จงหาอัตราเร็วของคลื่นที่เกิดขึ้น

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 4 \text{ Hz}, \lambda = 3 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราเร็ว (v) ของคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$v = f\lambda$$

$$= (4 \text{ Hz})(3 \text{ cm})$$

$$= 12 \text{ cm/s}$$

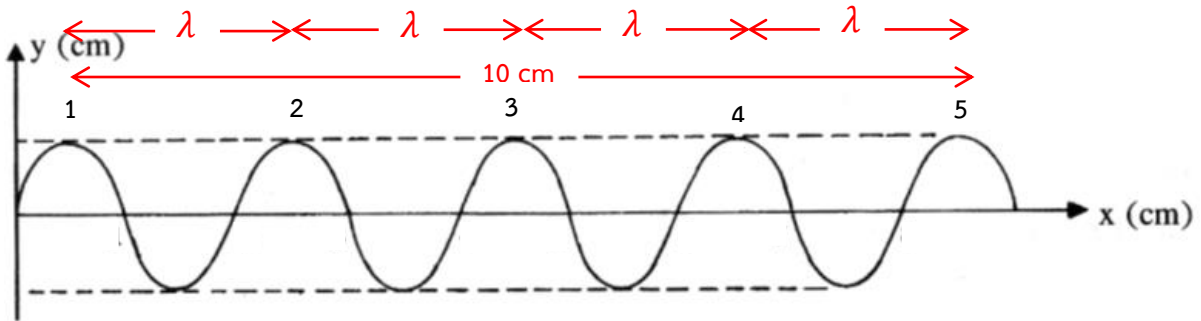
ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นมีความเร็ว 12 เซนติเมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



7. คลื่นในถาดคลื่นที่มีน้ำลึกสม่ำเสมอ วัดระยะห่างระหว่างสันคลื่น 5 สันที่อยู่ติดกันได้ระยะทาง 10 เซนติเมตร ถ้าคลื่นผิวน้ำมีอัตราเร็ว 20 เซนติเมตร/วินาที ความถี่ของคลื่นนี้จะมีค่าเท่าใด



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v = 20 \text{ cm/s} \quad , \quad 4\lambda = 10 \text{ cm} \quad , \quad \lambda = 2.5 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ (f) ของคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$v = f\lambda$$

$$\left(20 \frac{\text{cm}}{\text{s}}\right) = f(2.5 \text{ cm})$$

$$f = \frac{20}{2.5} \text{ s}^{-1}$$

$$= 8 \text{ s}^{-1}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

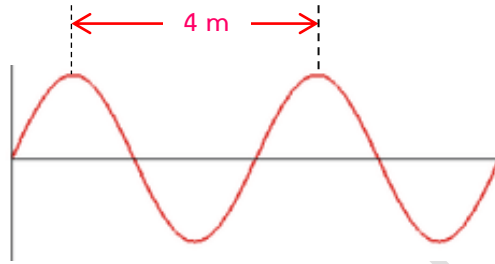
คลื่นมีความถี่ 8 เฮิร์ตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 1
ธรรมชาติของคลื่น (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. คลื่นขบวนหนึ่งมีระยะห่างระหว่างสันคลื่น 4 เมตร เคลื่อนที่ด้วยความถี่ 30 เฮิรตซ์ จงหาอัตราเร็วของคลื่นขบวนนี้



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

.....ระยะระหว่างสันคลื่นที่ติดกัน = $\lambda = 4 \text{ m}$

..... $f = 30 \text{ Hz}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

.....หาอัตราเร็ว (v) ของคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิคิด

..... $v = f\lambda$

..... $= (30 \text{ Hz})(4 \text{ m})$

..... $= 120 \text{ m/s}$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

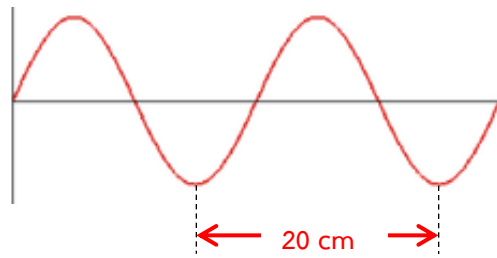
.....คลื่นมีความเร็ว 120 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



2. แหล่งกำเนิดคลื่นชนิดหนึ่งสั่นด้วยความถี่ 6000 รอบต่อวินาที ท้องคลื่นแต่ละลูกห่างกันเป็นระยะทาง 20 เซนติเมตร จงหาอัตราเร็วของคลื่นมีค่ากี่เมตร/วินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\text{ระยะระหว่างท้องคลื่นที่ติดกัน} = \lambda = 20 \text{ cm} = 0.2 \text{ m}$$

$$f = 6000 \text{ รอบต่อวินาที} = 6000 \text{ รอบต่อ } 60 \text{ วินาที} = \frac{6000}{60 \text{ (s)}} = 100 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราเร็ว (v) ของคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิ์คิด

$$v = f\lambda$$

$$= (100 \text{ Hz})(0.2 \text{ m})$$

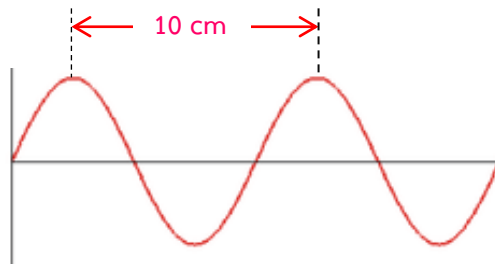
$$= 20 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

คลื่นมีอัตราเร็ว 20 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. คลื่นผิวน้ำเคลื่อนกระทบฝั่งมีระยะห่างระหว่างสันคลื่นที่อยู่ติดกัน 10 เซนติเมตร และคลื่นมีอัตราเร็ว 5 เซนติเมตร/วินาที อยากรทราบว่าคลื่นขบวนนี้จะเคลื่อนกระทบฝั่งนาฬิกาที่ลูก



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v = 5 \text{ เซนติเมตร/วินาที} , t = 1 \text{ นาที} = 60 \text{ วินาที}$$

$$\text{ระยะห่างระหว่างสันคลื่นที่ติดกัน} = \lambda = 10 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาจำนวนลูกคลื่นที่ตกกระทบฝั่งใน 1 นาที

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$v = f\lambda$$

$$f = \frac{\text{จำนวนลูกคลื่น}}{\text{เวลา}}$$

$$5 \frac{\text{cm}}{\text{s}} = f(10 \text{ cm})$$

$$f = 0.5 \text{ Hz}$$

$$0.5 \text{ Hz} = \frac{\text{จำนวนลูกคลื่น}}{60}$$

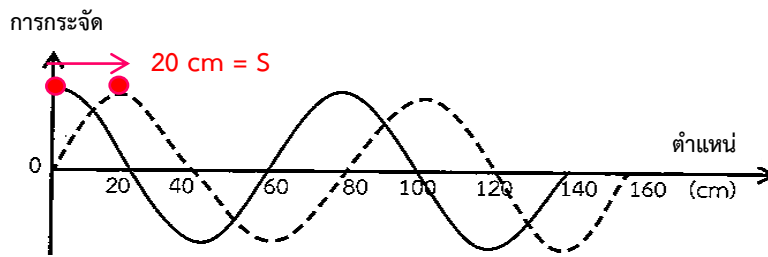
$$\text{จำนวนลูกคลื่น} = 30 \text{ ลูก}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ใน 1 นาที มีคลื่นกระทบฝั่งจำนวน 30 ลูก

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

4. จากรูปคลื่นขบวนหนึ่งเมื่อเวลา $t=0$ วินาที แสดงด้วยเส้นทึบ และเมื่อเวลาผ่านไป $t=0.2$ วินาที แสดงด้วยเส้นประ หาค่าอัตราเร็วคลื่นในหน่วยเมตร/วินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

จากรูปในตอนแรกคลื่นเป็นเส้นทึบ ต่อมาคลื่นเคลื่อนที่ไปทางขวาแล้วเป็นดั่งเส้นประ พิจารณา

จุดที่ตรงสันคลื่นในรูป จะพบว่าจุดนี้เคลื่อนที่ได้ระยะทาง (S) = 20 cm = 0.2 m โดยใช้

เวลา (t) = 0.2 วินาที

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราเร็ว (v) ของคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$v = \frac{S}{t}$$

$$= \frac{0.2 \text{ m}}{0.2 \text{ s}}$$

$$= 1 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นมีอัตราเร็ว 1 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 2

เฟสคลื่น (Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. คลื่นความถี่ 500 เฮิรตซ์ มีความเร็ว 300 เมตร/วินาที จุดที่มีเฟสต่างกัน 36° อยู่ห่างกันกี่เมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 500 \text{ Hz} , v = 300 \text{ m/s} , \Delta\theta = 36^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

.....หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุด (ΔX) ที่มีเฟสต่างกัน 36°

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\text{หา } \lambda \text{ จาก } v = f\lambda$$

$$\text{หา } \lambda \text{ จาก } \Delta\theta = 2\pi\left(\frac{\Delta X}{\lambda}\right)$$

$$300 \text{ m/s} = (500 \text{ Hz})\lambda$$

$$36^\circ = 2(180)\left(\frac{\Delta X}{0.6}\right)$$

$$\lambda = \frac{300 \text{ m/s}}{500 \text{ Hz}}$$

$$\Delta X = 0.06 \text{ m}$$

$$= 0.6 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

.....ระยะห่างระหว่างจุดสองจุด เท่ากับ 0.06 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. คลื่นขบวนหนึ่งเคลื่อนที่ได้ระยะทาง 20 เมตร ในเวลา 4 วินาที ถ้าพบว่าจุด 2 จุดบนคลื่นห่างกัน 0.2 เมตร มีเฟสต่างกัน 120° จงหาค่าถี่ของคลื่นนี้

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$S = 20 \text{ m} , t = 4 \text{ s} , \Delta\phi = 120^\circ , \Delta x = 0.2 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ (f) ของคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$\text{เฟสต่างกัน } 120^\circ \text{ ห่างกัน } = 0.2 \text{ m}$$

$$\text{ถ้าเฟสต่างกัน } 360^\circ \text{ ห่างกัน } = \frac{(360^\circ)(0.2 \text{ m})}{120^\circ}$$

$$= 0.6 \text{ m}$$

$$\text{ดังนั้น } \lambda = 0.6 \text{ m}$$

$$\text{หา } f \text{ จาก } v = f\lambda \text{ และ } v = \frac{S}{t}$$

$$f\lambda = \frac{S}{t}$$

$$f(0.6 \text{ m}) = \frac{20 \text{ m}}{4 \text{ s}}$$

$$f = 8.33 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นมีความถี่ 8.33 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. คลื่นขบวนหนึ่งมีความยาวคลื่น 0.5 เมตร 2 จุด บนคลื่นที่ห่างกัน 0.2 เมตร จะมีเฟสที่ต่างกันกี่องศา

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 0.5 \text{ m} , \Delta x = 0.2 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาเฟสที่ต่างกัน ($\Delta\phi$)

ขั้นที่ 3 R : นำพาววิธีคิด

$$\text{คลื่นห่างกัน } 0.5 \text{ m} \text{ เฟสต่างกัน } = 360^\circ$$

$$\text{ถ้าคลื่นห่างกัน } 0.2 \text{ m} \text{ เฟสต่างกัน } = \frac{(360^\circ)(0.2 \text{ m})}{0.5 \text{ m}}$$

$$= 144^\circ$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นมีเฟสที่ต่างกัน 144°

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

..

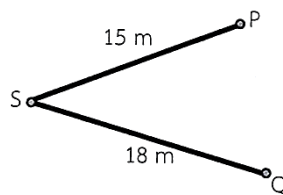


ใบความรู้ที่ 2

เฟสคลื่น

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. จากรูป S เป็นแหล่งกำเนิดคลื่นซึ่งมีความถี่ 100 เฮิรตซ์ จุด P และ Q อยู่ห่างจาก S เป็นระยะทาง 15 เมตร และ 18 เมตร ตามลำดับ ถ้าคลื่นที่มาถึงจุด P และ Q มีเฟสต่างกัน $\frac{3\pi}{2}$ เรเดียน จงหาอัตราเร็วของคลื่นในหน่วย เมตร/วินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$f = 100 \text{ Hz}, \Delta\phi = \frac{3\pi}{2} \text{ rad}, X_1 = 15 \text{ m}, X_2 = 18 \text{ m}, \Delta X = X_2 - X_1 = 18 - 15 = 3 \text{ m}$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาอัตราเร็ว (v) ของคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

<p>หา λ , $\Delta\phi = \left(\frac{\Delta X}{\lambda}\right)$</p> <p>$\frac{3\pi}{2} = 2\pi \left(\frac{X_2 - X_1}{\lambda}\right)$</p> <p>$\frac{3}{2} = 2 \left(\frac{18 - 15}{\lambda}\right)$</p> <p>$\lambda = 4 \text{ m}$</p>	<p>หา v , $v = f\lambda$</p> <p>$= (100 \text{ Hz})(4 \text{ m})$</p> <p>$= 400 \text{ m/s}$</p>
--	---

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นมีอัตราเร็ว 400 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. คลื่นขบวนหนึ่งเคลื่อนที่ได้ระยะทาง 20 เมตร ในเวลา 4 วินาที ถ้าพบว่าจุด 2 จุด บนคลื่นที่ห่างกัน 0.2 เมตร มีเฟสต่างกัน 120° จงหาค่าความถี่ของคลื่นนี้

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

..... $S = 20 \text{ m} , t = 4 \text{ s} , \Delta\phi = 120^\circ , \Delta x = 0.2 \text{ m}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

..... **หาความถี่ (f) ของคลื่น**

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

หา λ จาก $\Delta\phi = 2\pi\left(\frac{\Delta x}{\lambda}\right)$ $120 = 2(180)\left(\frac{0.2}{\lambda}\right)$ $\lambda = \left(\frac{72}{120}\right)$ $= 0.6 \text{ m}$	หา v จาก $v = \frac{S}{t}$ $v = \frac{20 \text{ m}}{4 \text{ s}}$ $v = 5 \text{ m/s}$	หา f จาก $v = f\lambda$ $5 \text{ m/s} = f(0.6 \text{ m})$ $f = 8.33 \text{ Hz}$
---	---	--

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

..... **คลื่นมีความถี่ 8.33 เฮิรตซ์**

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



3. คลื่นขบวนหนึ่งมีความยาวคลื่น 0.5 เมตร จุด 2 จุด บนคลื่นที่ห่างกัน 0.4 เมตร จะมีเฟสต่างกันกี่องศา

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 0.5 \text{ m} , \Delta X = 0.4 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาเฟสที่ต่างกัน ($\Delta\phi$)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$\Delta\phi = 2\pi\left(\frac{\Delta X}{\lambda}\right)$$

$$\Delta\phi = 360^\circ\left(\frac{0.4 \text{ m}}{0.5 \text{ m}}\right)$$

$$\Delta\phi = 288^\circ$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นมีเฟสที่ต่างกัน 288°

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



4. เชือกเส้นหนึ่งซึ่งตึง โดยปลายเชือกข้างหนึ่งตรึงอยู่กับที่ อีกปลายหนึ่งติดอยู่กับเครื่องสั่นสะเทือน ณ ที่ จุดหนึ่ง บนเชือกที่เฟสเปลี่ยนไป 240 องศา ทุก ๆ ช่วง 3 วินาที จงหาว่าเครื่องสั่นสะเทือนนี้มีความถี่ในการสั่นเท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\Delta\theta = 240^\circ, \Delta t = 3 \text{ s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ (f) ของเครื่องสั่นสะเทือน

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\Delta\theta = 360^\circ f \Delta t$$

$$240^\circ = 360^\circ f (3 \text{ s})$$

$$f = 0.22 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

เครื่องสั่นสะเทือนมีความถี่ 0.22 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



5. คลื่นผิวน้ำมีอัตราเร็ว 20 เซนติเมตร/วินาที กระจายออกจากแหล่งกำเนิดคลื่น ซึ่งมีความถี่ 5 เฮิรตซ์ จุดที่อยู่ห่างจากแหล่งกำเนิด 30 เซนติเมตร และ 48 เซนติเมตร จะมีเฟสต่างกันเท่ากับเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v = 20 \text{ cm/s} = 0.2 \text{ m/s}, f = 5 \text{ Hz}$$

$$\Delta x = \text{ระยะทางที่แตกต่างกัน} = 48 - 30 = 18 \text{ cm} = 0.18 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาเฟสที่ต่างกัน ($\Delta\phi$)

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\Delta\phi = \frac{360^\circ f \Delta x}{v}$$

$$= \frac{(360^\circ)(5 \text{ Hz})(0.18 \text{ m})}{(0.2 \text{ m/s})}$$

$$= 1620^\circ$$

เนื่องจากเฟส 1620° จะตรงกับเฟส $1620^\circ - 360^\circ = 1260^\circ$ (เพราะห่างกัน 360° หรือ 1λ)

เฟส 1260° จะตรงกับเฟส $1260^\circ - 360^\circ = 900^\circ$

เฟส 900° จะตรงกับเฟส $900^\circ - 360^\circ = 540^\circ$

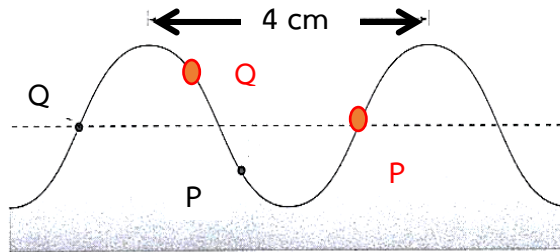
เฟส 540° จะตรงกับเฟส $540^\circ - 360^\circ = 180^\circ$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นมีเฟสต่างกัน 180°

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

6. คลื่นน้ำมีความยาวคลื่น 4 เซนติเมตร เคลื่อนที่อย่างต่อเนื่องด้วยความเร็วเฟส 2 เซนติเมตร/วินาที ดังรูป ถ้า P และ Q มีเฟสเท่ากับ 0° และ 225° ตามลำดับ อยากทราบว่าเร็วที่สุดที่วินาทีจุด P จึงจะมีความเร็วในแนวตั้งสูงสุด



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

สมมติว่าเวลา t วินาที จุด P เคลื่อนที่มาอยู่ที่ระดับสมดุล แสดงว่าเป็นตำแหน่งที่มี

ความเร็วแนวตั้งสูงสุด ดังนั้นตั้งต้น P มีเฟส 225° พอมีความเร็วแนวตั้งสูงสุดมีเฟสเป็น

$$360^\circ \text{ เฟสต่างกัน } 360^\circ - 225^\circ = 135^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู้การค้นหา

หาเวลาที่ทำให้จุด P จึงจะมีความเร็วในแนวตั้งสูงสุด

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\Delta\phi = \frac{2\pi x}{\lambda}$$

$$v = \frac{s}{t}$$

$$x = \frac{\phi\lambda}{2\pi}$$

$$t = \frac{s}{v}$$

$$x = \frac{(135^\circ)(4)}{360^\circ}$$

$$t = \frac{1.5}{2}$$

$$x = 1.5 \text{ cm}$$

$$t = 0.75 \text{ s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

ใช้เวลา 0.75 วินาที จุด P จึงจะมีความเร็วในแนวตั้งสูงสุด

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 2

เฟสคลื่น (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. คลื่นความถี่ 500 เฮิรตซ์ มีความเร็ว 300 เมตร/วินาที จุด 2 จุดซึ่งอยู่ห่างกัน 0.06 เมตร จะมีเฟสต่างกันเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 500 \text{ Hz} , v = 300 \text{ m/s} , \Delta x = 0.06 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาค่าความต่างเฟส ($\Delta\phi$)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิ์คิด

$$\begin{aligned} \Delta\phi &= \frac{360^\circ f \Delta x}{v} \\ &= \frac{(360^\circ)(500 \text{ Hz})(0.06 \text{ m})}{(300 \text{ m/s})} \\ &= 36^\circ \end{aligned}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความต่างเฟสเท่ากับ 36°

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. คลื่นขบวนหนึ่งมีความถี่ 150 เฮิรตซ์ มีความเร็ว 300 เมตร/วินาที จุดสองจุดบนคลื่นที่มีเฟสต่างกัน 90 องศา จะอยู่ห่างกันกี่เมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 150 \text{ Hz} \dots, v = 300 \text{ m/s} \dots, \Delta\phi = 90^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

$$\text{หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดบนคลื่น (\Delta x)}$$

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\Delta\phi = \frac{360^\circ f \Delta x}{v}$$

$$90^\circ = \frac{360^\circ (150 \text{ Hz}) \Delta x}{(300 \text{ m/s})}$$

$$\Delta x = 0.5 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

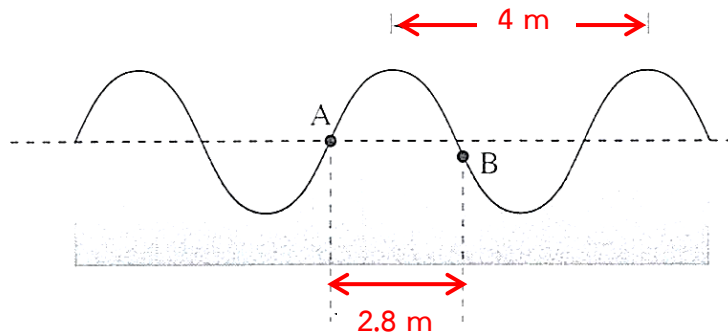
$$\text{จุดสองจุดบนคลื่น อยู่ห่างกัน 0.5 เมตร}$$

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

.....



3. จากคลื่นน้ำที่กำหนดให้ในรูป ถ้าจุด A มีเฟสเท่ากับ 0 แล้วจุด B จะมีเฟสเท่าใด



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$\lambda = 4 \text{ m} , \Delta x = 2.8 \text{ m}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาเฟสที่ตำแหน่ง B

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$\Delta \phi = 360^\circ \left(\frac{\Delta x}{\lambda} \right)$

$= 360^\circ \left(\frac{2.8 \text{ m}}{4 \text{ m}} \right)$

$= 252^\circ$

เนื่องจากตำแหน่ง A และ B มีเฟสต่างกัน 252° ถ้าตำแหน่ง A มีเฟสเท่ากับ 0°

ตำแหน่ง B จะมีเฟส 252°

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ตำแหน่ง B จะมีเฟส 252°

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 3

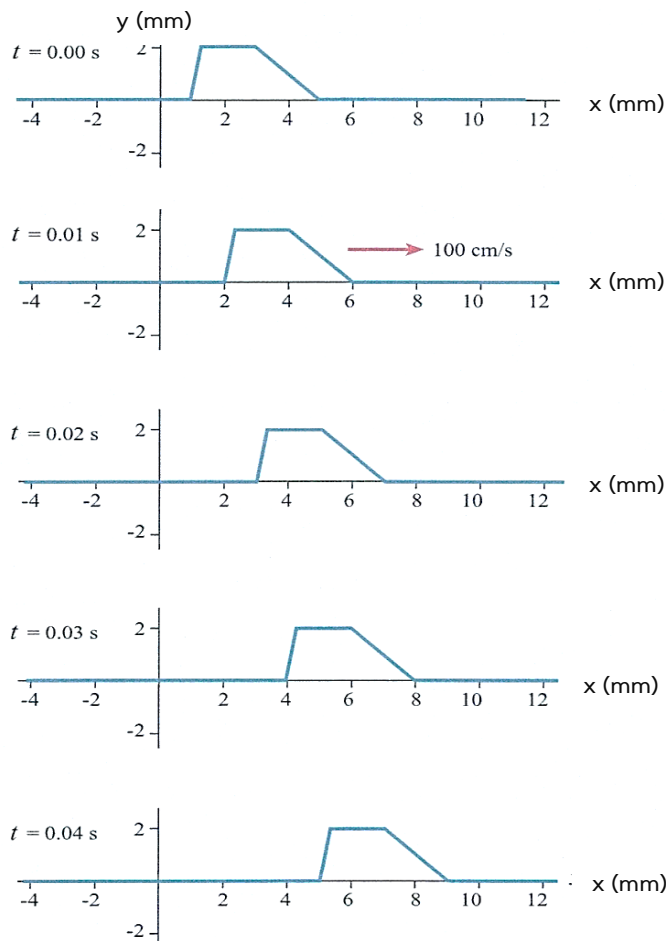
อัตราเร็วคลื่นในตัวกลาง (Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

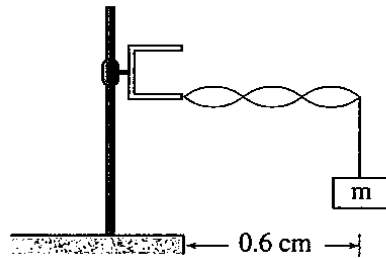
1. ด้านล่างแสดงรูปร่างคลื่นในเส้นเชือกที่กำลังเคลื่อนที่ไปทางขวาด้วยอัตราเร็ว 100 เซนติเมตร/วินาที โดยในรูปแสดงเฉพาะรูปร่างคลื่นที่เวลา $t=0.01$ วินาทีเท่านั้น ให้นักเรียนวาดรูปคลื่นที่เวลา $t=0.00$ วินาที, $t=0.02$ วินาที, $t=0.03$ วินาที, $t=0.04$ วินาที

เนื่องจากคลื่นมีอัตราเร็ว 100 เมตรต่อวินาที เวลาผ่านไป 0.01 วินาทีจึงเคลื่อนที่ได้ทางเท่ากับ $100 \times 0.01 = 1$ เซนติเมตร ดังนั้นรูปที่วาดทุกรูปลูกคลื่นเหมือนเดิมแต่รูปที่เวลา 0.00 วินาที ให้วาดคลื่นนั้นทั้งขบวนขยับมาทางซ้ายจากรูปเริ่มต้นเป็นระยะ 1 เซนติเมตร และที่เวลา 0.02 วินาที, 0.03 วินาที และ 0.04 วินาที ให้วาดคลื่นทั้งขบวนขยับมาทางด้านขวาจากรูปเริ่มต้น เป็นระยะ 1 2 และ 3 เซนติเมตร

ตาม:



2. สายตาดึงด้านหนึ่งผูกติดกับปลายส้อมเสียงที่สั่นด้วยความถี่ 250 เฮิรตซ์ ส่วนปลายอีกด้านหนึ่งผ่านรอกกลิ้ง และมีมวลถ่วงให้สายตาดึง เมื่อส้อมเสียงสั่นปรากฏเกิดคลื่นนิ่งดังรูป แสดงว่าอัตราเร็วคลื่นในสายตาดึงมีค่าเท่าไร



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 250 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราเร็วของคลื่นในเส้นเชือก (v)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$\text{หา } \lambda \text{ จากรูป } \lambda + \frac{\lambda}{2} = 0.6 \text{ cm}$$

$$\lambda = 0.4 \text{ cm}$$

$$= (250 \text{ Hz})(0.4 \text{ cm})$$

$$= 100 \text{ cm/s}$$

$$= 1 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

อัตราเร็วของคลื่นในเส้นเชือก เท่ากับ 1 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

ใบความรู้ที่ 3

อัตราเร็วคลื่นในตัวกลาง

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. เชือกเส้นหนึ่งมวล 0.5 กิโลกรัมต่อความยาว 5 เมตร เมื่อออกแรงดึง 0.4 นิวตัน แล้วสะบัดด้วยความถี่ค่าหนึ่ง จะเกิดคลื่นในเส้นเชือกที่มีความเร็วคลื่นเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

.....มวลของเชือก = 0.5 kg , ความยาวเชือก = 5 m , T = 0.4 N

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

.....หาความเร็วของคลื่นในเส้นเชือก (v)

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

.....หา μ จาก $\mu = \frac{\text{มวลของเชือก}}{\text{ความยาวของเชือก}} = \frac{0.5 \text{ kg}}{5 \text{ m}} = 0.1 \text{ kg/m}$

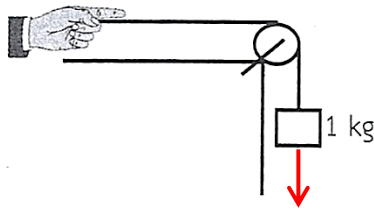
.....หา v จาก $v = \sqrt{\frac{T}{\mu}} = \sqrt{\frac{0.4}{0.1}} = \sqrt{4} = 2 \text{ m/s}$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

.....ความเร็วคลื่นที่เกิดขึ้นในเส้นเชือกเท่ากับ 2 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. เชือกเส้นหนึ่งมีความยาว 2 เมตร มีมวล 0.2 กิโลกรัม เมื่อนำไปแขวนมวล 1 กิโลกรัม แล้วคล้องผ่านรอกดังรูป จากนั้นทำการสะบัดด้วยความถี่ค่าหนึ่ง จงหาว่าความเร็วคลื่นที่เกิดขึ้นในเส้นเชือกนี้จะมีค่าเท่าใด



$$T = mg = (1)(10) = 10 \text{ นิวตัน}$$

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

..... ความยาวเชือก = 2 m , มวลของเชือก = 0.2 kg , T = 10 N

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

..... หาความเร็วคลื่น (v) ที่เกิดขึ้นในเส้นเชือก

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\text{หา } \mu \text{ จาก } \mu = \frac{\text{มวลของเชือก}}{\text{ความยาวของเชือก}} = \frac{0.2 \text{ kg}}{2 \text{ m}} = 0.1 \text{ kg/m}$$

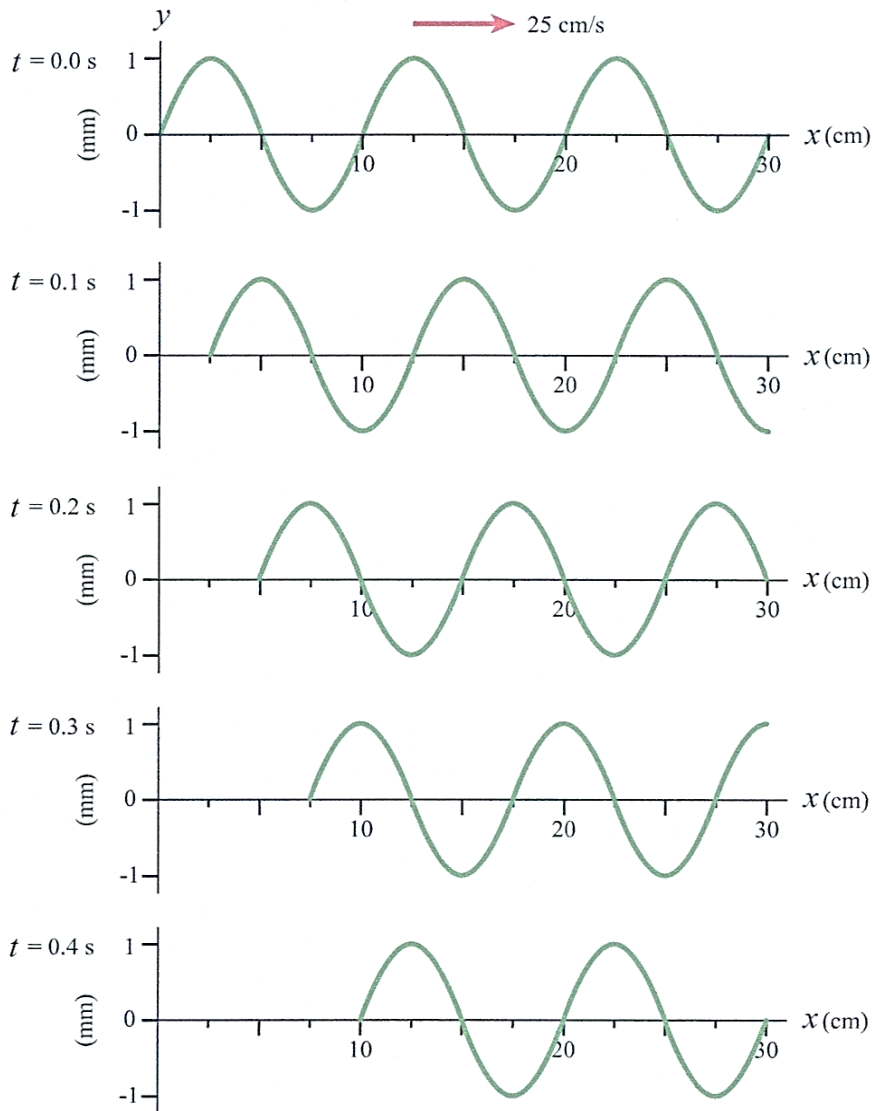
$$\text{หา } v \text{ จาก } v = \sqrt{\frac{T}{\mu}} = \sqrt{\frac{10}{0.1}} = \sqrt{100} = 10 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

..... ความเร็วคลื่นที่เกิดขึ้นในเส้นเชือกเท่ากับ 10 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. พิจารณาคลื่นรูปไซน์ด้านล่างนี้ โดยเป็นคลื่นที่เคลื่อนที่ไปทางขวาด้วยอัตราเร็ว 25 เซนติเมตร/วินาที จงวาดรูปคลื่นไซน์นี้ที่เวลาอื่น ๆ ตามที่ระบุในรูป



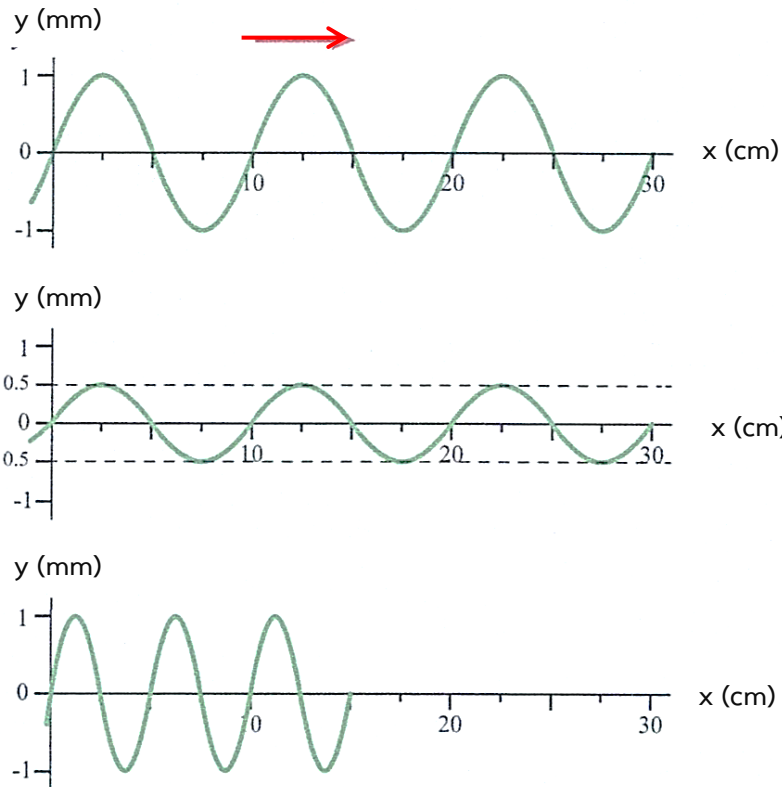
คลื่นมีอัตราเร็ว 25 เซนติเมตรต่อวินาที

ดังนั้นเวลา 0.1 วินาทีที่เคลื่อนที่ได้ระยะทางเท่ากับ $25 \times 0.1 = 2.5$ เซนติเมตร

พิจารณารูปสเกลตามแกน x ขนาด 1 ช่องเท่ากับ 2.5 เซนติเมตร

ลูกคลื่นที่วาดจึงเลื่อนไปทางขวา 1 ช่องทุกเวลาที่เพิ่มขึ้น 0.1 วินาที

4. พิจารณาคลื่นรูปไซน์ข้างล่างนี้ จงวาดรูปของคลื่นไซน์อีก 2 คลื่น โดยคลื่นแรกมีความยาวคลื่นเท่ากับคลื่นด้านบนสุดแต่มีแอมพลิจูดเป็นครึ่งหนึ่ง และคลื่นที่สองมีแอมพลิจูดเท่ากับคลื่นบนสุดแต่มีความยาวคลื่นเป็นครึ่งหนึ่ง



SUNWA

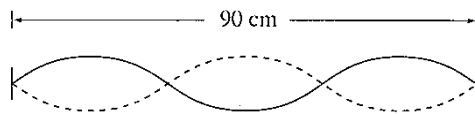


ใบงานที่ 3

อัตราเร็วคลื่นในตัวกลาง (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

- จากรูปเป็นคลื่นนิ่งในเส้นเชือกที่มีปลายทั้งสองยึดแน่นไว้ ถ้าเส้นเชือกยาว 90 เซนติเมตร และความเร็วคลื่นในเส้นเชือกขณะนั้นเท่ากับ 2.4×10^2 เมตร/วินาที จงหาความถี่ของคลื่น



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

.....ความยาวเชือก = 90 cm = 0.9 m , $v = 2.4 \times 10^2$ m/s

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

.....หาความถี่ของคลื่น (f)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิคิด

.....หา λ จากรูป $\lambda + \frac{\lambda}{2} = 0.9$ m
 = 0.6 m

.....หา f จาก $v = f\lambda$

..... 2.4×10^2 m/s = $f(0.6$ m)

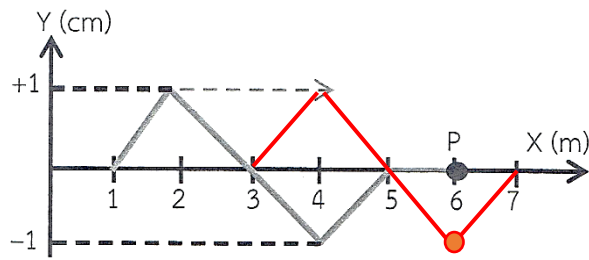
..... $f = 400$ Hz

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

.....ความถี่ของคลื่น เท่ากับ 400 Hz

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

2. คลื่นชนิดหนึ่งกำลังเคลื่อนที่ไปทางขวาดังรูป ด้วยอัตราเร็ว 0.5 เมตร/วินาที อยากรทราบว่าเมื่อเวลาผ่านไป 4 วินาที จุด P ซึ่งเป็นจุดหนึ่งบนตัวกลางจะเคลื่อนที่ได้การกระจัดกี่เซนติเมตร



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v = 0.5 \text{ m/s} , t = 4 \text{ s}$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาการกระจัด (S)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$S = vt = (0.5 \text{ m/s})(4 \text{ s}) = 2 \text{ m}$$

ดังนั้น เมื่อเวลาผ่านไป 4 วินาที คลื่นเคลื่อนที่ไปทางขวาได้ระยะ 2 เมตร

จุด P จะกระเพื่อมลงตามคลื่นลงไปอยู่ที่ท้องคลื่น

นั่นคือ การกระจัดแนวตั้งของจุด P เคลื่อนที่ได้มีขนาดเท่ากับ -1 เซนติเมตร

(มีค่าเป็นลบเพราะอยู่ต่ำกว่า)

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

การกระจัดเท่ากับ -1 เซนติเมตร

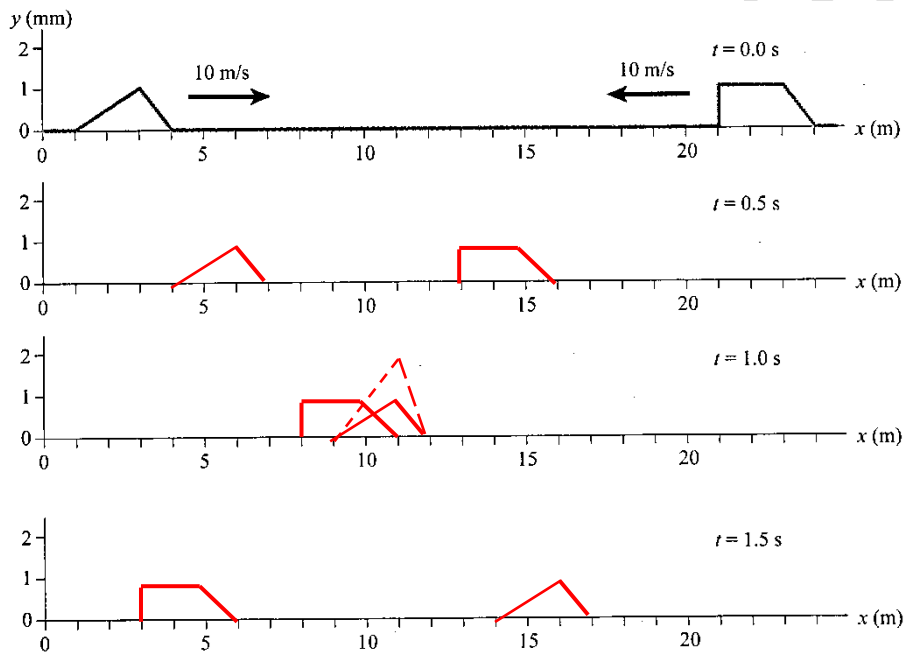
ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 4

การซ้อนทับของคลื่น (Online)

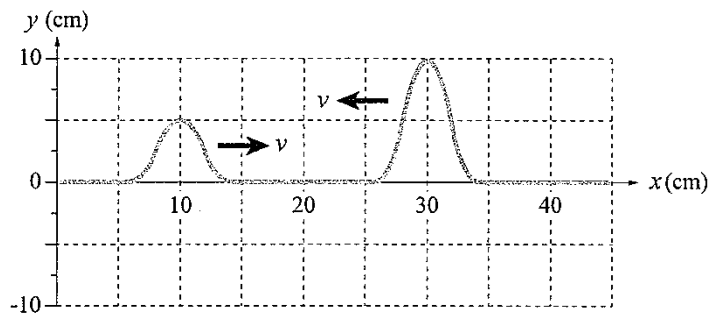
ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. คลื่น 2 คลื่นมีรูปร่างต่างกัน เคลื่อนที่เข้าหากันด้วยอัตราเร็ว 10 เมตร/วินาที ดังรูป จงวาดรูปร่างคลื่นรวมที่เวลาถัดมา ตามที่ระบุในรูป



จากรูปที่ $t=0$ คลื่นทั้งสองห่างกัน 17 เมตร สามารถคำนวณหาระยะทางที่คลื่นเคลื่อนที่ได้จาก $s = v \times t$ จะได้ว่า ที่ $t = 0.5$ วินาที คลื่นเคลื่อนที่ได้ระยะระยะทาง 5.0 เมตร โดยคลื่นทั้งสองจะเคลื่อนที่เข้าหากัน เมื่อเวลา $t=1.0$ วินาที คลื่นเคลื่อนที่ได้ 10.0 เมตร เมื่อเวลา $t=1.5$ วินาที คลื่นเคลื่อนที่ได้ 15.0 เมตร จากจุดเริ่มต้น ซึ่งสามารถวาดรูปร่างคลื่นได้ตามลำดับ

2. ที่เวลา $t=0$ คลื่นเคลื่อนที่เข้าหากันด้วยความเร็ว 1.0 เมตร/วินาที ดังรูป



ก. อีกลานเท่าไรคลื่นทั้งสองจึงจะซ้อนทับกันพอดี

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$v = 1.0 \text{ m/s}$, เริ่มต้น ณ เวลาที่ $t = 0$ คลื่นทั้งสองอยู่ห่างกัน 20 cm

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาเวลา (t) ที่คลื่นทั้งสองเคลื่อนที่ซ้อนทับกันพอดี

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิคิด

ให้เวลา t วินาที คลื่นจึงซ้อนทับกัน และระยะทางที่คลื่นทั้งสองเคลื่อนที่รวมกันได้ 20 เซนติเมตร

ระยะทางที่คลื่นแต่ละลูกเคลื่อนที่ได้ เท่ากับ $100t$

$$100t + 100t = 20$$

$$t = \frac{20}{200}$$

$$t = 0.1 \text{ s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

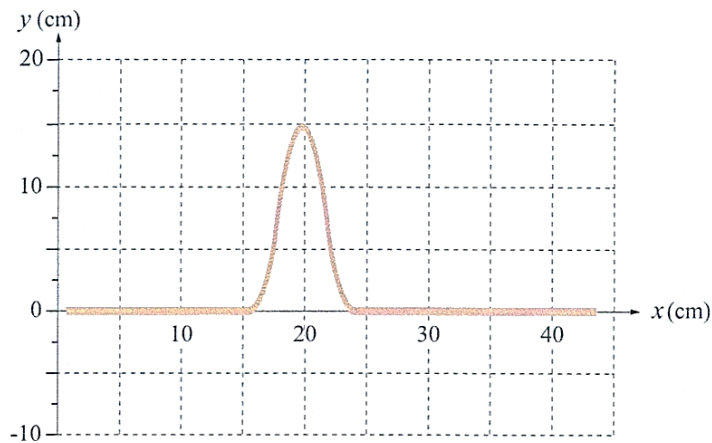
เมื่อเวลาผ่านไป 0.1 วินาที คลื่นทั้งสองจึงจะซ้อนทับกันพอดี

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

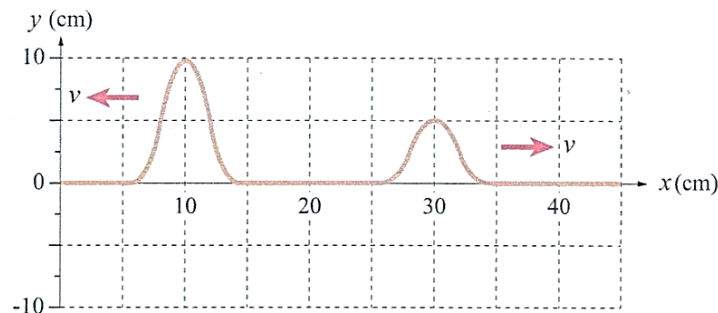
ข. จงวาดภาพการรวมกันของคลื่นทั้งสองที่เวลา $t=0.1$ s และ $t=0.2$ s

ที่เวลา $t = 0.1$ วินาที คลื่นทั้งสองเคลื่อนที่ได้ระยะทาง เท่ากับ $100 \times 0.1 = 10$ เซนติเมตร และซ้อนทับกันพอดีที่ตำแหน่ง 20 เซนติเมตร ดังนั้น ภาพที่ได้เป็นลูกคลื่นยอดคลื่นอยู่ที่ตำแหน่ง 20 เซนติเมตร และมีความสูงของคลื่นเท่ากับผลรวมของแอมพลิจูดของคลื่นทั้งสอง

ที่เวลา $t = 0.2$ วินาที คลื่นทั้งสองเคลื่อนที่ได้ระยะทาง เท่ากับ $100 \times 0.2 = 20$ เซนติเมตร ดังนั้น ภาพที่ได้จะเป็นลูกคลื่นตำแหน่งเดียวกับตอนเริ่มต้นแต่สลับลูกคลื่น



ที่เวลา $t = 0.1$ s



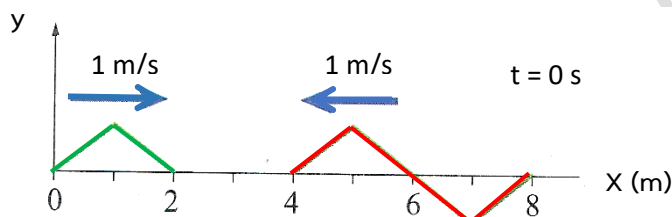
ที่เวลา $t = 0.2$ s

ใบความรู้ที่ 4

การซ้อนทับของคลื่น

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

- มีคลื่นดล 2 คลื่น เคลื่อนที่ผ่านตัวกลางเดียวกันในทิศทางตรงกันข้าม โดยอัตราเร็วของคลื่นมีค่าเท่ากับ 1.0 เมตร/วินาที และมีรูปร่างดังแสดงในรูปข้างล่าง จงใช้หลักการซ้อนทับ วาดรูปร่างของคลื่นรวมเมื่อเวลาผ่านไป 2 วินาที 3 วินาที และ 4 วินาที



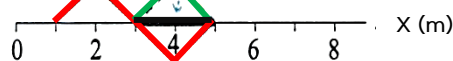
หลังจากที่ผ่านไปแล้ว 2 วินาที คลื่นทั้งสองเคลื่อนที่ในทิศทางตรงกันข้ามเป็นระยะ 2 เมตร ทำให้สันคลื่นสีแดงซ้อนทับกับสันคลื่นสีเขียวพอดี

สันคลื่นรวม (สีดำ) เกิดจากการที่สันคลื่นสีแดงรวมกับสันคลื่นสีเขียวแบบเสริมกัน เนื่องจากอนุภาคบนคลื่นทั้งสอง มีการกระจัดชี้ทิศเดียวกัน

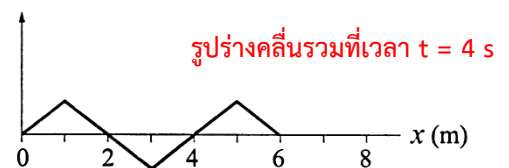
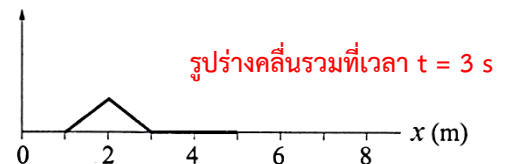
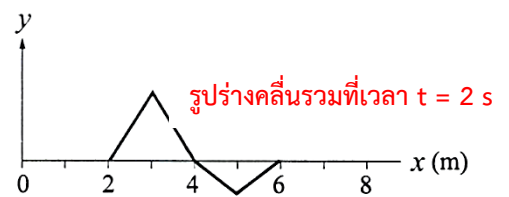
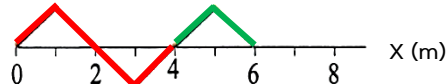


วินาที ที่ 3 คลื่นทั้งสองเคลื่อนที่เพิ่มอีก 1 เมตร ทำให้ส่วนของท้องคลื่นสีแดงซ้อนทับกับสันคลื่นสีเขียวพอดี

คลื่นรวมที่เกิดขึ้นจากผลรวมของสันคลื่นสีเขียวกับท้องคลื่นสีแดงแบบหักล้างกัน เนื่องจากการกระจัดของอนุภาคบนคลื่นทั้งสองมีทิศตรงข้าม

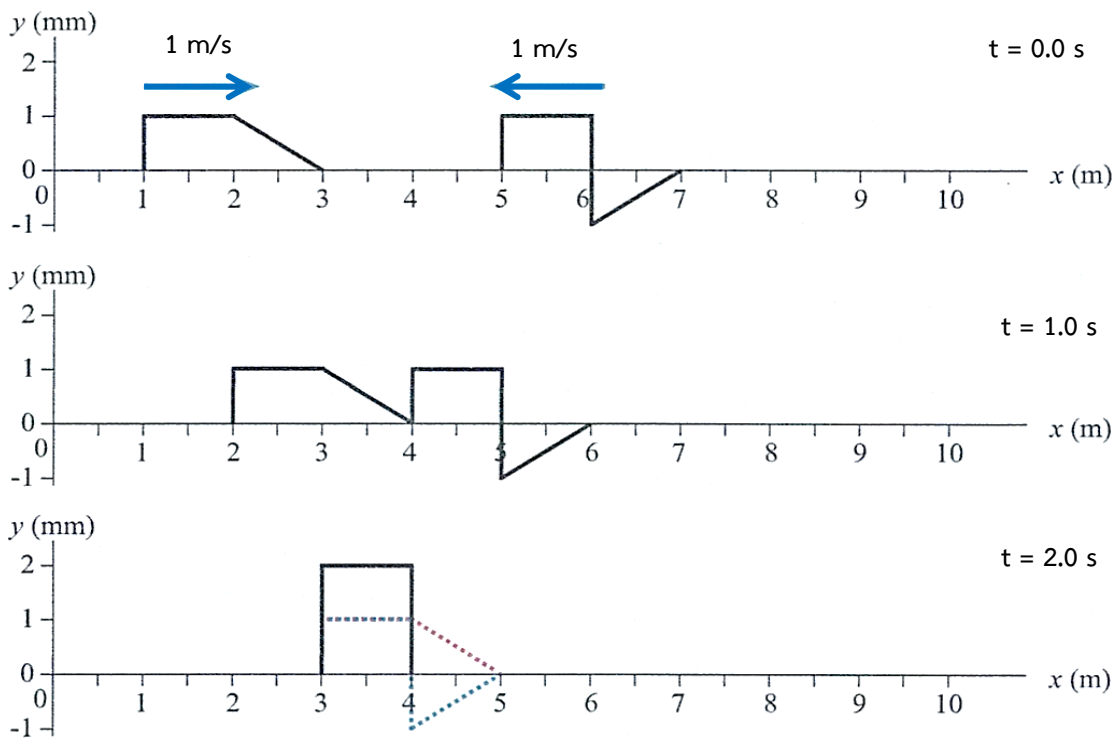


หลังจากผ่านไป 4 วินาที ไม่มีส่วนของคลื่นทั้งสองซ้อนทับกันอีกแล้ว



รูปร่างคลื่นรวมเมื่อเวลาผ่านไป 2 วินาที 3 วินาที และ 4 วินาที

2. คลื่น 2 คลื่น มีรูปร่างต่างกัน เคลื่อนที่เข้าหากันด้วยอัตราเร็ว 1 เมตรต่อวินาที ดังรูป จงวาดรูปร่างคลื่นรวมที่เวลาถัดมา ตามที่ระบุในรูป



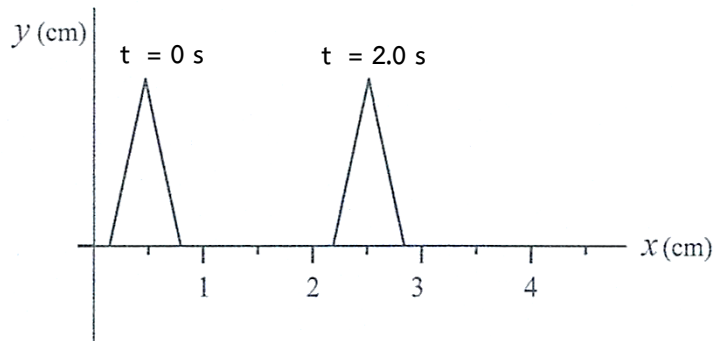
จากรูป ที่เวลา $t = 0$ คลื่นทั้งสองอยู่ห่างกัน 2 เมตร สามารถคำนวณหาระยะทางที่คลื่นเคลื่อนที่ได้

จาก $S = vt$ จะได้ว่า

เมื่อเวลา $t = 1.0$ วินาที, คลื่นเคลื่อนที่ได้ = $(1.0 \text{ m/s})(1.0 \text{ s}) = 1.0 \text{ m}$ โดยคลื่นทั้งสองจะเคลื่อนที่เข้าหากัน

เมื่อเวลา $t = 2.0$ วินาที, คลื่นเคลื่อนที่ได้ = $(1.0 \text{ m/s})(2.0 \text{ s}) = 2.0 \text{ m}$ จากจุดเริ่มต้น ซึ่งสามารถวาดรูปร่างคลื่นได้ตามลำดับ

3. ภาพแสดงคลื่นตลผ่านตัวกลางชนิดหนึ่ง คลื่นตลนี้มีความเร็วเท่าไร และเมื่อเวลา $t=3$ วินาที คลื่นตลนี้จะอยู่ที่ตำแหน่งใด



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$S = 2 \text{ cm} , t = 2 \text{ s}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความเร็วคลื่น (v) และตำแหน่งของคลื่นเมื่อเวลาผ่านไป 3 วินาที

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$v = \frac{2 \text{ cm}}{2 \text{ s}} = 1 \text{ cm/s}$

เมื่อเวลาผ่านไป 3 วินาที คลื่นจะเคลื่อนที่ได้ระยะทาง 3 เซนติเมตร ห่างจากจุดเริ่มต้นจากรูปคลื่นเริ่มต้นที่ระยะ 0.5 เซนติเมตร

ดังนั้น วินาทีที่ 3 คลื่นจะอยู่ที่ตำแหน่ง 3.5 เซนติเมตร

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นมีความเร็วคลื่น 1 เมตรต่อวินาที

และเมื่อเวลาผ่านไป 3 วินาที คลื่นอยู่ที่ตำแหน่ง 3.5 เซนติเมตร

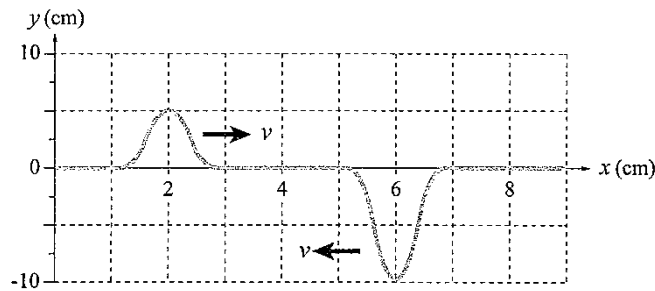
ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 4

การซ้อนทับของคลื่น (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. ที่เวลา $t=0$ s คลื่นเคลื่อนที่เข้าหากัน ดังรูป



ก. ที่เวลา $t=1$ s คลื่นทั้งสองซ้อนทับกันได้พอดี ความเร็วของคลื่นเป็นเท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

ที่เวลา $t=0$ คลื่นทั้งสองอยู่ห่างกัน 4 cm , $t=1$ s

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความเร็วคลื่น (v)

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

ที่เวลา $t=0$ คลื่นทั้งสองอยู่ห่างกัน 4 cm

เวลาผ่านไป 1 วินาที คลื่นทั้งสองเคลื่อนที่ได้ระยะ $v \times 1$ เซนติเมตร

ดังนั้น $v + v = 4$

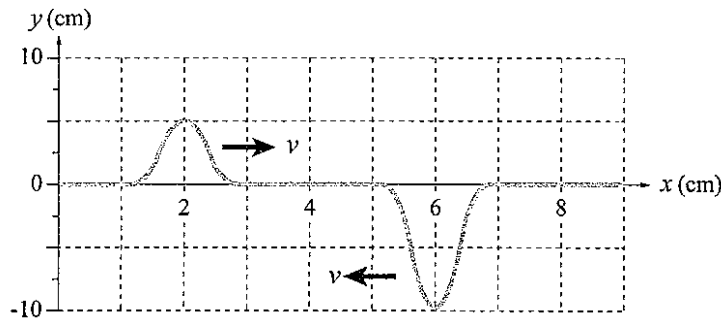
$v = 2$ cm/s

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

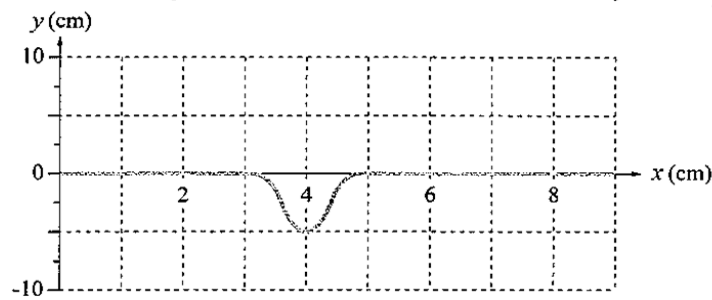
คลื่นมีความเร็ว 2 เซนติเมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

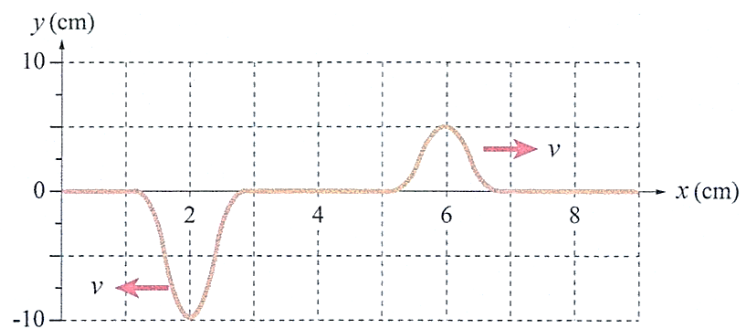
ข. จงวาดภาพการรวมกันของคลื่นทั้งสองที่เวลา $t=1$ s และ $t=2$ s



ที่เวลา $t = 1$ วินาที คลื่นทั้งสองเคลื่อนที่ได้ระยะทาง เท่ากับ $2 \times 1 = 2$ cm และซ้อนทับกันพอดีที่ตำแหน่ง 4 cm ดังนั้นภาพที่ได้เป็นลูกคลื่นยอดคลื่นอยู่ที่ตำแหน่ง 4 cm และมีความสูงของคลื่นเท่ากับผลต่างของแอมพลิจูดของคลื่นทั้งสอง
 ที่เวลา $t = 2$ วินาที คลื่นทั้งสองเคลื่อนที่ได้ระยะทาง เท่ากับ $2 \times 2 = 4$ cm ดังนั้น ภาพที่ได้จะเป็นลูกคลื่นตำแหน่งเดียวกับตอนเริ่มต้นแต่สลับลูกคลื่นกัน



ที่เวลา $t = 1$ s



ที่เวลา $t = 2$ s



ใบงานที่ 5

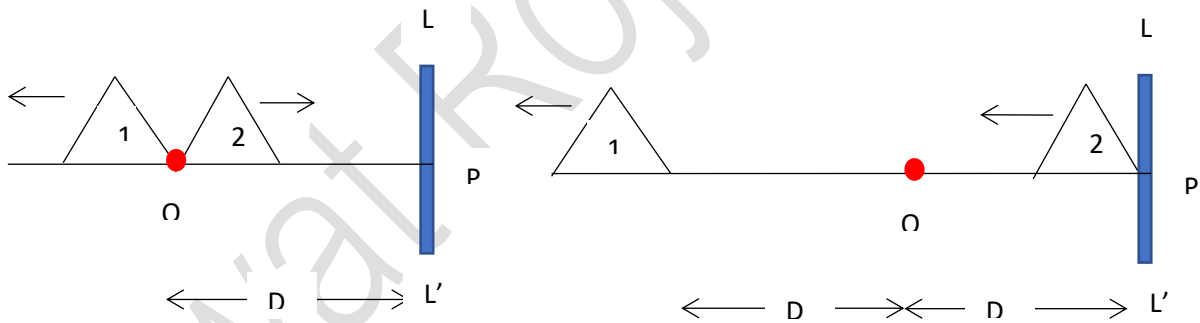
การสะท้อนของคลื่น (Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

- เชือกเส้นหนึ่งมีปลายข้างหนึ่งผูกแน่นติดกับเสา เมื่อสร้างคลื่นจากปลายข้างหนึ่งเข้ามาตกระทบจะเกิดคลื่นสะท้อนขึ้น คลื่นสะท้อนนี้ จะมีเฟสเปลี่ยนไปกี่องศา

จุดสะท้อนตรึงแน่นคลื่นสะท้อน จะมีเฟสตรงข้ามกับคลื่นตกกระทบ โดยเฟสเปลี่ยน 180°

- คลื่นดลลูกหนึ่งถูกทำให้เกิดขึ้นที่จุด O คลื่นดลลูกนี้แผ่ออกไปชนกับกำแพงราบ LL' ซึ่งอยู่ห่างจากจุด O เป็นระยะทางตั้งฉากเท่ากับ D ในที่สุดจะปรากฏมีคลื่นวิ่งตามกันไปแนว PO อยากรทราบว่า คลื่นทั้งสองวิ่งตามกันด้วยระยะห่างกันเท่าใด

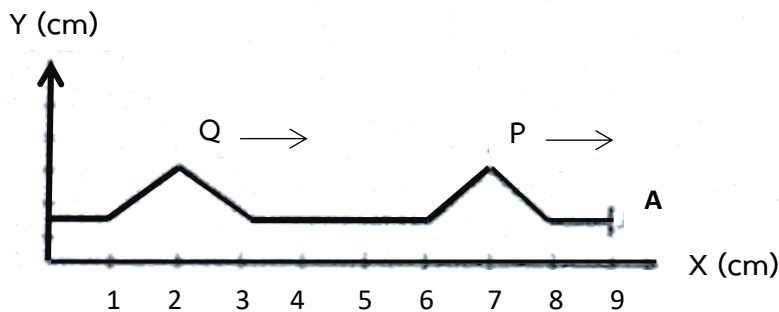


จุด O เป็นแหล่งกำเนิดคลื่น จะทำให้เกิดคลื่น ไปทางด้านซ้าย(1) และด้านขวา(2)

ถ้าคลื่น (1) เคลื่อนที่ไปทางด้านซ้ายได้ระยะทาง D คลื่น (2) ก็จะเคลื่อนที่ไปทางด้านขวาได้ระยะ D เช่นเดียวกัน

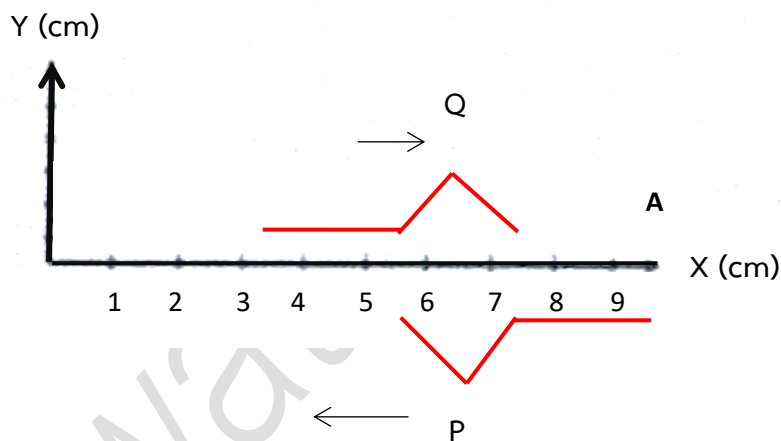
เมื่อคลื่น (2) ชนกำแพงจะสะท้อนออกมา โดยคลื่นสะท้อนมีเฟสตรงข้ามกับคลื่นตกกระทบ และเคลื่อนที่ไปทางด้านซ้ายตามคลื่น (1) จึงทำให้คลื่นทั้งสองอยู่ห่างกัน เป็นระยะ 2D

3. ทำให้เกิดคลื่นเดียวกัน 2 ครั้ง บนเส้นเชือกที่ขึงตึงเส้นหนึ่ง ด้วยเวลาห่างกัน 1 วินาที คลื่นทั้งสองวิ่งไปทางขวาเข้าหาจุดตรึง A ดังรูป เวลาผ่านไปเท่าไร เส้นเชือกจึงจะเรียบเป็นเส้นตรง



ใน 1 วินาที คลื่น P และ Q เคลื่อนที่ได้ระยะทางห่างกัน 5 cm

หาอัตราเร็วของคลื่น จาก $v = \frac{s}{t}$ จะได้ $v = 5 \text{ cm/s}$



คลื่น P ตกกระทบบจุด A ที่เป็นจุดขึงเชือก ทำให้คลื่น P สะท้อนออกมา โดยคลื่นสะท้อนมีเฟสตรงข้ามกับคลื่นตกกระทบบ

เมื่อคลื่น Q เคลื่อนที่ อีก 4.5 cm ก็จะมาอยู่ที่ตำแหน่ง 6.5 cm คลื่น P จะเคลื่อนที่ได้ 4.5 cm และอยู่ที่ตำแหน่ง 6.5 cm ดังรูป ที่ตำแหน่งนี้จะทำให้คลื่นทั้งสองหักล้างกัน เส้นเชือกจึงเรียบเป็นเส้นตรง

แสดงว่าคลื่นทั้ง 2 ลูกต้องเคลื่อนที่ต่อไปอีก 4.5 cm จึงจะพบกันและหักล้างกัน จึงหาเวลาที่เกิดการ

หักล้างจาก $v = \frac{s}{t}$ จะได้ $t = \frac{s}{v} = \frac{4.5}{5} = 0.9$ วินาที

ใบความรู้ที่ 5

การสะท้อนของคลื่น

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. คลื่นดังรูป เคลื่อนที่ตกกระทบผิวสะท้อนอิสระ คลื่นสะท้อนจะมีรูปร่างอย่างไร



การสะท้อนของคลื่นเมื่อผิวสะท้อนอิสระ คลื่นสะท้อน จะมีเฟสตรงกันกับคลื่นตกกระทบ ดังรูป

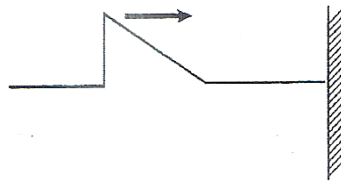


คลื่นตกกระทบ



คลื่นสะท้อน

2. จากรูปแสดงถึงคลื่นตกกระทบในเส้นเชือก ซึ่งปลายข้างหนึ่งของเชือกผูกติดอยู่กับกำแพง เมื่อคลื่นตกกระทบกับกำแพงแล้วจะเกิดคลื่นสะท้อนขึ้นดังรูปใด



การสะท้อนของคลื่นเมื่อผิวสะท้อนตรึงแน่น คลื่นสะท้อนจะมีเฟสตรงข้ามกันกับคลื่นตกกระทบ ดังรูป



คลื่นตกกระทบ



คลื่นสะท้อน

3. คลื่นน้ำหน้าตรงเคลื่อนที่เข้ากระทบผิวสะท้อนราบเรียบจะเกิดการสะท้อนขึ้น คลื่นน้ำที่สะท้อนออกมามีเฟสเปลี่ยนไปกี่องศา

การสะท้อนของคลื่นผิวน้ำเหมือนกับการสะท้อนคลื่นที่มีจุดสะท้อนอิสระ คลื่นสะท้อนจะมีเฟสตรงกับคลื่นตกกระทบหรือเฟสไม่เปลี่ยน

4. เชือกเส้นหนึ่งมีปลายข้างหนึ่งผูกติดกับเสา เมื่อสร้างคลื่นตลจากปลายข้างหนึ่งเข้ามาตกกระทบ จะเกิดคลื่นสะท้อนขึ้น คลื่นสะท้อนนี้มีเฟสเปลี่ยนไปกี่องศา

จุดสะท้อนตรึงแน่นคลื่นสะท้อน จะมีเฟสตรงข้ามกับคลื่นตกกระทบ โดยเฟสเปลี่ยน 180°

5. เมื่อมีจุดกำเนิดคลื่นอยู่ที่จุดโฟกัสของผิวสะท้อนรูปพาราโบลา ให้คลื่นไปกระทบผิวสะท้อน คลื่นสะท้อนจะมีลักษณะอย่างไร

จุดกำเนิดคลื่นที่จุดโฟกัสของผิวสะท้อนรูปพาราโบลาคลื่นสะท้อนจะได้คลื่นหน้าตรง

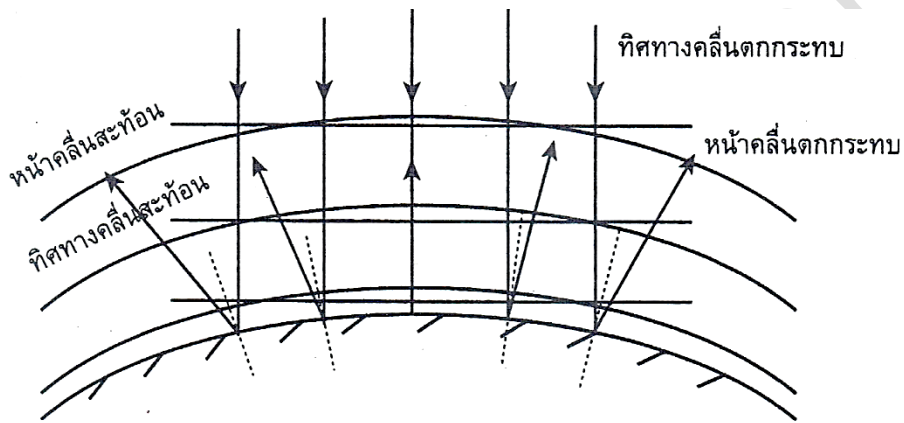


ใบงานที่ 5

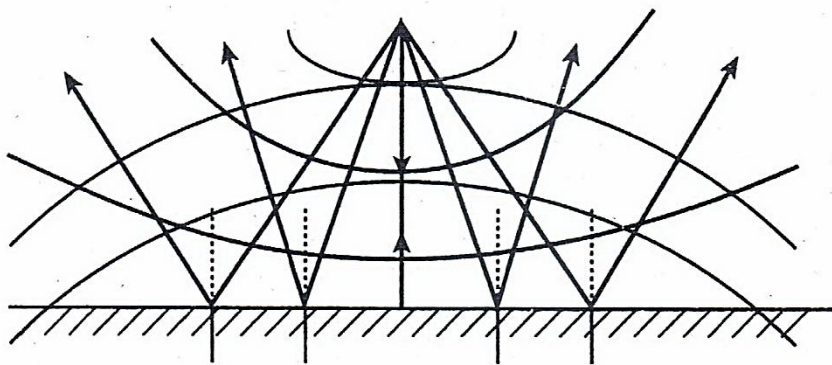
การสะท้อนของคลื่น (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. จงเขียนหน้าคลื่นสะท้อนที่เกิดจากคลื่นหน้าตรงสะท้อนจากผิวสะท้อนโค้ง



2. จงเขียนหน้าคลื่นสะท้อนที่เกิดจากคลื่นวงกลมสะท้อนจากผิวสะท้อนเรียบตรง



ใบงานที่ 6

การหักเหของคลื่น (Online)

ชื่อ..... เลขที่..... ห้อง.....

1. คลื่นผิวน้ำเคลื่อนที่จากบริเวณน้ำลึกเข้าสู่บริเวณน้ำตื้น อัตราเร็วเปลี่ยนจาก 10 เมตร/วินาที เป็น 8 เมตร/วินาที ถ้าคลื่นน้ำตื้นมีความยาวคลื่น 1 เมตร ความยาวคลื่นของน้ำลึกจะเป็นเท่าไร 8

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v_1 = v_{\text{ลึก}} = 10 \text{ m/s} , v_2 = v_{\text{ตื้น}} = 8 \text{ m/s} , \lambda_2 = \lambda_{\text{ตื้น}} = 1 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่นของน้ำลึก (λ_1)

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2}$$

$$\frac{10 \text{ m/s}}{8 \text{ m/s}} = \frac{\lambda_1}{1 \text{ m}}$$

$$\lambda_1 = 1.25 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความยาวคลื่นของน้ำลึก เท่ากับ 1.25

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. คลื่นน้ำเคลื่อนที่จากเขตน้ำลึกเข้าไปยังเขตน้ำตื้น โดยมีรอยต่อของเขตทั้งสองเป็นเส้นตรง ถ้าหน้าคลื่นตกกระทบทำมุมกับแนวรอยต่อ 30 องศา ทำให้ความยาวคลื่นในเขตน้ำตื้นเป็นครึ่งหนึ่งของความยาวคลื่นในเขตน้ำลึก อยากทราบว่าหน้าคลื่นหักเหทำมุมกับเขตรอยต่อเป็นมุมเท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\theta_1 = \theta_{\text{น้ำลึก}} = 30^\circ, \lambda_1 = \lambda_{\text{น้ำลึก}}, \lambda_2 = \lambda_{\text{น้ำตื้น}} = \frac{1}{2}\lambda_1$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หามุมที่เกิดจากหน้าคลื่นหักเหทำกับรอยต่อ (θ_2)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{\sin\theta_1}{\sin\theta_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2} \qquad \sin\theta_2 = \frac{1}{4}$$

$$\frac{\sin 30^\circ}{\sin\theta_2} = \frac{\lambda_1}{\frac{1}{2}\lambda_1} \qquad \theta_2 = \sin^{-1}\left(\frac{1}{4}\right)$$

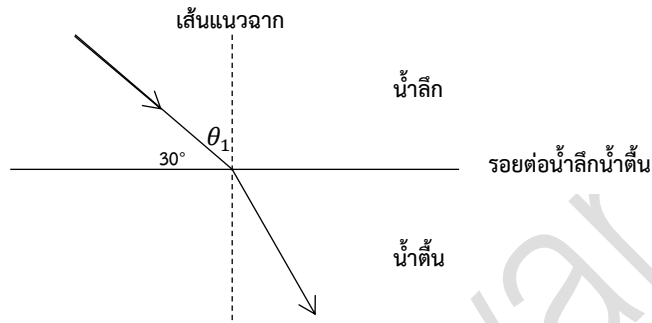
ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

มุมที่เกิดจากหน้าคลื่นหักเหทำกับรอยต่อ เท่ากับ $\sin^{-1}\left(\frac{1}{4}\right)$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. คลื่นน้ำแบบต่อเนื่องที่มีหน้าคลื่นตรง เคลื่อนที่ผ่านรอยต่อระหว่างน้ำลึกและน้ำตื้นแล้วทำให้เกิดคลื่นหักเหหน้าคลื่นตรง ถ้าแนวทางเดินของคลื่นตกกระทบบทำมุมกับรอยต่อระหว่างตัวกลางเท่ากับ 30 องศา จงหามุมหักเห ถ้าความยาวคลื่นในน้ำตื้นลดลงเป็น 1/3 ของความยาวคลื่นในน้ำลึก



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\theta_1 = \theta_{\text{น้ำลึก}} = 60^\circ, \lambda_1 = \lambda_{\text{น้ำลึก}}, \lambda_2 = \lambda_{\text{น้ำตื้น}} = \frac{1}{\sqrt{3}}\lambda_1$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หามุมหักเห θ_2

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2} \qquad \frac{\frac{\sqrt{3}}{2}}{\sin \theta_2} = \frac{\lambda_1}{\frac{1}{\sqrt{3}}\lambda_1}$$

$$\frac{\sin 60^\circ}{\sin \theta_2} = \frac{\lambda_1}{\frac{1}{\sqrt{3}}\lambda_1} \qquad \sin \theta_2 = \frac{1}{2}$$

$$\theta_2 = 30^\circ$$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

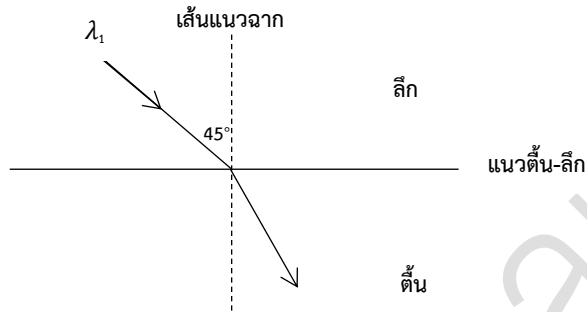
มุมหักเห เท่ากับ 30°

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



4. คลื่นน้ำเคลื่อนที่เข้าหาแนวลิค-ตื้น มุมตกกระทบ 45 องศา และมีความยาวคลื่น 4 เซนติเมตร เมื่อคลื่นเคลื่อนที่ในน้ำตื้นมีมุมเปลี่ยนไป 15 องศา คลื่นน้ำตื้นจะมีอัตราเร็วเท่าไร ถ้าคลื่นมีความถี่ 10 เฮิรตซ์



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$\lambda_1 = 4 \text{ cm} , f = 10 \text{ Hz} , \theta_1 = 45^\circ$

มุมหักเหในน้ำตื้นเปลี่ยนไป 15° แสดงว่า $\theta_2 = 45^\circ - 15^\circ = 30^\circ$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราเร็วคลื่นในน้ำตื้น (v_2)

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

<p>หา v_1 จาก $v = f\lambda$</p> <p>$= (10 \text{ Hz})(4 \text{ cm})$</p> <p>$= 40 \text{ cm/s}$</p>	<p>หา v_2 จาก $\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{v_1}{v_2}$</p> <p>$\frac{\sin 45^\circ}{\sin 30^\circ} = \frac{v_1}{v_2}$</p> <p>$\frac{\frac{\sqrt{2}}{2}}{\frac{1}{2}} = \frac{40 \text{ cm/s}}{v_2}$</p> <p>$v_2 = 20\sqrt{2} \text{ cm/s}$</p>
--	--

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

อัตราเร็วคลื่นในน้ำตื้นเท่ากับ $20\sqrt{2}$ เซนติเมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ใบความรู้ที่ 6

การหักเหของคลื่น

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. คลื่นเคลื่อนที่จากตัวกลาง x ไปยังตัวกลาง y ถ้าความเร็วคลื่นในตัวกลาง x เป็น 8 เมตร/วินาที และความยาวคลื่นมีขนาดเท่ากับ 4 เมตร เมื่อผ่านเข้าไปในตัวกลาง y ความเร็วคลื่นเปลี่ยนเป็น 10 เมตร/วินาที ความยาวคลื่นในตัวกลาง y จะมีค่าเป็นกี่เมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v_1 = v_x = 8 \text{ m/s} , \lambda_1 = \lambda_x = 4 \text{ m} , v_2 = v_y = 10 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่นในตัวกลาง y (λ_y)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2}$$

$$\frac{8 \text{ m/s}}{10 \text{ m/s}} = \frac{4 \text{ m}}{\lambda_y}$$

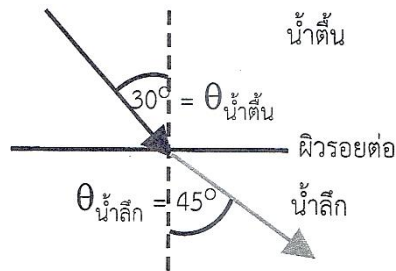
$$\lambda_y = 5 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

ความยาวคลื่นในตัวกลาง y เท่ากับ 5 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. คลื่นน้ำเคลื่อนที่จากน้ำตื้นไปยังน้ำลึก ถ้ามุมตกกระทบและมุมหักเหเท่ากับ 30° และ 45° ตามลำดับ และความเร็วในน้ำตื้นเท่ากับ 10 เซนติเมตร/วินาที จงหาความเร็วคลื่นในน้ำลึกในหน่วย เซนติเมตร/วินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\theta_1 = \theta_{\text{น้ำตื้น}} = 30^\circ, \theta_2 = \theta_{\text{น้ำลึก}} = 45^\circ, v_1 = v_{\text{น้ำตื้น}} = 10 \text{ cm/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความเร็วคลื่นในน้ำลึก ($v_{\text{น้ำลึก}}$)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{v_1}{v_2} \qquad \frac{\left(\frac{1}{2}\right)}{\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)} = \frac{10 \text{ cm/s}}{v_{\text{น้ำลึก}}}$$

$$\frac{\sin 30^\circ}{\sin 45^\circ} = \frac{10}{v_{\text{น้ำลึก}}} \qquad v_{\text{น้ำลึก}} = 10\sqrt{2} \text{ cm/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

ความเร็วคลื่นในน้ำลึกเท่ากับ $10\sqrt{2}$ เซนติเมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. ถ้าคลื่นเคลื่อนที่จากบริเวณน้ำตื้นมีความยาวคลื่น 45 เซนติเมตร ไปสู่น้ำลึกความยาวคลื่นเปลี่ยนเป็น 60 เซนติเมตร จงหาอัตราเร็วหักเหของตัวกลางน้ำลึกเทียบกับตัวกลางน้ำตื้น

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda_1 = \lambda_{\text{น้ำตื้น}} = 45 \text{ cm} , \lambda_2 = \lambda_{\text{น้ำลึก}} = 60 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

$$\text{หาอัตราเร็วหักเหที่น้ำลึกเทียบกับน้ำตื้น (} n_{\text{น้ำลึก, น้ำตื้น}} \text{)}$$

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$n_{21} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2}$$

$$n_{\text{น้ำลึก, น้ำตื้น}} = \frac{\lambda_{\text{น้ำตื้น}}}{\lambda_{\text{น้ำลึก}}}$$

$$n_{\text{น้ำลึก, น้ำตื้น}} = \frac{45 \text{ cm}}{60 \text{ cm}}$$

$$n_{\text{น้ำลึก, น้ำตื้น}} = 0.75$$

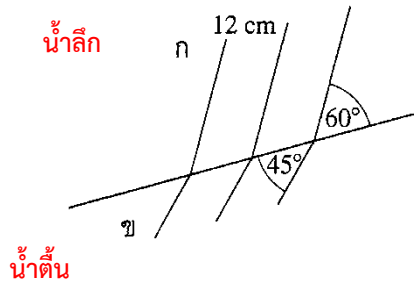
ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

$$\text{อัตราเร็วหักเหที่น้ำลึกเทียบกับน้ำตื้น (} n_{\text{น้ำลึก, น้ำตื้น}} \text{) เท่ากับ 0.75}$$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



4. คลื่นน้ำเคลื่อนที่ผ่านบริเวณที่มีความลึกต่างกันเกิดปรากฏการณ์ดังรูป ในบริเวณ ก หน้าคลื่นอยู่ห่างกัน 12 เซนติเมตร ในบริเวณ ข คลื่นมีความเร็ว $6\sqrt{2}$ เซนติเมตร/วินาที ถ้าต้นกำเนิดคลื่นมาจากบริเวณ ก ความถี่ของต้นกำเนิดคลื่นมีค่าเท่าไร



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\theta_1 = \theta_{\text{น้ำตื้น}} = 60^\circ, \theta_2 = \theta_{\text{น้ำลึก}} = 45^\circ, v_2 = v_{\text{น้ำตื้น}} = 6\sqrt{2} \text{ cm/s}, \lambda_1 = \lambda_{\text{น้ำตื้น}} = 12 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่คลื่นในตัวกลาง ก (f_1)

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

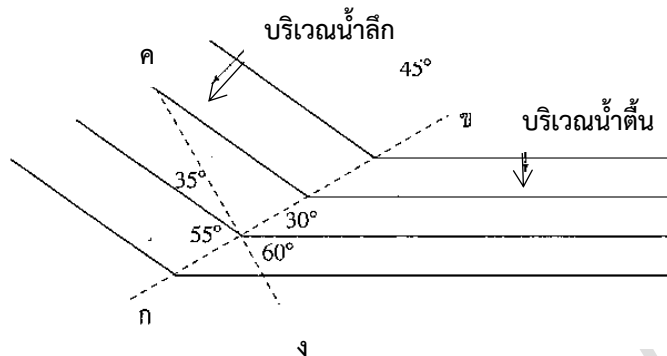
$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{v_1}{v_2}$	$\frac{(\frac{\sqrt{3}}{2})}{(\frac{\sqrt{2}}{2})} = \frac{v_1}{6\sqrt{2}}$	หา f_1 จาก $v_1 = f_1 \lambda_1$
		$6\sqrt{3} = f_1(12 \text{ cm})$
$\frac{\sin 60^\circ}{\sin 45^\circ} = \frac{v_1}{6\sqrt{2}}$	$v_1 = 6\sqrt{3} \text{ cm/s}$	$f_1 = \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ Hz}$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความถี่คลื่นในตัวกลาง ก เท่ากับ $\frac{\sqrt{3}}{2}$ Hz

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

5. จากรูป แสดงหน้าคลื่นตกกระทบและหน้าคลื่นหักเหของคลื่นผิวน้ำที่เคลื่อนที่จากเขตน้ำลึกไปยังน้ำตื้นเมื่อ กข คือเส้นรอยต่อระหว่างน้ำลึกและน้ำตื้น จงหาอัตราส่วนความเร็วของคลื่นในน้ำลึกต่อความเร็วของคลื่นในน้ำตื้น



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\theta_1 = 55^\circ, \theta_2 = 30^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราส่วนอัตราเร็วของคลื่นในน้ำลึกต่ออัตราเร็วของคลื่นในน้ำตื้น

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{v_1}{v_2}$$

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{\sin 55^\circ}{\sin 30^\circ}$$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

อัตราส่วนอัตราเร็วของคลื่นในน้ำลึกต่ออัตราเร็วของคลื่นในน้ำตื้น เท่ากับ $\frac{\sin 55^\circ}{\sin 30^\circ}$

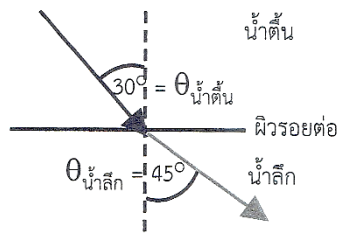
ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 6

การหักเหของคลื่น (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. คลื่นน้ำเคลื่อนที่จากน้ำตื้นไปยังน้ำลึก ถ้ามุมตกกระทบและมุมหักเหเท่ากับ 30° และ 45° ตามลำดับ และความยาวคลื่นในน้ำตื้นเท่ากับ 5 เซนติเมตร จงหาความยาวคลื่นในน้ำลึก(เซนติเมตร)



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\theta_1 = \theta_{\text{น้ำตื้น}} = 30^\circ, \theta_2 = \theta_{\text{น้ำลึก}} = 45^\circ, \lambda_1 = \lambda_{\text{น้ำตื้น}} = 5 \text{ cm}, \lambda_2 = \lambda_{\text{น้ำลึก}}$$

ขั้นที่ 2 D : สู้การค้นหา

หาความยาวคลื่นในน้ำลึก ($\lambda_{\text{น้ำลึก}}$)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2} \qquad \frac{1}{\frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{5 \text{ cm}}{\lambda_2}$$

$$\frac{\sin 30^\circ}{\sin 45^\circ} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2} \qquad \lambda_2 = 7 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ความยาวคลื่นในน้ำลึก เท่ากับ 7 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. ถ้าอัตราเร็วในตัวกลาง x เป็น 8 เมตร/วินาที เมื่อผ่านไปในตัวกลาง y อัตราเร็วคลื่นเปลี่ยนเป็น 10 เมตร/วินาที ดรรชนีหักเหของตัวกลาง y เทียบกับตัวกลาง x เป็นเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v_1 = v_x = 8 \text{ m/s} , v_2 = v_y = 10 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หา ดรรชนีหักเหของตัวกลาง y เทียบกับตัวกลาง x (n_{yx})

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$n_{21} = \frac{v_1}{v_2} \qquad n_{yx} = \frac{8 \text{ m/s}}{10 \text{ m/s}}$$

$$n_{yx} = \frac{v_x}{v_y} \qquad n_{yx} = 0.8$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ดรรชนีหักเหของตัวกลาง y เทียบกับตัวกลาง x เท่ากับ 0.8

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. คลื่นน้ำวิ่งเข้าหาแนวลิ้น-ตีนทำมุมตกกระทบ 53° คลื่นเคลื่อนที่ในน้ำลึกด้วยอัตราเร็ว 10 เซนติเมตรต่อวินาที เมื่อเข้าสู่บริเวณน้ำตื้นแล้วมีอัตราเร็ว 9 เซนติเมตรต่อวินาที อยากทราบว่ามุมหักเหจะมีค่าเป็นเท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\theta_1 = \theta_{\text{น้ำลึก}} = 53^\circ, v_1 = v_{\text{น้ำลึก}} = 10 \text{ cm/s}, v_2 = v_{\text{น้ำตื้น}} = 9 \text{ cm/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หามุมที่เกิดจากหน้าคลื่นหักเหทำกับรอยต่อ (θ_2)

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{v_1}{v_2} \quad \left| \quad \sin \theta_2 = \left(\frac{9 \text{ cm/s}}{10 \text{ cm/s}} \right) \left(\frac{4}{5} \right)$$

$$\frac{\sin 53^\circ}{\sin \theta_2} = \frac{v_1}{v_2} \quad \left| \quad \sin \theta_2 = 0.75$$

$$\theta_2 = \sin^{-1} (0.75)$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

มุมที่เกิดจากหน้าคลื่นหักเหทำกับรอยต่อ (θ_2) $\sin^{-1} (0.75)$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 7

การแทรกสอดของคลื่น (Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. แหล่งกำเนิดคลื่นอาพันธ์ 2 แหล่งห่างกัน 8 เซนติเมตร ให้คลื่นที่มีความยาวคลื่นเท่ากัน 2.5 เซนติเมตร เฟสตรงกัน จงหาว่าตำแหน่งต่อไปนี้อยู่บนแนวบัพหรือปฏิบัพที่เท่าไร
- ก. จุด A อยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดทั้งสองเป็นระยะ 12 เซนติเมตร และ 17 เซนติเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 8 \text{ cm} , \lambda = 2.5 \text{ cm} , |S_1P - S_2P| = |12 - 17|$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

.....**หาว่าตำแหน่งที่กำหนดให้อยู่บนแนวบัพหรือปฏิบัพที่เท่าไร**.....

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$|S_1P - S_2P| = n\lambda$$

$$|12 - 17| = n(2.5 \text{ cm})$$

$$n = \frac{5}{2.5}$$

$$n = 2$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

.....**ตำแหน่งที่กำหนดให้อยู่บนแนวปฏิบัพที่ 2 (A_2)**.....

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....

ข. จุด B อยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดทั้งสองเป็นระยะ 14.5 เซนติเมตร และ 15.75 เซนติเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 8 \text{ cm} , \lambda = 2.5 \text{ cm} , |S_1P - S_2P| = |14.5 - 15.75|$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาค่าตำแหน่งที่กำหนดให้อยู่บนแนวบัพหรือปฏิบัพที่เท่าไร

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$|S_1P - S_2P| = n\lambda$$

$$|14.5 - 15.75| = n(2.5 \text{ cm})$$

$$n = \frac{1.25}{2.5}$$

$$n = 0.5$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ตำแหน่งที่กำหนดให้อยู่บนแนวบัพที่ 1 (N_1)

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



2. แหล่งกำเนิดคลื่นอาพันธ์ 2 แหล่งเฟสตรงกัน ห่างกัน 12 เซนติเมตร ความถี่เท่ากัน 100 เฮิรตซ์ และเคลื่อนที่ด้วยอัตราเร็ว 40 เซนติเมตร/วินาที จงหา
- ก. จุด x อยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดทั้งสองเป็นระยะ 19 และ 25 เซนติเมตร ตามลำดับ จุด x จะอยู่บนแนวเสริมหรือแนวหักล้างที่เท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 12 \text{ cm} , f = 100 \text{ Hz} , v = 40 \text{ cm/s} , |S_1P - S_2P| = |19 - 25|$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาตำแหน่งที่กำหนดให้อยู่บนแนวเสริมหรือแนวหักล้างที่เท่าไร

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิคิด

$v = f\lambda$	$ S_1P - S_2P = n\lambda$
$40 \text{ cm/s} = (100 \text{ Hz})\lambda$	$ 19 - 25 = n(0.4 \text{ cm})$
$\lambda = 0.4 \text{ cm}$	$n = \frac{6}{0.4}$
	$n = 15$

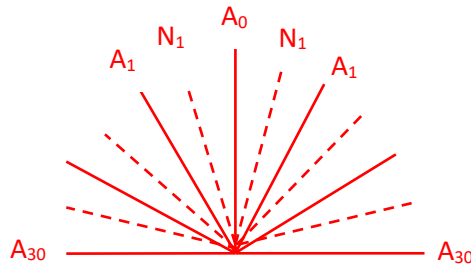
ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ตำแหน่งที่กำหนดให้อยู่บนแนวเสริมที่ 15 (A_{15})

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



ข. จำนวนบัพและปฏิบัติที่เกิดขึ้นทั้งหมด



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$d = 12 \text{ cm}$, หาแนวที่อยู่ไกลที่สุด $\theta = 90^\circ$, $\lambda = 0.4 \text{ cm}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาจำนวนบัพและปฏิบัติที่เกิดขึ้นทั้งหมด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$d \sin\theta = n\lambda$	แนวปฏิบัติทั้งหมด
$(12 \text{ cm}) \sin 90^\circ = n(0.4 \text{ cm})$	$(30 \times 2) + 1 = 61$ แนว
$n = \frac{12}{0.4}$	แนวบัพทั้งหมด
$n = 30$	$(30 \times 2) = 60$ แนว
\therefore แนวไกลสุด A_{30}	

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

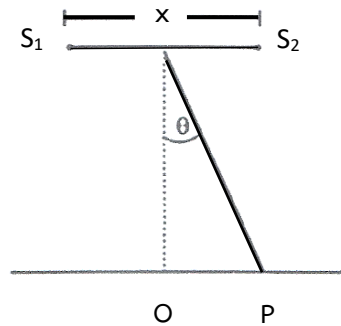
แนวปฏิบัติทั้งหมด 61 แนว และแนวบัพทั้งหมด 60 แนว

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



3. จากรูป ถ้าจุด P เป็นจุดที่เกิดการแทรกสอดแบบเสริมกัน จุดที่ 2 จากแนวกลาง อยากทราบว่ามุมที่เบนจากแนวกลางมีค่าเท่าใด



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$d = x$, $n = 2$, มุมที่เบนจากแนวกลาง = θ

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หามุมที่เบนจากแนวกลาง θ

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิคิด

$d \sin \theta = n \lambda$

$x \sin \theta = 2 \lambda$

$\sin \theta = \frac{2 \lambda}{x}$

$\theta = \sin^{-1} \left(\frac{2 \lambda}{x} \right)$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

มุมที่เบนจากแนวกลาง $\theta = \sin^{-1} \left(\frac{2 \lambda}{x} \right)$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบความรู้ที่ 7

การแทรกสอดของคลื่น

ชื่อ..... เลขที่..... ห้อง.....

1. ถ้า S_1 และ S_2 เป็นแหล่งกำเนิดคลื่นซึ่งมีความถี่เท่ากัน และเฟสตรงกันและอยู่ห่างกัน 8 เซนติเมตร ถ้าความยาวคลื่นเท่ากับ 4 เซนติเมตร จะมีแนวปฏิบัติที่แนวบนเส้นตรง S_1, S_2

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 8 \text{ cm} , \lambda = 4 \text{ cm} , \theta = 90^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาจำนวนแนวปฏิบัติบนเส้นตรง S_1, S_2

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(8 \text{ cm}) \sin 90^\circ = n(4 \text{ cm})$$

$$n = \frac{8}{4}$$

$$n = 2$$

หาจำนวนแนวปฏิบัติบนเส้นตรง $S_1, S_2 = (2 \times 2) + 1 = 5$ แนว

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แนวปฏิบัติบนเส้นตรง S_1, S_2 เท่ากับ 5 แนว

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....

2. แหล่งกำเนิดคลื่นอาพันธ์เฟสตรงกัน 2 อัน วางห่างกัน 6 เซนติเมตร ความเร็วคลื่น 40 เซนติเมตร/วินาที ขณะนั้นคลื่นมีความถี่ 40 เฮิรตซ์ จงหาว่าแนวปฏิบัติที่ 3 จะเบนออกจากแนวกลางเท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 6 \text{ cm} , v = 40 \text{ cm/s} , f = 40 \text{ Hz} , n = 3$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

มุมที่เบนออกจากแนวกลาง (θ)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\text{หา } \lambda \text{ จาก } v = f\lambda \qquad d \sin\theta = n\lambda$$

$$40 \text{ cm/s} = (40 \text{ Hz})\lambda \qquad (6 \text{ cm}) \sin\theta = 3(1 \text{ cm})$$

$$\lambda = 1 \text{ cm} \qquad \sin\theta = \frac{1}{2}$$

$$\theta = 30^\circ$$

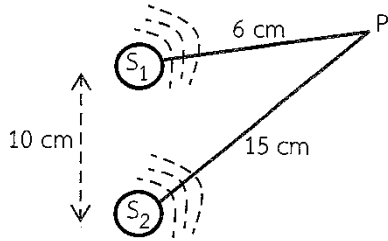
ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

มุมที่เบนออกจากแนวกลาง 30°

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. แหล่งกำเนิดคลื่นอาพันธ์ให้หน้าคลื่นวงกลมสองแหล่งอยู่ห่างกัน 10 เซนติเมตร มีความยาวคลื่น 2 เซนติเมตร ที่ตำแหน่งหนึ่งห่างจากแหล่งกำเนิดคลื่นทั้งสองเป็นระยะ 6 เซนติเมตร และ 15 เซนติเมตร ตามลำดับ จะอยู่บนแนวบัพหรือปฏิบัพที่เท่าใดนับจากแนวกลาง



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 10 \text{ cm} , \lambda = 2 \text{ cm} , S_1P = 6 \text{ cm} , S_2P = 15 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาวว่า จุด P อยู่บนแนวบัพหรือปฏิบัพที่เท่าไร

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$|S_1P - S_2P| = n\lambda$$

$$|6 - 15| = n(2 \text{ cm})$$

$$n = \frac{9}{2}$$

$$n = 4.5$$

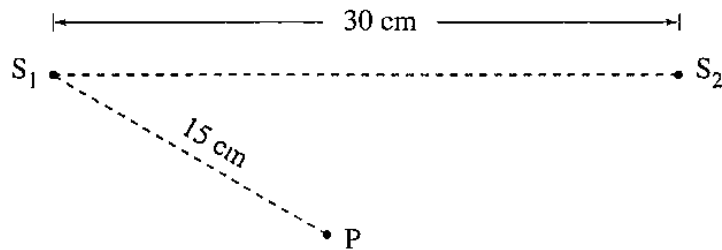
$n = 4.5$ แสดงว่า จุด P อยู่บนแนวบัพที่ 5

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

จุด P อยู่บนแนวบัพที่ 5 (N_5)

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

4. จากรูป S_1 และ S_2 เป็นแหล่งกำเนิดคลื่นอาพันธ์บนผิวน้ำซึ่งมีเฟสตรงกัน มีความยาวคลื่น 3 เซนติเมตร ทำให้เกิดคลื่นนิ่งบนผิวน้ำ จุด P เป็นจุดใด ๆ บนผิวน้ำห่างจาก S_1 เป็นระยะ 15 เซนติเมตรคงตัว จุด P จะต้องอยู่ห่างจาก S_2 เป็นระยะเท่าไร จึงจะมีแนวปฏิบัพ A_3 ผ่านพอดี



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 30 \text{ cm} , \lambda = 3 \text{ cm} , S_1P = 15 \text{ cm} \quad n = 3$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะระหว่าง P กับ จุด S_2

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$|S_2P - S_1P| = n\lambda$$

$$S_2P - 15 = (3)(3 \text{ cm})$$

$$S_2P = 9 + 15$$

$$S_2P = 24 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

จุด P อยู่ห่างจาก S_2 เป็นระยะ 24 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

5. จากข้อ 4 จุด P จะต้องอยู่ห่างจาก S_1 เป็นระยะเท่าไร จึงจะมีแนวบัพ N_2 ผ่านพอดี

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 30 \text{ cm}, \lambda = 3 \text{ cm}, S_1P = 15 \text{ cm}, n = 2$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะระหว่าง P กับ จุด S_2

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$|S_2P - S_1P| = (n + \frac{1}{2})\lambda$$

$$S_2P - 15 = (2 + \frac{1}{2})(3 \text{ cm})$$

$$S_2P = 22.5 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

จุด P อยู่ห่างจาก S_2 เป็นระยะ 22.5 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



6. แหล่งกำเนิดคลื่นน้ำอาพันธ์ให้หน้าคลื่นวงกลมสองแหล่งอยู่ห่างกัน 10 เซนติเมตร มีความยาวคลื่น 2 เซนติเมตร ที่ตำแหน่งหนึ่งห่างจากแหล่งกำเนิดคลื่นทั้งสองเป็นระยะ 10 เซนติเมตร และ 19 เซนติเมตร ตามลำดับ จะอยู่บนแนวบัพหรือปฏิบัพที่เท่าไรนับจากแนวกลาง

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 10 \text{ cm} , \lambda = 2 \text{ cm} , S_1P = 10 \text{ cm} , S_2P = 19 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาว่าตำแหน่งที่กำหนดให้อยู่บนแนวบัพหรือปฏิบัพที่เท่าไร

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$|S_2P - S_1P| = n\lambda$$

$$|19 - 10| = n(2 \text{ cm})$$

$$n = \frac{9}{2}$$

$$n = 4.5$$

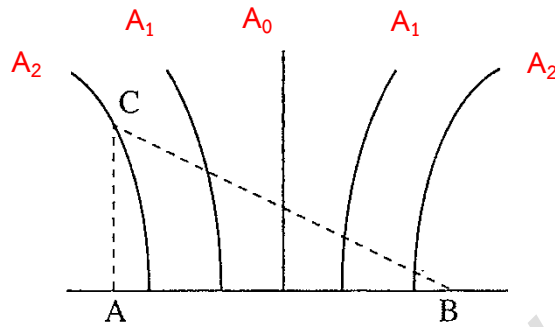
$$n = 4.5 \text{ แสดงว่า อยู่บนแนวบัพ ที่ } 5$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ตำแหน่งที่กำหนดให้อยู่บนแนวบัพที่ 5 (N_5)

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

7. แหล่งกำเนิดคลื่นน้ำสร้างคลื่นสองตำแหน่ง A และ B มีความยาวคลื่น 1.5 เซนติเมตร และได้แนวของเส้นปฏิบัติดังแสดงในรูป อยากทราบว่า AC และ BC มีความยาวต่างกันเท่าไร



ถือว่าแหล่งกำเนิดคลื่น A และ B มีเฟสตรงกัน ดังนั้น A_0 จะอยู่ตรงกลางระหว่าง AC และ BC

ถ้า C อยู่บนแนว A_0 แนว AC และ AB จะยาวต่างกัน $0 \times \lambda$ cm

ถ้า C อยู่บนแนว A_1 แนว AC และ AB จะยาวต่างกัน $1 \times \lambda$ cm

ถ้า C อยู่บนแนว A_2 แนว AC และ AB จะยาวต่างกัน $2 \times \lambda$ cm

กรณีนี้ จุด C อยู่บน A_2 แสดงว่า แนว AC และ AB จะยาวต่างกัน $2 \times 1.5 = 3$ cm

ใบงานที่ 7

การแทรกสอดของคลื่น (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. แหล่งกำเนิดคลื่นอาพันธ์ 2 แหล่งห่างกัน 10 เซนติเมตร ให้คลื่นที่มีความยาวคลื่นเท่ากัน 2 เซนติเมตร เฟสตรงกัน จงหาว่าจุด A อยู่บนแนวบัพหรือปฏิบัพที่เท่าไร ถ้าจุด A อยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดทั้งสองเป็นระยะ 15 เซนติเมตร และ 9 เซนติเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 10 \text{ cm} , \lambda = 2 \text{ cm} , |S_1P - S_2P| = |15 - 9|$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาว่าจุด A อยู่บนแนวบัพหรือปฏิบัพที่เท่าไร

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$|S_1P - S_2P| = n\lambda$$

$$|15 - 9| = n(2 \text{ cm})$$

$$n = \frac{6}{2}$$

$$n = 3$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

จุด A อยู่บนแนวปฏิบัพที่ 3 (A_3)

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. ถ้า S_1 และ S_2 เป็นแหล่งกำเนิดคลื่นซึ่งมีความถี่เท่ากัน และเฟสตรงกันอยู่ห่างกัน 10 เซนติเมตร ถ้าความยาวคลื่นเท่ากับ 4 เซนติเมตรจะเกิดจุดบัพกี่จุดบนเส้นตรง S_1S_2

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 10 \text{ cm} , \lambda = 4 \text{ cm} , \theta = 90^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาจำนวนแนวบัพบนเส้นตรง S_1S_2

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(10 \text{ cm}) \sin 90^\circ = n(4 \text{ cm})$$

$$n = \frac{10}{4}$$

$$n = 2.5$$

ดังนั้น แนวบัพบนเส้นตรง S_1S_2 เท่ากับ $3 \times 2 = 6$ แนว

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แนวบัพบนเส้นตรง S_1S_2 เท่ากับ 6 แนว

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



3. S_1 และ S_2 เป็นแหล่งกำเนิดคลื่นอาพันธ์บนผิวน้ำเฟสตรงกัน ให้คลื่นผิวน้ำที่มีความยาวคลื่น 3 เซนติเมตรถ้า S_1 และ S_2 ห่างกัน 9 เซนติเมตร คลื่นนิ่งที่เกิดขึ้นระหว่าง S_1 และ S_2 จะมีแนวบัพและปฏิบัพที่แนว ตามลำดับ

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 9 \text{ cm} , \lambda = 3 \text{ cm} , \theta = 90^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาจำนวนแนวบัพและแนวปฏิบัพทั้งหมด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

แนวปฏิบัพทั้งหมด

$$(9 \text{ cm}) \sin 90^\circ = n(3 \text{ cm})$$

$$3 \times 2 + 1 = 7 \text{ แนว}$$

$$n = \frac{9}{3}$$

แนวบัพทั้งหมด

$$n = 3$$

$$3 \times 2 = 6 \text{ แนว}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แนวปฏิบัพทั้งหมด 7 แนว และแนวบัพทั้งหมด 6 แนว

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 8

การเลี้ยวเบนของคลื่น (Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. ช่องเปิดเดี่ยวกว้าง 6 เซนติเมตร ให้นำคลื่นตรงที่มีความยาวคลื่น 2 เซนติเมตร เคลื่อนที่ผ่านจงหาแนวबंधที่เกิดขึ้นทั้งหมด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 6 \text{ cm} , \lambda = 2 \text{ cm} , \theta = 90^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาจำนวนแนวबंधที่เกิดขึ้น (N)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิศคิ

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(6 \text{ cm}) \sin 90^\circ = n(2 \text{ cm})$$

$$n = \frac{6}{2}$$

$$n = 3$$

จำนวนแนวबंधสุดท้าย N_2

แนวबंधทั้งหมด $3 \times 2 = 6$ แนว

ขั้นที่ 4 A : พธิศคิปัญหา

แนวबंधทั้งหมด 6 แนว

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

2. คลื่นน้ำหน้าตรงมีความยาวคลื่น 2.5 เซนติเมตร ผ่านอย่างตั้งฉากกับช่องเปิดเดี่ยวซึ่งกว้าง 8 เซนติเมตร จง
 หา
 ก. แนวนวบัพที่เกิดขึ้นทั้งหมด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 8 \text{ cm} , \lambda = 2.5 \text{ cm} , \theta = 90^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาจำนวนแนวนวบัพทั้งหมด (N)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(8 \text{ cm}) \sin 90^\circ = n(2.5 \text{ cm})$$

$$n = \frac{8}{2.5}$$

$$n = 3.2$$

จำนวนแนวนวบัพสุดท้าย N_2
 แนวนวบัพทั้งหมด $3 \times 2 = 6$ แนวนว

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แนวนวบัพทั้งหมด 6 แนวนว

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



ข. แนวนับที่ 2 เบนจากแนวกลางเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 8 \text{ cm} , \lambda = 2.5 \text{ cm} , n = 2$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หามุมที่แนวนับที่ 2 เบนจากแนวกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(8 \text{ cm}) \sin \theta = (2)(2.5 \text{ cm})$$

$$\sin \theta = \frac{5}{8}$$

$$\theta = \sin^{-1} (0.625)$$

$$= 38.7^\circ$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แนวนับที่ 2 เบนจากแนวกลาง 38.7°

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ค. แนวปฏิบัติแรกเบนจากแนวกลางเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 8 \text{ cm} , \lambda = 2.5 \text{ cm} , n = 1$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หามุมที่แนวปฏิบัติแรก เบนจากแนวกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$d \sin \theta = \left(n + \frac{1}{2}\right) \lambda \qquad \theta \approx 28^\circ$$

$$(8 \text{ cm}) \sin \theta = \left(1 + \frac{1}{2}\right)(2.5 \text{ cm})$$

$$\sin \theta = \frac{(1.5)(2.5)}{8}$$

$$\sin \theta = 0.46875$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แนวปฏิบัติแรก เบนจากแนวกลาง ประมาณ 28°

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ใบความรู้ที่ 8

การเลี้ยวเบนของคลื่น

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. ช่องเปิดเดี่ยวกว้าง 12 เซนติเมตร ให้คลื่นหน้าตรงมีความยาวคลื่น 2 เซนติเมตร เคลื่อนที่ผ่าน จงหาแนวบัพที่เกิดขึ้นทั้งหมด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 12 \text{ cm} , \lambda = 2 \text{ cm} , \theta = 90^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาจำนวนแนวบัพที่เกิดขึ้น (N)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(12 \text{ cm}) \sin 90^\circ = n(2 \text{ cm})$$

$$n = \frac{12}{2}$$

$$n = 6$$

จำนวนแนวบัพสุดท้าย N_6

แนวบัพทั้งหมด $6 \times 2 = 12$ แนว

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แนวบัพทั้งหมด 12 แนว

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....

2. คลื่นน้ำหน้าตรงมีความยาวคลื่น 2 เซนติเมตร ผ่านอย่างตั้งฉากกับช่องเปิดเดี่ยวซึ่งกว้าง 10 เซนติเมตร
 จงหา
 ก. แนวบัพที่เกิดขึ้นทั้งหมด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 10 \text{ cm} , \lambda = 2 \text{ cm} , \theta = 90^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาจำนวนแนวบัพทั้งหมด (N)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(10 \text{ cm}) \sin 90^\circ = n(2 \text{ cm})$$

$$n = \frac{10}{2}$$

$$n = 5$$

จำนวนแนวบัพสุดท้าย N_5

แนวบัพทั้งหมด $5 \times 2 = 10$ แนว

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แนวบัพทั้งหมด 10 แนว

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ข. แนวนับที่ 2 เบนจากแนวกลางเท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 10 \text{ cm} , \lambda = 2 \text{ cm} , n = 2$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หามุมที่แนวนับที่ 2 เบนจากแนวกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(10 \text{ cm}) \sin \theta = (2)(2 \text{ cm})$$

$$\sin \theta = \frac{4}{10}$$

$$\theta = \sin^{-1} (0.4)$$

$$\approx 24^\circ$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

แนวนับที่ 2 เบนจากแนวกลาง ประมาณ 24°

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



ค. แนวปฏิบัติแรกเบนจากแนวกลางเท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 10 \text{ cm} , \lambda = 2 \text{ cm} , n = 1$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หามุมที่แนวปฏิบัติแรก เบนจากแนวกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$d \sin \theta = \left(n + \frac{1}{2}\right) \lambda \qquad \theta \approx 17^\circ$$

$$(10 \text{ cm}) \sin \theta = \left(1 + \frac{1}{2}\right) (2 \text{ cm})$$

$$\sin \theta = \frac{(1.5)(2)}{10}$$

$$\sin \theta = 0.3$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แนวปฏิบัติแรก เบนจากแนวกลาง ประมาณ 17°

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



3. ช่องแคบเดี่ยวจะต้องกว้างเท่าไร จึงจะทำให้คลื่นที่มีความยาวคลื่น 3 เซนติเมตร ผ่านแล้วเกิดแนวบัพทั้งหมด 6 แนว

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$\lambda = 3 \text{ cm}$, $n = 6$, แนวบัพทั้งหมดใช้ $\theta = 90^\circ$

ขั้นที่ 2 D : สูการค้นหา

หาความกว้างของช่องแคบเดี่ยว (d)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$d \sin \theta = n \lambda$

$d \sin 90^\circ = (6)(3 \text{ cm})$

$d = 18 \text{ cm}$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ช่องแคบเดี่ยวกว้าง 18 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



4. ช่องแคบคู่อยู่ห่างกัน 8 เซนติเมตร ในอากาศ ถ้าทำให้เกิดคลื่นหน้าตรงผ่านช่องแคบคู่ในแนวตั้งฉาก ทำให้เกิดการแทรกสอดขึ้น ถ้าจุด A อยู่ในแนวปฏิบัติที่ 2 ซึ่งอยู่ห่างจากช่องแคบทั้งสองเป็นระยะ 10 เซนติเมตร และ 14 เซนติเมตร ตามลำดับ จงหา
- ก. ความยาวคลื่นน้ำ

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 8 \text{ cm} , n = 2 , |S_1P - S_2P| = |10 - 14|$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

$$\text{หาความยาวคลื่น } (\lambda)$$

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$|S_1P - S_2P| = n\lambda$$

$$|10 - 14| = 2\lambda$$

$$\lambda = \frac{4}{2}$$

$$\lambda = 2 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

$$\text{ความยาวคลื่นเท่ากับ } 2 \text{ เซนติเมตร}$$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ใบงานที่ 8

การเลี้ยวเบนของคลื่น (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. คลื่นหน้าตรงมีความยาวคลื่น 4 เซนติเมตร ผ่านช่องเปิดเดี่ยวกว้าง 8 เซนติเมตร คลื่นเคลื่อนที่ผ่านจงหา
ก. แนวบัพที่เกิดขึ้นทั้งหมด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 8 \text{ cm} , \lambda = 4 \text{ cm} , \theta = 90^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาจำนวนแนวบัพที่เกิดขึ้น (N)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(8 \text{ cm}) \sin 90^\circ = n(4 \text{ cm})$$

$$n = \frac{8}{4}$$

$$n = 2$$

จำนวนแนวบัพสุดท้าย N_2

แนวบัพทั้งหมด $2 \times 2 = 4$ แนว

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

แนวบัพทั้งหมด 4 แนว

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ข. แนวนับที่ 1 เบนจากแนวกลางเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 8 \text{ cm} , \lambda = 4 \text{ cm} , n = 1$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หามุมที่แนวนับที่ 1 เบนจากแนวกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(8 \text{ cm}) \sin \theta = (1)(4 \text{ cm})$$

$$\sin \theta = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

$$\theta = \sin^{-1} (0.5)$$

$$= 30^\circ$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แนวนับที่ 1 เบนจากแนวกลาง 30°

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ใบงานที่ 9

การแทรกสอดของแสงผ่านสลิตคู่(Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. สลิตคู่ห่างกัน 1 ไมโครเมตร มีแสงความยาวคลื่น 550 นาโนเมตร ผ่านในแนวตั้งฉาก จงหามุมที่แถบมืดแรกเบนออกจากแนวกลาง

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$n = 1, d = 1 \times 10^{-6} \text{ m}, \lambda = 550 \times 10^{-9} \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หามุมที่แถบมืดแรกเบนออกจากแนวกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$d \sin \theta_n = (n - \frac{1}{2}) \lambda$$

$$\sin \theta_n = (1 - \frac{1}{2}) (\frac{550 \times 10^{-9}}{1 \times 10^{-6}})$$

$$\sin \theta_n = \frac{1}{2} (550 \times 10^{-3})$$

$$\sin \theta_n = 0.275$$

$$\theta_n = \sin^{-1}(0.275)$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

มุมที่แถบมืดแรกเบนออกจากแนวกลางเท่ากับ $\sin^{-1}(0.275)$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. แหล่งกำเนิดอาพันธ์สองแหล่ง S_1 และ S_2 ให้แสงความยาวคลื่น 600 นาโนเมตร กระทบฉากที่จุด P จงหาความต่างเฟสระหว่างแสงจากแหล่งกำเนิดทั้งสอง ที่ระยะ S_1P เท่ากับ 65.00 เซนติเมตร และ S_2P เท่ากับ 65.60 เซนติเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 600 \times 10^{-9} \text{ m} , S_1P = 65.00 \text{ cm} , S_2P = 65.60 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาความต่างเฟสระหว่างแสงจากแหล่งกำเนิดทั้งสอง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$\Delta r = S_1P - S_2P $	$\Delta \phi = \Delta r \times \frac{2\pi}{\lambda}$
$\Delta r = 65.00 - 65.60 $	$\Delta \phi = (0.60 \times 10^{-2} \text{ m}) \times \frac{2\pi}{(600 \times 10^{-9} \text{ m})}$
$\Delta r = 0.6 \text{ cm}$	$\Delta \phi = (6.0 \times 10^{-3} \text{ m}) \times \frac{2\pi}{(6.00 \times 10^{-7} \text{ m})}$
	$\Delta \phi = 2\pi \times 10^4 \text{ rad}$

เนื่องจากทุก ๆ ระยะทาง 1λ เฟสจะเปลี่ยนไป 2π เรเดียน หรือ 360 องศา โดยในช่วง 1λ

ความต่างเฟสมีค่าตั้งแต่ 0 ถึง 2π เรเดียน หรือ 360 องศา ถ้าไปเฟสจะกลับมาซ้ำเดิมอีก

ดังนั้นเมื่อความต่างเฟสเป็นจำนวนเต็มเท่าของ 2π จะตอบว่ามีความต่างเฟสเป็น 2π เรเดียน

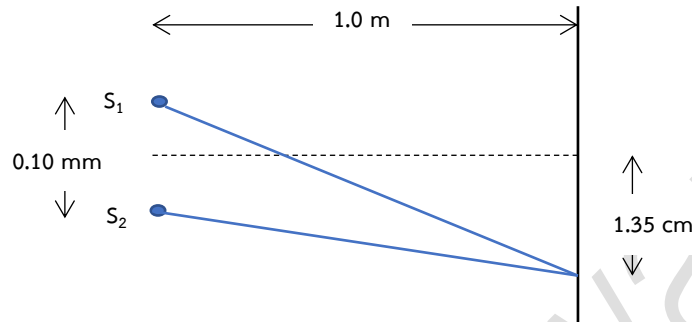
ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ความต่างเฟสระหว่างแสงจากแหล่งกำเนิดทั้งสองเมื่อไปจุด P เท่ากับ 2π เรเดียน

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. จงพิจารณาว่า ณ ตำแหน่งบนฉากซึ่งห่างจากแนวสว่างกลาง 1.35 เซนติเมตร เป็นแถบสว่างหรือแถบมืดอันดับที่เท่าใด เมื่อกำหนดให้ความยาวคลื่นแสงเท่ากับ 540 นาโนเมตร ระยะห่างระหว่างแหล่งกำเนิดแสงเท่ากับ 0.10 มิลลิเมตร และระยะห่างระหว่างแนวแหล่งกำเนิดแสงกับฉากเท่ากับ 1.0 เมตร



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$\lambda = 540 \times 10^{-9} \text{ m} , X = 1.35 \times 10^{-2} \text{ m} , d = 0.10 \times 10^{-3} \text{ m} , L = 1.0 \text{ m}$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

ตำแหน่งที่กำหนดเป็นแถบมืดหรือแถบสว่างที่เท่าไร

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$d \frac{x}{L} = n\lambda$

$n = \frac{(0.1 \times 10^{-3} \text{ m})(1.35 \times 10^{-2} \text{ m})}{(540 \times 10^{-9})(1.0 \text{ m})}$

$n = 2.5$

$n = 2.5$ แสดงว่าเป็นแถบมืดอันดับที่ 3

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

เป็นตำแหน่งของแถบมืดอันดับที่ 3

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ใบความรู้ที่ 9

การแทรกสอดของแสงผ่านสลิตคู่

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. เมื่อฉายแสงที่มีความยาวคลื่น 700 นาโนเมตร ตกตั้งฉากบนช่องแคบคู่หนึ่งซึ่งห่างกัน 0.2 มิลลิเมตร จงหาว่า แถบสว่างอันดับที่ 10 ทั้งสองด้านจะทำมุมกันกี่องศา

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 700 \times 10^{-9} \text{ m} , d = 0.2 \times 10^{-3} \text{ m} , n = 10$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หามุมที่แถบสว่างอันดับที่ 10 ทั้งสองด้านทำมุมต่อกัน

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(0.2 \times 10^{-3} \text{ m}) \sin \theta = (10)(700 \times 10^{-9} \text{ m})$$

$$\sin \theta = 0.035$$

$$\theta = \sin^{-1}(0.035)$$

$$\theta = 2^\circ$$

ดังนั้น (A_{10}) ด้านซ้ายและด้านขวา จะเอียงทำมุมรวม 4°

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

(A_{10}) ด้านซ้ายและด้านขวา จะเอียงทำมุมรวม 4 องศา

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. สลิตคู่ห่างกัน 0.03 มิลลิเมตร วางห่างจากฉาก 2 เมตร เมื่อฉายแสงผ่านสลิตพบว่าแถบสว่างลำดับที่ 5 อยู่ห่างจากแถบสว่างกลาง 14 เซนติเมตร ความยาวคลื่นของแสงเป็นกี่นาโนเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 0.03 \times 10^{-3} \text{ m} , n = 5 , L = 2 \text{ m} , x = 14 \times 10^{-2} \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่นของแสง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$\lambda = \frac{(0.03 \times 10^{-3} \text{ m})(14 \times 10^{-2} \text{ m})}{(5)(2 \text{ m})}$$

$$= 4.20 \times 10^{-7} \text{ m}$$

$$= 420 \times 10^{-9} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นของแสงมีความยาวคลื่นเท่ากับ 420 นาโนเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. เมื่อใช้แสงที่มีความยาวคลื่น 5.0×10^{-7} เมตร ตกตั้งฉากกับสลิตคู่เกิดภาพการแทรกสอดบนฉากที่อยู่ห่างออกไป 1 เมตร ถ้าระยะห่างระหว่างสลิตคู่เท่ากับ 0.1 มิลลิเมตร แถบสว่าง 2 แถบที่อยู่ติดกันอยู่ห่างกันกี่มิลลิเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 5 \times 10^{-7} \text{ m} , d = 0.1 \times 10^{-3} \text{ m} , n = 1 , L = 1 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะห่างระหว่างแถบสว่าง 2 แถบที่อยู่ติดกัน

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$5 \times 10^{-7} \text{ m} = \frac{(0.1 \times 10^{-3} \text{ m})x}{(1)(1 \text{ m})}$$

$$x = \frac{(5 \times 10^{-7} \text{ m})(1)(1 \text{ m})}{(0.1 \times 10^{-3} \text{ m})}$$

$$x = 5 \times 10^{-3} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ระยะห่างระหว่างแถบสว่าง 2 แถบที่อยู่ติดกันเท่ากับ 5×10^{-3} เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



4. ฉายแสงสองค่าความถี่ผ่านตึกตั้งฉากกับสลิตคู่ไปยังฉาก ปรากฏว่าแถบสว่างลำดับที่ 2 ของแสงที่มีความยาวคลื่น 750 นาโนเมตร ซ้อนอยู่กับแถบสว่างลำดับที่ 3 ของแสงอีกสี แล้วแสงสีนั้นจะมีความยาวคลื่นกี่นาโนเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

..... แสงสีแรก $n_1 = 2$, $\lambda_1 = 750 \text{ nm}$, แสงสีที่สอง $n_2 = 3$

..... แสงทั้งสองผ่านสลิตอันเดียวกัน $d_{\text{แรก}} = d_{\text{หลัง}}$, แถบสว่างของสีซ้อนทับกัน แสดงว่าเอียงทำมุมเท่ากัน

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

..... หาความยาวคลื่นของแสง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

..... แสงสีแรก $d \sin \theta = n \lambda$

..... $d \sin \theta = (2)(750 \text{ nm})$ ——— 1

..... แสงสีที่สอง $d \sin \theta = (3)\lambda_2$ แทน $d \sin \theta = (3)\lambda_2$ ในสมการที่ 1

..... จะได้ $(3)\lambda_2 = (2)(750 \text{ nm})$

..... $\lambda_2 = 500 \text{ nm}$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

..... ความยาวคลื่นของแสงที่สองเท่ากับ 500 นาโนเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



5. เมื่อให้ลำแสงขนานแสงสีเดียวความยาวคลื่น λ ตกตั้งฉากกับสลิตคู่ซึ่งมีระยะห่างระหว่างช่องสลิตเป็น d แล้วจะเกิดภาพการแทรกสอดขึ้นบนฉากซึ่งอยู่ห่างจากสลิตเป็นระยะ L แถบมืดที่สี่จะอยู่ห่างจากแถบสว่างกลางเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$, d, L, n = 4$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาระยะระหว่างแถบมืดที่สี่กับแถบสว่างกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\lambda = \frac{dx}{\left(n - \frac{1}{2}\right)L} \quad x = \frac{7\lambda L}{2d}$$

$$x = \frac{\left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda L}{d}$$

$$x = \frac{\left(4 - \frac{1}{2}\right)\lambda L}{d}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แถบมืดที่ 4 จะอยู่ห่างจากแถบสว่างกลางเท่ากับ $\frac{7\lambda L}{2d}$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



6. เมื่อฉายแสงความยาวคลื่น 600 นาโนเมตร ตกตั้งฉากบนช่องแคบคู่หนึ่งซึ่งห่างกัน 0.1 มิลลิเมตร ทำให้เกิดภาพการแทรกสอดบนฉากที่อยู่ห่างออกไป 1 เมตร จงหาว่าจุดซึ่งอยู่ห่างจากแถบสว่างกลาง 2.7 เซนติเมตร จะเป็นแถบสว่างหรือแถบมืดลำดับที่เท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 600 \times 10^{-9} \text{ m} , d = 0.1 \times 10^{-3} \text{ m} , x = 2.7 \times 10^{-2} \text{ m} , L = 1 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาว่าจุดซึ่งอยู่ห่างจากแถบสว่างกลาง 2.7 เซนติเมตร จะเป็นแถบสว่างหรือแถบมืดลำดับที่เท่าใด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$(600 \times 10^{-9} \text{ m}) = \frac{(0.1 \times 10^{-3} \text{ m})(2.7 \times 10^{-2})}{n(1 \text{ m})}$$

$$n = \frac{(0.1 \times 10^{-3} \text{ m})(2.7 \times 10^{-2})}{(600 \times 10^{-9} \text{ m})(1 \text{ m})}$$

$$n = 4.5$$

แถบสว่าง 4.5 ไม่มีอยู่จริง แสดงว่าเป็นแถบมืดที่ 5

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

จุดซึ่งอยู่ห่างจากแถบสว่างกลาง 2.7 เซนติเมตร จะเป็นแถบมืดลำดับที่ 5

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

7. แหล่งกำเนิดคลื่นอาพันธ์สองแหล่ง S_1 และ S_2 ให้แสงความยาวคลื่น λ ไปตกกระทบบนฉากที่จุด P ถ้าระยะ S_1P เท่ากับ 121.5 และ S_2P เท่ากับ 120 ความต่างเฟสของคลื่นสองขบวนนี้ที่จุด P มีค่าเท่ากับเท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$S_1P = 121.5 \quad , \quad S_2P = 120$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความต่างเฟสของคลื่นสองขบวนนี้ที่จุด P

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\begin{aligned} \Delta x &= |S_1P - S_2P| & \Delta \phi &= \frac{360^\circ \Delta x}{\lambda} \\ &= |121.5\lambda - 120\lambda| & &= \frac{360^\circ(1.5\lambda)}{\lambda} \\ &= 1.5\lambda & \Delta \phi &= 540^\circ \end{aligned}$$

เนื่องจากเฟส 540° เป็นเฟสที่ตรงกับเฟส $540^\circ - 360^\circ = 180^\circ = \pi$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความต่างเฟสของคลื่นสองขบวนนี้ที่จุด P เท่ากับ 180 องศา

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 9

การแทรกสอดของแสงผ่านสลิตคู่(Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. ช่องแคบคู่หนึ่งห่างกัน 0.1 มิลลิเมตร เมื่อฉายแสงความยาวคลื่น 600 นาโนเมตร ตกตั้งฉากบนช่องแคบ แถบสว่างลำดับที่ 5 บนฉากที่ห่างออกไป 1 เมตร จะอยู่ห่างจากแนวกลางกี่เซนติเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 0.1 \times 10^{-3} \text{ m} , \lambda = 600 \times 10^{-9} \text{ m} , n = 5 , L = 1 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะห่างระหว่างแถบสว่างลำดับที่ 5 กับแนวกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$(600 \times 10^{-9} \text{ m}) = \frac{(0.1 \times 10^{-3} \text{ m})x}{(5)(1 \text{ m})}$$

$$X = \frac{(600 \times 10^{-9} \text{ m})(5)(1 \text{ m})}{(0.1 \times 10^{-3} \text{ m})}$$

$$X = 3.00 \times 10^{-2} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ระยะห่างระหว่างแถบสว่างลำดับที่ 5 กับแนวกลางเท่ากับ 3.00 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. แสงสีเหลืองความยาวคลื่น 630 นาโนเมตร ตกตั้งฉากผ่านสลิตคู่อันหนึ่ง พบว่าบนฉากที่ห่างออกไป 1.5 เมตร แถบสว่างลำดับที่ 3 และลำดับที่ 7 อยู่ห่างกัน 6 มิลลิเมตร สลิตคู่นี้ อยู่ห่างกันกี่ไมโครเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

ระยะห่างจาก A_3 ถึง A_7 จะอยู่ห่างกัน 4 ช่วง เท่ากับระยะห่างจาก A_0 ถึง A_4

$$x = 6 \times 10^{-3} \text{ m}, \lambda = 630 \times 10^{-9} \text{ m}, n = 4, L = 1.5 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะห่างระหว่างสลิตคู่นี้

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$(630 \times 10^{-9} \text{ m}) = \frac{d(6 \times 10^{-3} \text{ m})}{(4)(1.5 \text{ m})}$$

$$d = \frac{(630 \times 10^{-9} \text{ m})(4)(1.5 \text{ m})}{(6 \times 10^{-3} \text{ m})}$$

$$d = 630 \times 10^{-6} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ระยะห่างระหว่างสลิตเท่ากับ 630 ไมโครเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. สลิตคู่มีระยะห่างช่องสลิตเท่ากับ 0.4 มิลลิเมตร เมื่อส่องด้วยแสงสีเดียวและเป็นแสงอาพันธ์ในแนวตั้งฉาก ปรากฏรั้วการแทรกสอดบนฉากที่อยู่ห่างจากสลิต 3.50 เมตร วัดระยะระหว่างแถบสว่างลำดับถัดกันได้เท่ากับ 3.50 มิลลิเมตร แสงนี้มีความยาวคลื่นกี่นาโนเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 0.4 \times 10^{-3} \text{ m} , n = 1 , L = 3.50 \text{ m} , x = 3.5 \times 10^{-3} \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สูการค้นหา

หาความยาวของคลื่นแสง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$\lambda = \frac{(0.4 \times 10^{-3} \text{ m})(3.50 \times 10^{-3} \text{ m})}{(1)(3.5 \text{ m})}$$

$$= 400 \times 10^{-9} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ความยาวของคลื่นแสงเท่ากับ 400 นาโนเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



4. สลิตคู่ห่างกัน 1 ไมโครเมตร มีแสงความยาวคลื่น 550 นาโนเมตร ผ่านในแนวตั้งฉาก จงหามุมที่แถบมืดแรกเบนออกจากแนวกลาง

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 550 \times 10^{-9} \text{ m} , d = 1 \times 10^{-6} \text{ m} , n = 1$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หามุมที่แถบมืดแรกเบนออกจากแนวกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$d \sin \theta = (n - \frac{1}{2}) \lambda$$

$$(1 \times 10^{-6} \text{ m}) \sin \theta = (1 - \frac{1}{2})(550 \times 10^{-9} \text{ m})$$

$$\sin \theta = 0.275$$

$$\theta = \sin^{-1}(0.275)$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

มุมที่แถบมืดแรกเบนออกจากแนวกลางเท่ากับ $\sin^{-1}(0.275)$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

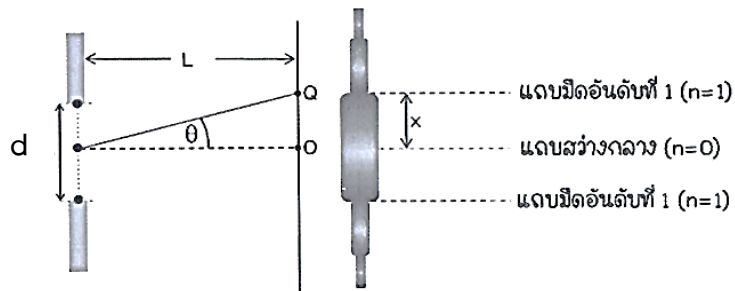


ใบงานที่ 10

การเลี้ยวเบนของแสงเมื่อผ่านช่องเดี่ยว(Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. แสงมีความยาวคลื่น 500 นาโนเมตร ตกกระทบบนสลิตเดี่ยวที่มีความกว้างของช่อง 150 ไมโครเมตรในแนวตั้งฉาก ภาพการเลี้ยวเบนจะปรากฏบนฉากที่อยู่ห่างออกไป 1.30 เมตร จงหาขนาดของมุมที่แถบมืดอันดับที่ 1 เบนจากเส้นแนวกลาง



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$\lambda = 500 \times 10^{-9} \text{ m} , d = 150 \times 10^{-6} \text{ m} , L = 1.30 \text{ m} , n = 1$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาขนาดของมุมที่แถบมืดอันดับที่ 1 เบนจากเส้นแนวกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

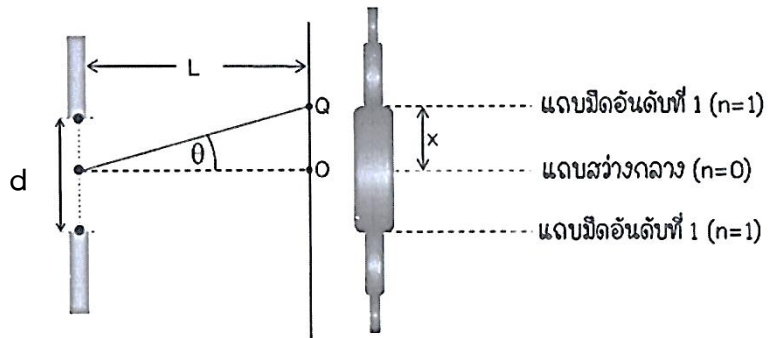
$d \sin \theta_n = n \lambda$	$\sin \theta_1 = 3.33 \times 10^{-3}$
$(150 \times 10^{-6} \text{ m}) \sin \theta_1 = (1)(500 \times 10^{-9} \text{ m})$	$\theta_1 = 0.191^\circ$
$\sin \theta_1 = \frac{(500 \times 10^{-9} \text{ m})}{(150 \times 10^{-6} \text{ m})}$	

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

มุมที่แถบมืดอันดับที่ 1 เบนจากเส้นแนวกลางเท่ากับ 0.191 องศา

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. แสงมีความยาวคลื่น 500 นาโนเมตร ตกกระทบสลิตเดี่ยวที่มีความกว้างของช่อง 150 ไมโครเมตรในแนวตั้งฉาก ภาพการเลี้ยวเบนจะปรากฏบนฉากที่อยู่ห่างออกไป 1.30 เมตร จงหาความกว้างแถบสว่างกลาง



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 500 \times 10^{-9} \text{ m}, d = 150 \times 10^{-6} \text{ m}, n = 1, L = 1.30 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู้การค้นหา

จงหาความกว้างของแถบสว่างกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$d \frac{x}{L} = n\lambda$$

$$(150 \times 10^{-6} \text{ m}) \left(\frac{x}{1.30 \text{ m}} \right) = (1)(500 \times 10^{-9} \text{ m})$$

$$x = \frac{(500 \times 10^{-9} \text{ m})}{(150 \times 10^{-6} \text{ m})} (1.30 \text{ m})$$

$$x = 4.33 \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$\text{ดังนั้นแถบสว่างกว้าง } 2x = 2(4.33 \times 10^{-3} \text{ m}) = 8.66 \times 10^{-3} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

แถบสว่างกว้าง 8.66×10^{-3} เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบความรู้ที่ 10

การเลี้ยวเบนของแสงเมื่อผ่านช่องเดี่ยว

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. ฉายแสงความยาวคลื่น 650 นาโนเมตร ผ่านสลิตเดี่ยวทำให้เกิดการเลี้ยวเบน โดยแนวมีดแถบแรกเบนไปจากแนวกลางเป็นมุม 30° จงหาความกว้างของช่องสลิตในหน่วยไมโครเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 650 \times 10^{-9} \text{ m}, \theta = 30^\circ, n = 1$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความกว้างของช่องสลิต

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$d \sin 30^\circ = (1)(650 \times 10^{-9} \text{ m})$$

$$d = \frac{(1)(650 \times 10^{-9} \text{ m})}{(0.5)}$$

$$d = 1.3 \times 10^{-6} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ช่องสลิตกว้าง 1.3 ไมโครเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. ใช้แสงความยาวคลื่น 600 นาโนเมตร ตกตั้งฉากผ่านสลิตเดี่ยว ที่มีความกว้างของช่องเท่ากับ 50 ไมโครเมตร จากการสังเกตภาพเลี้ยวเบนบนฉากพบว่าแถบมืดแถบแรกอยู่ห่างจากกึ่งกลางแถบสว่างกลาง 6.0 มิลลิเมตร ระยะระหว่างสลิตเดี่ยวกับฉากเป็นเท่าใดในหน่วยเซนติเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 600 \times 10^{-9} \text{ m} , d = 50 \times 10^{-6} \text{ m} , n = 1 , x = 6 \times 10^{-3} \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะระหว่างสลิตเดี่ยวกับฉาก

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$600 \times 10^{-9} \text{ m} = \frac{(50 \times 10^{-6} \text{ m})(6 \times 10^{-3} \text{ m})}{(1)L}$$

$$L = \frac{(50 \times 10^{-6} \text{ m})(6 \times 10^{-3} \text{ m})}{(1)(600 \times 10^{-9} \text{ m})}$$

$$L = 50 \times 10^{-2} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

สลิตเดี่ยวกับฉากห่างกัน 50 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. แสงความยาวคลื่น 500 นาโนเมตร ตกตั้งฉากบนสลิตเดี่ยวกว้าง 50 ไมโครเมตร เกิดภาพการแทรกสอดบนฉากห่าง 0.6 เมตร แลบบีที่สองอยู่ห่างจากแลบบีที่สี่กี่เมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 500 \times 10^{-9} \text{ m} , d = 50 \times 10^{-6} \text{ m} , L = 0.6 \text{ m}$$

ระยะจาก N_2 ถึง N_4 ห่างกันเท่ากับ 2 ช่วง เท่ากับระยะจากแนวกลางไปถึง N_2 ดังนั้น $n = 2$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะห่างระหว่างแลบบีที่ 2 กับแลบบีที่ 4

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$500 \times 10^{-9} \text{ m} = \frac{(50 \times 10^{-6} \text{ m})x}{(2)(0.6 \text{ m})}$$

$$x = \frac{(500 \times 10^{-9} \text{ m})(2)(0.6 \text{ m})}{(50 \times 10^{-6} \text{ m})}$$

$$x = 1.20 \times 10^{-2} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ระยะห่างระหว่างแลบบีที่ 2 กับแลบบีที่ 4 เท่ากับ $1.20 \times 10^{-2} \text{ m}$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

4. แสงมีความยาวคลื่น 500 นาโนเมตร ตกตั้งฉากสลิตเดี่ยวที่มีความกว้าง 2 ไมโครเมตร ปรากฏภาพการเลี้ยวเบนที่ระยะห่างออกไป 10 เซนติเมตร จงหาความสว่างตรงกลางที่เกิดขึ้นในหน่วยเซนติเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 500 \times 10^{-9} \text{ m} , d = 2 \times 10^{-6} \text{ m} , L = 0.1 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความกว้างของแถบสว่างกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$x = \frac{(500 \times 10^{-9} \text{ m})(1)(0.1 \text{ m})}{(2 \times 10^{-6} \text{ m})}$$

$$x = 0.025 \text{ m}$$

เนื่องจาก x คือระยะจากแนวกลางไปถึงแนวมืดด้านใดด้านหนึ่ง

$$\text{ดังนั้น ความกว้างแถบสว่างกลาง} = 2x = 2(0.025) = 0.050 \text{ m} = 5 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แถบสว่างกลางกว้าง 5 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



5. แสงความยาวคลื่น 500 นาโนเมตร ตกตั้งฉากผ่านสลิตเดี่ยวที่มีความกว้าง 0.01 เซนติเมตร จงหาระยะห่างระหว่างแถบมืดลำดับที่ 1 ซึ่งอยู่สองข้างของแถบสว่างที่ปรากฏบนฉากซึ่งอยู่ห่างออกไป 1.5 เมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 500 \times 10^{-9} \text{ m} , d = 0.01 \times 10^{-2} \text{ m} , L = 1.5 \text{ m} , n = 1$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะห่างระหว่างแถบมืดลำดับที่ 1 ซึ่งอยู่สองข้างของแถบสว่าง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$x = \frac{(500 \times 10^{-9} \text{ m})(1)(1.5 \text{ m})}{(0.01 \times 10^{-2} \text{ m})}$$

$$x = 7.5 \times 10^{-3} \text{ m}$$

เนื่องจาก x คือระยะจากแนวกลางไปถึงแนวมืดด้านใดด้านหนึ่ง

$$\text{ดังนั้น ระยะห่างแนวมืดซ้ายขวา} = 2x = 2(7.5 \times 10^{-3} \text{ m}) = 1.5 \times 10^{-2} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แถบมืดลำดับที่ 1 ด้านซ้ายและด้านขวาห่างกัน 1.5×10^{-2} เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

6. ใช้แสงความยาวคลื่น 600 นาโนเมตร ฉายผ่านสลิตเดี่ยวเกิดแถบมืด-แถบสว่าง บนฉากห่างออกไป 3 เมตร ระยะห่างระหว่างจุดที่มีมืดที่สุดสองข้างของแถบสว่างที่กว้างที่สุดเป็น 1.5 เซนติเมตร สลิตนั้นกว้างเท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 600 \times 10^{-9} \text{ m} , L = 3 \text{ m} , n = 1 , \text{ระยะจาก } N_1 \text{ ซ้ายถึง } N_1 \text{ ขวา} = 1.5 \text{ cm}$$

$$\text{ดังนั้น ระยะจากกึ่งกลางถึง } N_1 \text{ ขวา} = 0.75 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความกว้างของช่องสลิต

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$d = \frac{(600 \times 10^{-9} \text{ m})(1)(3 \text{ m})}{(0.75 \times 10^{-2} \text{ m})}$$

$$d = 2.40 \times 10^{-4} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ช่องสลิตกว้าง 2.40×10^{-4} เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 10

การเลี้ยวเบนของแสงเมื่อผ่านช่องเดี่ยว(Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. สlitเดี่ยววางห่างจากฉาก 0.6 เมตร ใช้แสงความยาวคลื่น 600 นาโนเมตร ทำให้เกิดแถบการเลี้ยวเบนขึ้นที่ฉาก วัดความกว้างแถบสว่างอันกลางได้ 0.6 เซนติเมตร จงหาความกว้างช่องสลิตนี้ในหน่วยเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 600 \times 10^{-9} \text{ m} , L = 0.6 \text{ m} , n = 1 , \text{ระยะจากกึ่งกลางถึง } N_1 \text{ ขวา}(x) = 0.3 \times 10^{-2} \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความกว้างของช่องสลิต

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$d = \frac{(600 \times 10^{-9} \text{ m})(1)(0.6 \text{ m})}{(0.3 \times 10^{-2} \text{ m})}$$

$$d = 1.20 \times 10^{-4} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ช่องสลิตกว้าง 1.20×10^{-4} เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. แสงสีเหลืองความยาวคลื่น 500 นาโนเมตร เป็นลำขนานฉายผ่านสลิตเดี่ยวกว้าง 250 ไมโครเมตร แสงที่ตกบนฉากหลังสลิตที่ระยะ 0.50 เมตรความกว้างของแถบสว่างกลางมีขนาดเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 500 \times 10^{-9} \text{ m} , d = 250 \times 10^{-6} \text{ m} , L = 0.5 \text{ m} , n = 1$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความกว้างของแถบสว่างกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$x = \frac{(500 \times 10^{-9} \text{ m})(1)(0.5 \text{ m})}{(250 \times 10^{-6} \text{ m})}$$

$$x = 1.0 \times 10^{-3} \text{ m}$$

เนื่องจาก x คือระยะจากแนวกลางไปถึงแนวมืดด้านใดด้านหนึ่ง

$$\text{ดังนั้น ระยะห่างแนวมืดซ้ายขวา} = 2x = 2(1.0 \times 10^{-3} \text{ m}) = 2 \times 10^{-3} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แถบสว่างกลางกว้าง 2.0 มิลลิเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. ถ้าต้องการให้ตำแหน่งมืดแรกของการเลี้ยวเบนผ่านสลิตเดี่ยวเกิดตรงกับตำแหน่งมืดที่สามของริ้วจากการแทรกสอดของสลิตคู่ อยากราบว่าจะต้องใช้ระยะห่างระหว่างช่องสลิตคู่เป็นกี่เท่าของความกว้างของสลิตเดี่ยว

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

มุม θ เท่ากัน , มืดแรกของการเลี้ยวเบนผ่านสลิตเดี่ยวตรงกับมืดที่สามจากการแทรกสอดผ่านสลิตคู่

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

ระยะห่างระหว่างช่องสลิตคู่เป็นกี่เท่าของความกว้างของสลิต

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

แถบมืดแรกของการเลี้ยวเบน

$$d_1 \sin \theta = n \lambda$$

$$d_1 \sin \theta = (1) \lambda$$

แถบมืดที่ 3 ของการแทรกสอด

$$d_2 \sin \theta = \left(n - \frac{1}{2}\right) \lambda$$

$$d_2 \sin \theta = \left(3 - \frac{1}{2}\right) \lambda$$

แทน $\lambda = d_1 \sin \theta$

$$d_2 \sin \theta = \left(3 - \frac{1}{2}\right) d_1 \sin \theta$$

$$d_2 = 2.5 d_1$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ระยะห่างระหว่างช่องสลิตคู่ มีค่าเป็น 2.5 เท่าของช่องสลิตเดี่ยว

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

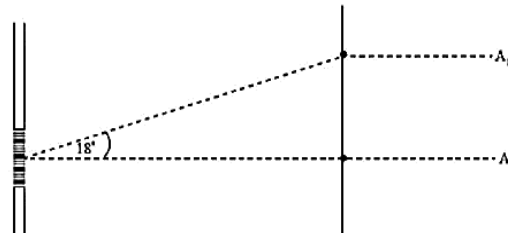


ใบงานที่ 11

การเลี้ยวเบนของแสงผ่านเกรตติง(Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. เกรตติงอันหนึ่งมีจำนวนช่อง 500 ช่อง/มิลลิเมตร เมื่อใช้ทดลองหาค่าความยาวคลื่นของแสงสีหนึ่ง พบว่า แฉกสว่างอันดับที่หนึ่งทั้งสองข้างของแฉกสว่างกลางทำมุม 18° เทียบกับเส้นแนวกลาง จงหาความยาวคลื่นของแสงนี้เป็นกิโลนาโนเมตร



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

จำนวนช่องของเกรตติง 500 ช่อง/มิลลิเมตร . $\theta = 18^\circ$. $n = 1$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

หาระยะห่างระหว่างช่อง

$$d = \frac{\text{ความกว้างของเกรตติง}}{\text{จำนวนเส้นของเกรตติง}}$$

$$d = \frac{1 \times 10^{-3}}{500} = 2.00 \times 10^{-6} \text{ m}$$

$$d \sin \theta_n = n \lambda$$

$$(2.00 \times 10^{-6} \text{ m}) \sin 18^\circ = (1) \lambda$$

$$(2.00 \times 10^{-6} \text{ m})(0.3090) = \lambda$$

$$= 6.18 \times 10^{-7} \text{ m}$$

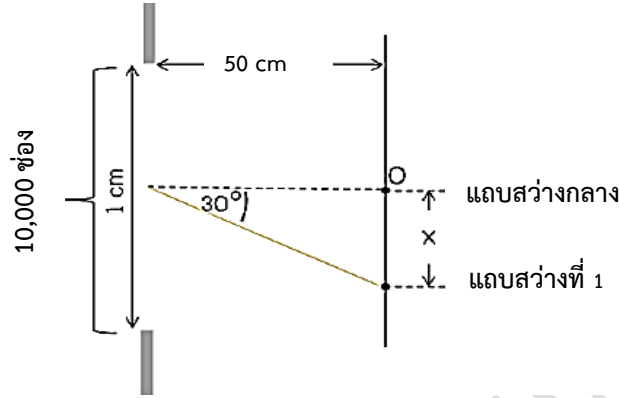
$$= 618 \times 10^{-9} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ความยาวคลื่นเท่ากับ 618 นาโนเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. ฉายแสงความยาวคลื่นเดียวตกกระทบในแนวตั้งฉากกับเกรตติงที่มีจำนวนช่อง 10000 ช่อง/เซนติเมตร เกิดแถบสว่างที่หนึ่ง ทำมุม 30 องศา กับแนวกลาง ถ้าเกรตติงอยู่ห่างจากฉาก 50 เซนติเมตร จงหา แถบสว่างที่หนึ่ง อยู่ห่างจากแนวกลางเป็นระยะเท่าใดในหน่วยเซนติเมตร



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\theta = 30^\circ, n = 1, L = 50 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะที่แถบสว่างที่ 1 ห่างจากแนวกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\sin\theta = \frac{x}{L}$$

$$\sin 30^\circ = \frac{x}{50 \text{ cm}}$$

$$0.5 = \frac{x}{50 \text{ cm}}$$

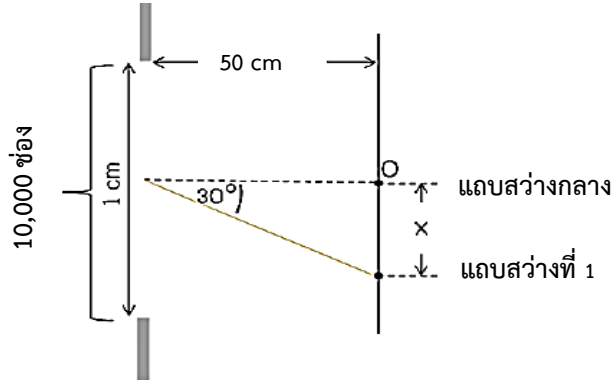
$$x = 25 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

แถบสว่างที่ 1 ห่างจากแนวกลาง 25 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. ฉายแสงความยาวคลื่นเดี่ยวตกกระทบในแนวตั้งฉากกับเกรตติงที่มีจำนวนช่อง 10000 ช่อง/เซนติเมตร เกิดแถบสว่างที่หนึ่ง ทำมุม 30 องศา กับแนวกลาง ถ้าเกรตติงอยู่ห่างจากฉาก 50 เซนติเมตร จงหาความยาวคลื่นของแสงนี้มีค่าเท่าใดในหน่วยนาโนเมตร



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\theta = 30^\circ, n = 1, L = 50 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาความยาวคลื่นในหน่วยนาโนเมตร

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$d = \frac{\text{ความกว้างของเกรตติง}}{\text{จำนวนเส้นของเกรตติง}}$$

$$d = \frac{1 \times 10^{-2}}{10000} = 1 \times 10^{-6} \text{ m}$$

$$d \sin \theta_n = n \lambda$$

$$(1 \times 10^{-6} \text{ m}) \sin 30^\circ = (1) \lambda$$

$$(1 \times 10^{-6} \text{ m})(0.5) = \lambda$$

$$= 0.5 \times 10^{-6}$$

$$= 500 \times 10^{-9}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ความยาวคลื่นเท่ากับ 500 นาโนเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบความรู้ที่ 11

การเลี้ยวเบนของแสงผ่านเกรตติง

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. เกรตติงมีจำนวน 2000 ช่อง/เซนติเมตร ถ้าฉายแสงความยาวคลื่นขนาดหนึ่งไปยังเกรตติงนี้ แฉสว่างที่เกิดขึ้น แฉแรกบนจอจะอยู่ห่างจากแนวกลางเป็นมุม 30° แฉนั้นมีความยาวคลื่นเท่าใดในหน่วยนาโนเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

เกรตติงมี 2000 ช่องต่อ 1 เซนติเมตร , $n = 1$, $\theta = 30^\circ$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่นของคลื่นแสง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$d = \frac{\text{ความยาว}}{\text{จำนวนเส้นเกรตติง}}$$

$$d = \frac{1 \text{ cm}}{2000}$$

$$d = 5 \times 10^{-4} \text{ cm}$$

$$d = 5 \times 10^{-6} \text{ m}$$

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(5 \times 10^{-6} \text{ m}) \sin 30^\circ = (1) \lambda$$

$$(5 \times 10^{-6} \text{ m})(0.5) = (1) \lambda$$

$$= 2500 \times 10^{-9} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นแสงมีความยาวคลื่น 2500 นาโนเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. แสงสีขาวที่ผ่านเกรตติงที่มีจำนวนช่อง 120 ช่องต่อความยาว 1 เซนติเมตร ถ้าต้องการแถบสว่างแถบแรกของแสงความยาวคลื่น 500 นาโนเมตร อยู่ห่างจากแถบสีขาว 0.6 เซนติเมตร จะต้องวางฉากให้ห่างจากเกรตติงอย่างน้อยเป็นระยะทางกี่เซนติเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

..... เกรตติงมี 120 ช่องต่อ 1 เซนติเมตร , $n = 1$, $x = 0.6 \times 10^{-2} \text{ m}$, $\lambda = 500 \times 10^{-9} \text{ m}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

..... **หาระยะที่ฉากห่างจากเกรตติง**

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$d = \frac{\text{ความยาว}}{\text{จำนวนเส้นเกรตติง}}$$

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$d = \frac{1 \times 10^{-2} \text{ m}}{120}$$

$$(500 \times 10^{-9} \text{ m}) = \frac{(1 \times 10^{-2} \text{ m})(0.6 \times 10^{-2} \text{ m})}{(120)(1)L}$$

$$L = \frac{(1 \times 10^{-2} \text{ m})(0.6 \times 10^{-2} \text{ m})}{(120)(1)(500 \times 10^{-9} \text{ m})}$$

$$L = 1 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

..... **ฉากห่างจากเกรตติง 100 เซนติเมตร**

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. แสงความยาวคลื่น 500 นาโนเมตร พุ่งผ่านเกรตติงพบว่าแถบสว่างอันดับที่ 4 ทำมุมกับแนวแถบสว่างกลางเท่ากับ 30° จงหาจำนวนเส้นสลิตต่อเซนติเมตรของเกรตติงนี้

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\text{ความยาวเกรตติง} = 1 \times 10^{-2} \text{ m}, n = 4, x = 0.6 \times 10^{-2} \text{ m}, \lambda = 500 \times 10^{-9} \text{ m}$$

$$\theta = 30^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

$$\text{หาจำนวนเส้นสลิตต่อเซนติเมตรของเกรตติง}$$

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda \qquad d = \frac{\text{ความยาว}}{\text{จำนวนเส้นเกรตติง}}$$

$$d \sin 30^\circ = (4)(500 \times 10^{-9} \text{ m})$$

$$d(0.5) = (4)(500 \times 10^{-9} \text{ m}) \qquad 4000 \times 10^{-9} \text{ m} = \frac{(1 \times 10^{-2} \text{ m})}{\text{จำนวนเส้นเกรตติง}}$$

$$d = 4000 \times 10^{-9} \text{ m}$$

$$\text{จำนวนเส้นเกรตติง} = 2500$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

$$\text{จำนวนเส้นสลิตเกรตติง เท่ากับ 2500 เส้นต่อเซนติเมตร}$$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



4. เกรตติงมี 10000 ช่อง/เซนติเมตร ถ้าฉายแสงความยาวคลื่น λ ตกตั้งฉากกับเกรตติง แถบสว่างที่เกิดขึ้นแถบแรกบนจอจะอยู่ห่างจากแนวกลางเป็นมุม 30° ค่า λ มีค่าเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

เกรตติงมี 10000 ช่องต่อ 1 cm , $n = 1$, $\theta = 30^\circ$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$d = \frac{\text{ความยาว}}{\text{จำนวนเส้นเกรตติง}}$$

$$d = \frac{(1 \times 10^{-2} \text{ m})}{10000}$$

$$d = 1 \times 10^{-6} \text{ m}$$

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(1 \times 10^{-6} \text{ m}) \sin 30^\circ = (1) \lambda$$

$$(1 \times 10^{-6} \text{ m})(0.5) = (1) \lambda$$

$$\lambda = 500 \times 10^{-9} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความยาวคลื่น เท่ากับ 500 นาโนเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

5. ใช้แสงที่มีความยาวคลื่น 500 นาโนเมตร ส่องผ่านเกรตติงอันหนึ่งทำให้ แล่งสว่างที่สอง เบนไปเป็นมุม 30° จากแนวกลาง จงหาจำนวนช่อง/เซนติเมตรของเกรตติงนี้

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\text{ความยาวเกรตติง} = 1 \times 10^{-2} \text{ m}, n = 2, x = 0.6 \times 10^{-2} \text{ m}, \lambda = 500 \times 10^{-9} \text{ m}$$

$$\theta = 30^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

$$\text{หาจำนวนเส้นสลิตต่อเซนติเมตรของเกรตติง}$$

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda \qquad d = \frac{\text{ความยาว}}{\text{จำนวนเส้นเกรตติง}}$$

$$d \sin 30^\circ = (2)(500 \times 10^{-9} \text{ m})$$

$$d(0.5) = (2)(500 \times 10^{-9} \text{ m}) \qquad 2000 \times 10^{-9} \text{ m} = \frac{(1 \times 10^{-2} \text{ m})}{\text{จำนวนเส้นเกรตติง}}$$

$$d = 2000 \times 10^{-9} \text{ m}$$

$$\text{จำนวนเส้นเกรตติง} = 5000$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

$$\text{จำนวนเส้นสลิตเกรตติง เท่ากับ 5000}$$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ใบงานที่ 11

การเลี้ยวเบนของแสงผ่านเกรตติง(Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. จากการทดลองสเปกตรัมของแก๊สไฮโดรเจน โดยใช้เกรตติงซึ่งมีจำนวนช่อง/เซนติเมตร เท่ากับ 3000 พบว่าเมื่อระยะจากเกรตติงถึงฉากรับเท่ากับ 1 เมตร จะมีแถบสว่างสีเดียวกันบนไม้เมตรห่างจากแถบสว่างกลางเท่ากับ 0.3 เมตร จงหาว่าแถบสว่างนั้นมีความยาวคลื่นประมาณกี่นาโนเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

เกรตติงมี 3000 ช่องต่อ 1 เซนติเมตร , $L = 1 \text{ m}$, $n = 1$, $x = 0.3 \text{ m}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่นของคลื่นแสง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$d = \frac{\text{ความยาว}}{\text{จำนวนช่องเกรตติง}}$$

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$d = \frac{1 \text{ cm}}{3000}$$

$$\lambda = \frac{(1 \times 10^{-2} \text{ m})(0.3 \text{ m})}{(3000)(1)(1)}$$

$$d = \frac{1 \times 10^{-2} \text{ m}}{3000}$$

$$\lambda = 1 \times 10^{-6} \text{ m}$$

$$\lambda = 1000 \times 10^{-9} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ความยาวคลื่นเท่ากับ 1000 นาโนเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. ในการทดลองเพื่อหาความยาวคลื่นของแสงโดยใช้เกรตติง เมื่อใช้แสงสีเดี่ยวยส่องผ่านเกรตติง จะสังเกตเห็นแถบสว่างอันดับที่ 1 อยู่ ณ ตำแหน่ง 10 และ 90 เซนติเมตร บนไม้เมตร แถบสว่างทั้งสองนี้ต่างก็อยู่ห่างจากเกรตติงเป็นระยะทาง 1 เมตร ถ้าเกรตติงที่ใช้มีจำนวน 10^4 ช่อง/ความยาว 1 เมตร จงหาความยาวคลื่นของแสง

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

เกรตติงมี 10^4 ช่องต่อ 1 เซนติเมตร , $L = 1 \text{ M}$, $n = 1$

แถบสว่างอันดับที่ 1 ซ้ายและขวาอยู่ห่างกัน = $90 - 10 = 80 \text{ cm}$

ดังนั้นแถบสว่างที่ ห่างจากแถบสว่างกลาง (x) = $40 \text{ cm} = 0.4 \text{ m}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่นของคลื่นแสง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$d = \frac{\text{ความยาว}}{\text{จำนวนช่องเกรตติง}}$$

$$\lambda = \frac{dx}{nL}$$

$$d = \frac{1 \text{ cm}}{10^4}$$

$$\lambda = \frac{(10^{-6} \text{ m})(0.40 \text{ m})}{(1)(1)}$$

$$d = 1 \times 10^{-4} \text{ cm}$$

$$d = 1 \times 10^{-6} \text{ m}$$

$$\lambda = 400 \times 10^{-9} \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นแสงมีความยาวคลื่นเท่ากับ 400 นาโนเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. ฉายลำแสงเลเซอร์ความยาวคลื่น 625 นาโนเมตร ผ่านเกรตติงในแนวตั้งฉากเพื่อต้องการให้จุดสว่างอันดับที่หนึ่งเบนจากแนวกลางประมาณ 30° จะต้องเลือกใช้เกรตติงซึ่งมีจำนวนซี่ช่อง/มิลลิเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\text{ความยาวเกรตติง} = 1 \times 10^{-3} \text{ m}, n = 1, \lambda = 625 \times 10^{-9} \text{ m}, \theta = 30^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาจำนวนช่องสลิตต่อมิลลิเมตร

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$d \sin 30^\circ = (1)(625 \times 10^{-9} \text{ m})$$

$$d(0.5) = (1)(625 \times 10^{-9} \text{ m})$$

$$d = 1250 \times 10^{-9} \text{ m}$$

$$d = \frac{\text{ความยาว}}{\text{จำนวนเส้นเกรตติง}}$$

$$1250 \times 10^{-9} \text{ m} = \frac{(1 \times 10^{-3} \text{ m})}{\text{จำนวนเส้นเกรตติง}}$$

$$\text{จำนวนเส้นเกรตติง} = 800$$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

จำนวนเส้นสลิตเกรตติง เท่ากับ 800 ช่องต่อมิลลิเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 12

อัตราเร็วของแสงและภาพจากกระจกเงาราบ(Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. โลกโคจรรอบดวงอาทิตย์ ด้วยขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 2.94×10^{11} เมตร จงหาว่าแสงเดินทางมาถึงโลกใช้เวลานานเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v = 3 \times 10^8 \text{ m/s} , s = \frac{2.94 \times 10^{11}}{2} = 1.47 \times 10^{11} \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาเวลาที่แสงใช้ในการเดินทางมาถึงโลก

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$v = \frac{s}{t}$$

$$3 \times 10^8 \text{ m/s} = \frac{1.47 \times 10^{11} \text{ m}}{t}$$

$$t = 490 \text{ s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

แสงเดินทางมาถึงโลกใช้เวลาเท่ากับ 490 วินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. ดาวพร็อกซิมา เซนทอรี เป็นดาวฤกษ์ที่อยู่ใกล้โลกมากที่สุด (ไม่นับดวงอาทิตย์) ซึ่งอยู่ห่างจากโลก 4.3 ปีแสง ถ้ายานอวกาศเดินทางไปยังดาวฤกษ์ดวงนี้ ด้วยอัตรา 50 กิโลเมตร/วินาที ยานอวกาศนี้จะใช้เวลาเดินทางนานกี่ปี

$v = 50 \text{ km/s}$, $s = 4.3$ ปีแสง , เปลี่ยนจากวินาทีเป็นปี โดยการคูณ ด้วย
 ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$v = 50 \text{ km/s}$, $s = 4.3$ ปีแสง

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาเวลาที่ยานอวกาศใช้ในการเดินทางไปยังดาวพร็อกซิมา

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$v = \frac{s}{t}$ (เปลี่ยนวินาที ให้เป็น ปี โดยการนำเวลาที่ เป็นวินาทีคูณด้วย $60 \times 60 \times 24 \times 365$)

$50 \times 10^3 = \frac{4.3 \times 3 \times 10^8 \times 365 \times 24 \times 60 \times 60}{t(60 \times 60 \times 24 \times 365)}$

$t = 25,800$ ปี

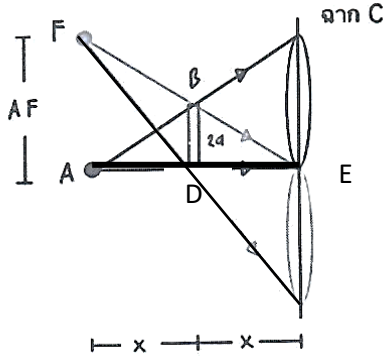
ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ยานอวกาศใช้เวลาเดินทางเท่ากับ

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. วัตถุกลมแบนที่บแสง B มีเส้นผ่านศูนย์กลาง $2a$ วางอยู่กึ่งกลางระหว่างต้นกำเนิดแสง A และฉาก C ปรากฏเงามืดของ B บนฉากโดยไม่มีเงามัว ถ้ามีต้นกำเนิดแสงอีกอันหนึ่ง F เหมือน A ทุกประการมาวางโดยที่แนว AF ขนานกับฉาก C AF จะมีค่าเท่าใด เงาของ B อันเกิดจาก A จะต่อกับเงาของ B อันเกิดจาก F พอดี



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$AE = 2x, DE = x, BD = 2a$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะ AF

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

ใช้สามเหลี่ยมคล้าย

$$\frac{AF}{2a} = \frac{2x}{x}$$

$$AF = 4a$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

หาระยะ AF เท่ากับ $4a$

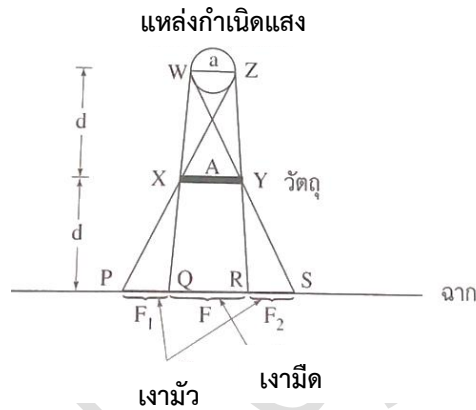
ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบความรู้ที่ 12

อัตราเร็วของแสงและภาพจากกระจกเงาราบ

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. แหล่งกำเนิดแสงทรงกลมเส้นผ่านศูนย์กลาง 5 เซนติเมตร วางห่างจากฉากออกมาระยะหนึ่ง เมื่อนำวัตถุแบนทรงกลมขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 15 เซนติเมตร วางไว้ที่กึ่งกลางระหว่างแหล่งกำเนิดกับฉาก โดยให้ระนาบของวัตถุขนานกับฉาก จงหาขนาดของเส้นผ่านศูนย์กลางของเงามืดที่ปรากฏบนฉาก



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

จากรูปพิจารณา $\triangle XYW$ และ $\triangle QSW$ จะเห็นว่าคล้ายกัน

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หา F คือ เส้นผ่านศูนย์กลางของเงามืด

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{QS}{XY} = \frac{2d}{d} = 2$$

$$QS = 2XY$$

$$F + F_2 = 2A \quad \text{———— (1)}$$

ในการทำงานเดียวกันถ้าพิจารณา $\triangle XYZ$ และ $\triangle PRZ$ จะเห็นว่าคล้ายกัน ซึ่งจะได้ว่า

$$F + F_2 = 2A \quad \text{———— (2)}$$

พิจารณา $\triangle XZW$ กับ $\triangle POX$ จะเห็นว่าคล้ายกัน

ดังนั้นได้
$$\frac{F_1}{a} = \frac{d}{d}$$

$$F_1 = a \quad \text{--- (3)}$$

หรือคิดทำนองเดียวกันจะได้

$$F_2 = a \quad \text{--- (4)}$$

ดังนั้น จากสมการ (1) กับ (4) หรือ (2) กับ (3) จะได้

$$F = 2A - a$$

$$= 2(15) - (5)$$

$$= 25 \text{ cm}$$

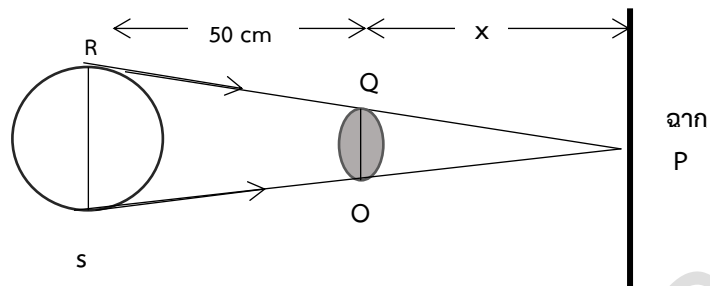
ขั้นที่ 4 A : พิจารณา

เส้นผ่านศูนย์กลางของเงามืดเท่ากับ 25 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



2. ตามรูป S เป็นแหล่งกำเนิดแสงทรงกลมเส้นผ่านศูนย์กลาง 20 เซนติเมตร O เป็นจุดที่บแสงแผ่นวงกลมเส้นผ่านศูนย์กลาง 10 เซนติเมตร ฉากจะต้องอยู่ห่างจากวัตถุอย่างน้อยที่สุดเท่าไร จึงจะเกิดเฉพาะเงามัวบนฉาก



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

ฉากอยู่ห่างจากวัตถุเป็นระยะ x ทำให้เกิดเฉพาะเงามัวเท่านั้น. กรณีนี้จะเกิดเงามัวอย่างเดียวบน
คือ. กรณีที่แหล่งกำเนิดแสงโตกว่าวัตถุ. รังสีแสงที่ออกมาจากแหล่งกำเนิดเดินทางผ่านขอบวัตถุแล้ว
ตัดกันที่จุด P. ตามรูปนี้จะเกิดเฉพาะเงามัว

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

ฉากจะต้องอยู่ห่างจากวัตถุอย่างน้อยเท่าไรจึงจะเกิดเฉพาะเงามัวบนฉาก

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\triangle POO \approx \triangle PSR \text{ จึงได้ } \frac{OO}{RS} = \frac{x}{50+x}$$

$$\frac{10\text{cm}}{20\text{cm}} = \frac{x}{50+x}$$

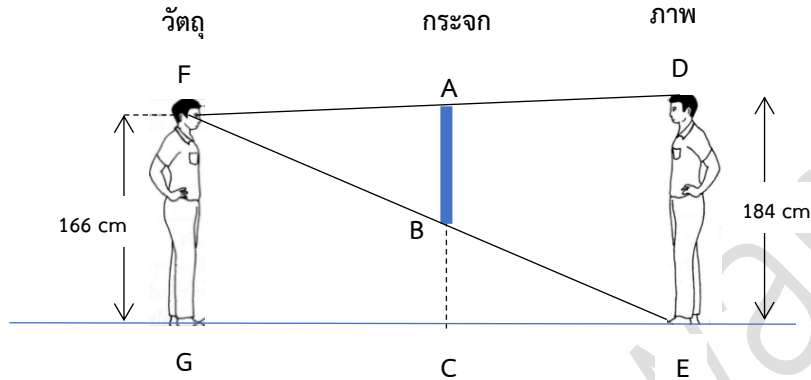
$$x = 50\text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

ฉากจะต้องอยู่ห่างจากวัตถุอย่างน้อย 50 เซนติเมตร จึงจะเกิดเฉพาะเงามัวบนฉาก

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. ชายคนหนึ่งสูง 184 เซนติเมตรยืนมองดูภาพตัวเองในกระจกrapซึ่งติดที่ฝาผนัง ถ้ากระจกต้องมีความสูงอย่างน้อยที่สุดเท่าไร ชายคนนั้นจึงจะสามารถเห็นภาพของเขาทั้งตัวในกระจกเงานี้ เมื่อตาของเขาอยู่สูงจากพื้น 166 เซนติเมตร



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

.....จากรูปชายคนนั้นจะมองเห็นตัวเองเต็มตัวเมื่อกระจกสูง AB เนื่องจาก $\triangle AFDE$ คล้าย $\triangle ABF$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

.....หาความสูงของกระจก

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{AB}{DE} = \frac{1}{2} \qquad AB = \frac{1}{2}(184)$$

$$AB = 92 \text{ cm}$$

$$AB = \frac{1}{2}DE$$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

.....กระจกจะต้องสูงอย่างน้อย 92 เซนติเมตร ชายคนนั้นจึงจะมองเห็นภาพเขาทั้งตัวในกระจกเงานี้

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



4. จากข้อ 3 จะต้องแขวนกระจกให้สูงจากพื้นเท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

จากข้อ 3 จะต้องแขวนกระจกให้สูงจากพื้นเป็นระยะ BC เนื่องจาก $\triangle BCE \approx \triangle GEF$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

จะต้องแขวนกระจกให้สูงจากพื้นเท่าไร

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{BC}{FG} = \frac{1}{2}$$

$$BC = \frac{1}{2}FG$$

$$BC = \frac{1}{2}(166)$$

$$BC = 83 \text{ cm}$$

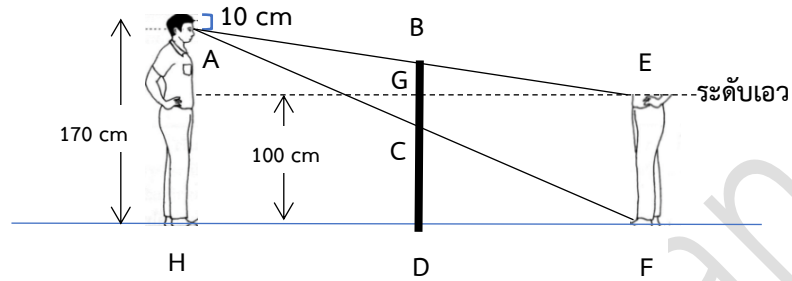
ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ต้องแขวนกระจกให้สูงจากพื้น 83 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



5. ถ้าชายคนนี้สูง 170 เซนติเมตร และตาเขาอยู่ต่ำจากส่วนที่สูงที่สุดในร่างกายเป็นระยะ 10 เซนติเมตร มีกระจกราบตั้งอยู่บนพื้นในแนวตั้ง ขอบบนของกระจกต้องอยู่สูงจากพื้นเท่าใดจึงจะทำให้เขามองเห็นเอว ซึ่งอยู่สูงจากพื้น 100 เซนติเมตร



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

จากรูป BD คือกระจกราบตั้งบนพื้น เนื่องจากระยะภาพเท่ากับระยะวัตถุ

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

ขอบบนของกระจกต้องอยู่สูงจากพื้นเท่าใดจึงจะทำให้เขามองเห็นเอว

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\triangle ABC \approx \triangle AEF \text{ จึงได้ } BC = \frac{EF}{2} = \frac{100}{2} = 50 \text{ cm}$$

$$\triangle FCD \approx \triangle FAH \text{ จึงได้ } CD = \frac{AH}{2} = \frac{160}{2} = 80 \text{ cm}$$

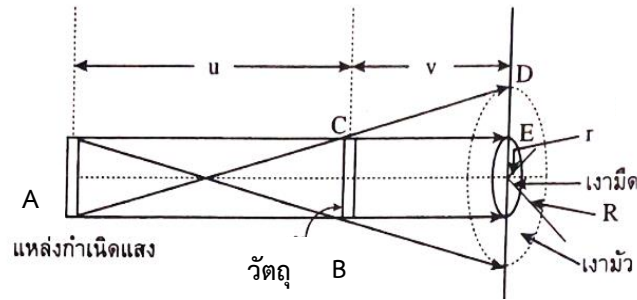
$$\begin{aligned} \text{ดังนั้น} \quad BC &= BC + CD \\ &= 50 + 80 = 130 \text{ cm} \end{aligned}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ขอบบนของกระจกต้องอยู่สูงจากพื้น 130 เซนติเมตร จึงจะทำให้เขามองเห็นเอว

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

6. ถ้าท่านต้องการให้เงามืด และเงามัวมีพื้นที่เท่ากันพอดี สำหรับแหล่งกำเนิดแสงทรงกลมที่มีขนาดเท่ากับขนาดวัตถุ ทรงกลมที่ทำให้เกิดเงาบนฉาก ระยะห่างระหว่างต้นกำเนิดแสงกับวัตถุ และระยะห่างระหว่างวัตถุกับฉาก จะต้องมีความเท่ากับเท่าใด



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$r =$ รัศมีของเงามืด , $R =$ รัศมีของเงามัว , ΔABC คล้ายกับ ΔEDC

ขั้นที่ 2 D : สูการค้นหา

หาระยะห่างระหว่างวัตถุกับฉาก

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

จาก A (เงามัว) = A (เงามืด)

$$\pi R^2 - \pi r^2 = \pi r^2$$

$$R^2 = 2r^2$$

$$R = \sqrt{2}r$$

และ ΔABC คล้ายกับ ΔEDC

$$\frac{AC}{AB} = \frac{CE}{ED}$$

$$\frac{u}{2r} = \frac{v}{R-r} = \frac{v}{\sqrt{2}r-r}$$

$$\frac{u}{v} = \frac{2r}{(\sqrt{2}-1)r}$$

$$u = 5v$$

ชั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

.....
ระยะห่างระหว่างวัตถุกับฉากเท่ากับ 5๗
.....

ชั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....

Suwat Rojsuwan



ใบงานที่ 12

อัตราเร็วของแสงและภาพจากกระจกเงาราบ (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

- เด็กชายคนหนึ่งสูง 170 เซนติเมตร ต้องการเห็นภาพเต็มตัวของเขาในกระจกเงาระนาบ ซึ่งตั้งอยู่ในแนวตั้ง ห่างจากตัวเขา 250 เซนติเมตร ตาของเขาอยู่สูงจากพื้นห้อง 160 เซนติเมตร จงคำนวณหาว่าต้องใช้กระจกสั้นที่สุดเท่าใด และต้องวางปลายล่างของกระจกสูงจากพื้นเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

ถ้าต้องการส่องเห็นภาพตนเอง ในกระจกเต็มตัวโดยใช้กระจกอย่างประหยัด ต้องใช้กระจกยาว

เป็นครึ่งหนึ่งของความสูงของคนและติดขอบล่างสูงจากพื้นเป็นครึ่งหนึ่งของความสูงจากลูกนัยต์ตา

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาขนาดกระจกที่สั้นที่สุด และต้องวางปลายล่างของกระจกสูงจากพื้นเท่าใด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$\text{ความยาวกระจกที่ใช้} = \frac{\text{ความสูงคน}}{2} = \frac{170}{2} = 85 \text{ cm}$$

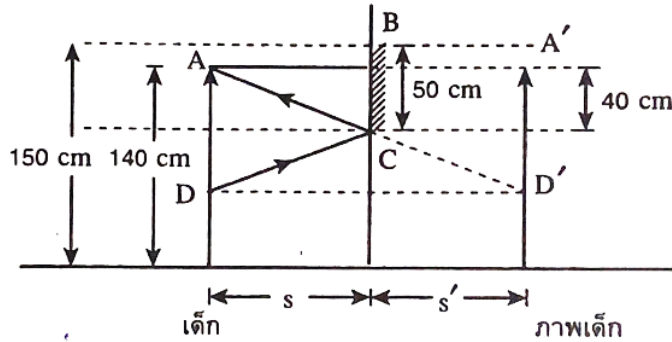
$$\text{ขอบล่างกระจกสูงจากพื้น} = \frac{\text{ความสูงลูกตา}}{2} = \frac{160}{2} = 80 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

กระจกยาว 85 เซนติเมตร และต้องวางปลายล่างของกระจกสูงจากพื้น 80 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. เด็กชายคนหนึ่งสูง 140 เซนติเมตร ยืนอยู่ห่างจากกระจกเงาบ 90 เซนติเมตร กระจกยาว 50 เซนติเมตร ขอบบนของกระจกอยู่สูงจากพื้น 150 เซนติเมตร ระดับตาของเด็กอยู่สูงจากพื้น 128 เซนติเมตร จงหาความสูงของภาพเด็กในกระจกนั้น



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$\triangle AA'D'$ คล้ายกับ $\triangle ABC$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

ความสูงของภาพเด็กในกระจก

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$\frac{A'D'}{BC} = \frac{AA'}{AB}$$

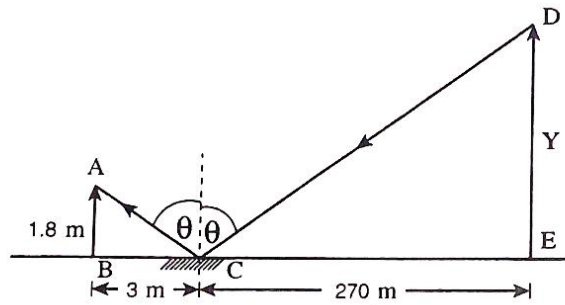
$$A'D' = 2 \times 40 = 80 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

เห็นภาพเด็กในกระจกสูง 80 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. ชายคนหนึ่งสูง 1.8 เมตร สามารถมองเห็นปลายเสาส่งวิทยุได้พอดี โดยการสะท้อนจากกระจกเงาราบ ซึ่งวางไว้ที่พื้น ห่างจากตัวเขา 3 เมตร และกระจกห่างจากฐานเสาส่งวิทยุ 270 เมตร จงหาว่าเสาส่งวิทยุนี้สูงเท่าใด



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$\triangle DEC$ คล้ายกับ $\triangle ABC$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

ความสูงของเสาส่งวิทยุ

ขั้นที่ 3 R : นำพาวรรณคดี

$$\frac{DE}{AB} = \frac{EC}{BC}$$

$$\frac{Y}{1.8} = \frac{270}{3}$$

$$Y = 162 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

เสาส่งวิทยุสูง 162 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 13

การเกิดภาพจากกระจกเงาทรงกลม(Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. วางวัตถุหน้ากระจกโค้งนูนที่มีรัศมีความโค้ง 24 เซนติเมตร ให้ห่างจากกระจกนูน 20 เซนติเมตร จงหาระยะภาพ ชนิดของภาพ และกำลังขยาย

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$s = 20 \text{ cm} , R = 24 \text{ cm} , f = -12 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะของภาพ ชนิดของภาพ และกำลังขยาย

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'} \qquad m = -\frac{s'}{s}$$

$$\frac{1}{(-12\text{cm})} = \frac{1}{(20\text{cm})} + \frac{1}{s'} \qquad m = -\frac{-7.5}{20}$$

$$\frac{1}{s'} = \frac{-1}{(12\text{cm})} - \frac{1}{(20\text{cm})} \qquad m = 0.38$$

$$s' = -7.5 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ระยะภาพเท่ากับ 7.5 เซนติเมตร อยู่ด้านหลังกระจก เป็นภาพเสมือนหัวตั้ง กำลังขยาย 0.38 (ขนาดเล็กกว่าวัตถุ)

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



2. เทียนไขสูง 4 เซนติเมตร ตั้งอยู่บนเส้นแกนมุขสำคัญของกระจกโค้งเว้าที่มีความยาวโฟกัส 10 เซนติเมตร ทำให้เกิดภาพหน้ากระจกโค้งห่างจากกระจกโค้งเว้า 15 เซนติเมตร เทียนไขอยู่ห่างจากกระจกโค้งเว้ากี่เซนติเมตร และภาพเทียนไขสูงกี่เซนติเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 10 \text{ cm} , s' = 15 \text{ cm} , y = 4 \text{ cm} \quad f =$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะที่เทียนไขห่างจากกระจก และความสูงของภาพ

ขั้น

ที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$$

$$\frac{y'}{y} = \frac{s'}{s}$$

$$\frac{1}{(10\text{cm})} = \frac{1}{s} + \frac{1}{(15\text{cm})}$$

$$\frac{y'}{(4\text{ cm})} = \frac{(15\text{ cm})}{(30\text{ cm})}$$

$$\frac{1}{s} = \frac{1}{(10\text{cm})} - \frac{1}{(15\text{cm})}$$

$$y' = 2 \text{ cm}$$

$$s = 30 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

เทียนไขห่างจากกระจก 30 เซนติเมตร และภาพเทียนไขสูง 2 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. วางวัตถุหน้ากระจกโค้งเว้าที่มีรัศมีความโค้ง 24 เซนติเมตร ให้ห่างจากกระจกเว้า 20 เซนติเมตร จงหาระยะภาพ ชนิดของภาพ และกำลังขยาย

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$s = 20 \text{ cm} \quad R = 24 \text{ cm} \quad f = 12 \text{ cm}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะของภาพ ชนิดของภาพ และกำลังขยาย

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$ $m = \frac{s'}{s}$

$\frac{1}{(12\text{cm})} = \frac{1}{(20\text{cm})} + \frac{1}{s'}$ $m = \frac{30}{20}$

$m = 1.5$

$\frac{1}{s'} = \frac{1}{(12\text{cm})} - \frac{1}{(20\text{cm})}$

$s' = 30 \text{ cm}$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ระยะภาพเท่ากับ 30 เซนติเมตร อยู่ด้านหน้ากระจก เป็นภาพจริงหัวกลับ กำลังขยาย 1.5 (ขนาดใหญ่กว่าวัตถุ)

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



ใบความรู้ที่ 13

การเกิดภาพจากกระจกเงาทรงกลม

ชื่อ..... เลขที่..... ห้อง.....

1. วางวัตถุไว้หน้ากระจกเว้ามีความยาวโฟกัส 5 เซนติเมตร ปรากฏว่าเกิดภาพจริงขึ้นที่ระยะห่างจากกระจก 10 เซนติเมตร จงหาว่าวัตถุอยู่ห่างจากกระจกกี่เซนติเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 5 \text{ cm} , S' = 10 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะห่างระหว่างวัตถุกับกระจก

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{S} + \frac{1}{S'}$$

$$\frac{1}{(5 \text{ cm})} = \frac{1}{S} + \frac{1}{(10 \text{ cm})}$$

$$\frac{1}{S} = \frac{1}{(5 \text{ cm})} - \frac{1}{(10 \text{ cm})}$$

$$\frac{1}{S} = \frac{1}{(10 \text{ cm})}$$

$$S = 10 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

วางวัตถุห่างจากกระจก 10 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. วางวัตถุไว้หน้ากระจกนูนความยาวโฟกัส 10 เซนติเมตร ปรากฏว่าเกิดภาพขึ้นที่ระยะห่างจากกระจก 5 เซนติเมตร จงหาว่าวัตถุอยู่ห่างจากกระจกกี่เซนติเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = -10 \text{ cm} , S' = -5 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะห่างระหว่างวัตถุกับกระจก

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{S} + \frac{1}{S'}$$

$$\frac{1}{(-10 \text{ cm})} = \frac{1}{S} - \frac{1}{(5 \text{ cm})}$$

$$\frac{1}{S} = \frac{1}{(5 \text{ cm})} - \frac{1}{(10 \text{ cm})}$$

$$\frac{1}{S} = \frac{1}{(10 \text{ cm})}$$

$$S = 10 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

วางวัตถุห่างจากกระจก 10 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. เมื่อวางวัตถุหน้ากระจกโค้งห่าง 30 เซนติเมตร เกิดภาพจริงขนาด 2 เท่าของวัตถุบนฉาก จงหาความยาวโฟกัสของกระจกและชนิดของกระจก

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$S = 30 \text{ cm} , m = 2$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวโฟกัสของกระจกและชนิดของกระจก

ขั้นที่ 3 R : นำพาวรริคิด

$$m = \frac{f}{s - f}$$

$$2 = \frac{f}{30 - f}$$

$$2(30 - f) = f$$

$$(60 - 2f) = f$$

$$60 = 3f$$

$$f = 20 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

เป็นกระจกเว้า และมีความยาวโฟกัส 20 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

4. กระจกเว้ามีความยาวโฟกัส 40 เซนติเมตร จะต้องวางวัตถุบนแกนของกระจกห่างจากกระจกกี่เซนติเมตรจึงทำให้เกิดภาพหัวตั้งที่มีขนาดเป็น 4 เท่าของขนาดวัตถุ

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 40 \text{ cm} , m = -4$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาระยะห่างระหว่างวัตถุกับกระจก

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$m = \frac{f}{s - f}$$

$$(-4) = \frac{40}{s - 40}$$

$$-4(s - 40) = 40$$

$$s - 40 = -10$$

$$s = 30 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

วางวัตถุห่างจากกระจก 30 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

5. วัตถุสูง 5 เซนติเมตร อยู่ห่าง 10 เซนติเมตร จากกระจกเงาซึ่งมีรัศมีความโค้ง 50 เซนติเมตร จงหาความสูงของภาพ

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = \frac{R}{2} = \frac{50}{2} = 25 \text{ cm} , y = 5 \text{ cm} , S = 10 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความสูงของภาพ

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$m = \frac{f}{s - f} \quad \text{และ} \quad m = \frac{y'}{y}$$

จะได้ $\frac{y'}{y} = \frac{f}{s - f}$

$$\frac{y'}{5} = \frac{25}{10 - 25}$$

$$y' = \frac{-25}{3} \text{ cm}$$

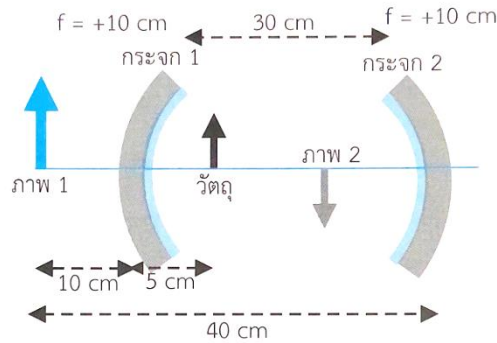
ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

เป็นภาพเสมือนภาพสูง $\frac{25}{3}$ เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



6. กระจกเว้า 2 บาน ความยาวโฟกัสแต่ละ 10 เซนติเมตร วางหันหน้าเข้าหากัน 30 เซนติเมตร นำวัตถุวางห่างกระจกบานหนึ่งระยะ 5 เซนติเมตร จงหาตำแหน่งและชนิดของภาพที่เกิดจากการสะท้อนแสงระหว่างกระจกทั้งสอง ให้สะท้อนจากบานใกล้วัตถุก่อน



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

..... $f_1 = 10 \text{ cm} , S_1 = 5 \text{ cm} , f_2 = 10 \text{ cm}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

..... หาตำแหน่งและชนิดของภาพที่เกิดจากการสะท้อนแสงระหว่างกระจกทั้งสอง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

..... คิดจากกระจก 1 $\frac{1}{f} = \frac{1}{S} + \frac{1}{S'}$

..... $\frac{1}{(10 \text{ cm})} = \frac{1}{(5 \text{ cm})} + \frac{1}{S'}$

..... $S' = -10 \text{ cm}$

..... นั่นคือเกิดภาพเสมือนอยู่หลังกระจกบานแรก 10 เซนติเมตร

..... คิดจากกระจก 2

..... $\frac{1}{f} = \frac{1}{S} + \frac{1}{S'}$

..... $\frac{1}{(10 \text{ cm})} = \frac{1}{(40 \text{ cm})} + \frac{1}{S'}$

..... $\frac{1}{S'} = \frac{4 - 1}{(40 \text{ cm})}$



$$S' = \frac{40}{3} \text{ cm}$$

ชั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

.....ภาพสุดท้ายเป็นภาพจริงหัวกลับหน้ากระจกบานที่ 2 ห่างจากกระจก $\frac{40}{3}$ เซนติเมตร

ชั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

Suwat Rojsuwan



ใบงานที่ 13

การเกิดภาพจากกระจกเงาทรงกลม(Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. วางวัตถุหน้ากระจกเว้าเป็นระยะ 10 เซนติเมตร เกิดภาพจริงหน้ากระจกที่ระยะ 15 เซนติเมตร กระจกมีรัศมี ความโค้งยาวกี่เซนติเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$S = 10 \text{ cm} , S' = 15 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หารัศมีความโค้งของกระจก

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{S} + \frac{1}{S'}$$

$$f = \frac{R}{2}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{(10\text{cm})} + \frac{1}{(15\text{cm})}$$

$$6 \text{ cm} = \frac{R}{2}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{3 + 2}{(30\text{cm})}$$

$$R = 12 \text{ cm}$$

$$f = 6 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

กระจกมีรัศมีความโค้ง 12 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. ถ้าวางวัตถุที่มีความสูง 10 เซนติเมตร ไว้หน้ากระจกห่างจากกระจก 100 เซนติเมตร ปรากฏว่าเกิดภาพเสมือนสูง 2 เซนติเมตร จงหาความยาวโฟกัสของกระจกและชนิดของกระจก

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$S = 100 \text{ cm} , y = 10 \text{ cm} , y' = -2 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สูการค้นหา

หาความยาวโฟกัสของกระจกและชนิดของกระจก

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$m = \frac{f}{s-f} \quad \text{และ}$$

$$m = \frac{y'}{y}$$

จะได้

$$\frac{y'}{y} = \frac{f}{s-f}$$

$$5f - f = -100$$

$$4f = -100$$

$$\frac{-2}{10} = \frac{f}{100-f}$$

$$f = -25 \text{ cm}$$

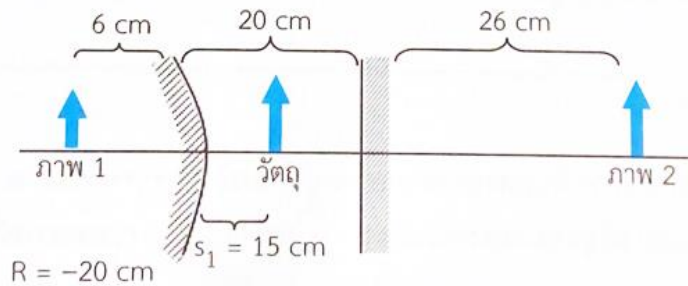
$$100 - f = -5f$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

เป็นกระจกนูน มีความยาวโฟกัส 25 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. วัตถุสูง 5 เซนติเมตร วางห่างจากกระจกนูน 15 เซนติเมตร กระจกนูนมีรัศมีความโค้ง 20 เซนติเมตร กระจกราบบานหนึ่งวางหันหน้าเข้าหากระจกนูนห่างจากกระจกนูน 20 เซนติเมตร จงหาตำแหน่งของภาพซึ่งเกิดจากรังสีของแสงซึ่งสะท้อนที่กระจกนูนก่อนจากนั้นสะท้อนที่กระจกราบ



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$S = 15 \text{ cm} , f = \frac{R}{2} = \frac{-20}{2} = -10 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สูการค้นหา

หาตำแหน่งของภาพซึ่งเกิดจากรังสีของแสงซึ่งสะท้อนที่กระจกนูนก่อนจากนั้นสะท้อนที่กระจกราบ

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$$

$$-\frac{1}{(10\text{cm})} = \frac{1}{(15\text{cm})} + \frac{1}{s'}$$

$$-\frac{1}{(10\text{cm})} - \frac{1}{(15\text{cm})} = \frac{1}{s'}$$

$$\frac{-3 - 2}{(30\text{cm})} = \frac{1}{s'}$$

$$s' = -6 \text{ cm}$$

ตอนแรกจะเกิดภาพเสมือนหลังกระจกนูน 6 cm ใช้ภาพที่เกิดขึ้นตอนแรกเป็นวัตถุช่วงตอนที่ 2

จะได้ว่า ระยะวัตถุ ของกระจกราบ = 20 + 6 = 26 cm ภาพที่เกิดจากกระจกราบ

จะเป็นภาพเสมือนอยู่หลังกระจกราบ โดยระยะภาพจะเท่ากับระยะวัตถุ ดังนั้นภาพสุดท้าย

หลังกระจกราบห่างออกไป 26 cm

ชั้นที่ 4 A : พืชปัญหา

ภาพถ่ายเป็นภาพเสมือนเกิดหลังกระจาบ 26 เซนติเมตร

ชั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ก



ใบงานที่ 14

การหักเหของแสง(Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. แสงความยาวคลื่น 589 นาโนเมตร เดินทางจากสุญญากาศเข้าสู่ซิลิกา โดยมีอัตราเร็วของแสงในซิลิกาเป็น 2.0561×10^8 เมตรต่อวินาที ดรรชนีหักเหของซิลิกาเป็นเท่าใด กำหนดอัตราเร็วของแสงในสุญญากาศเท่ากับ 2.9979×10^8 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 589 \times 10^{-9} \text{ m} , C = 2.9979 \times 10^8 \text{ m/s} , v = 2.0561 \times 10^8 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

$$\text{หาดรรชนีหักเหของซิลิกา}$$

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$n = \frac{c}{v}$$

$$n = \frac{2.9979 \times 10^8 \text{ m/s}}{2.0561 \times 10^8 \text{ m/s}}$$

$$n = 1.4580$$

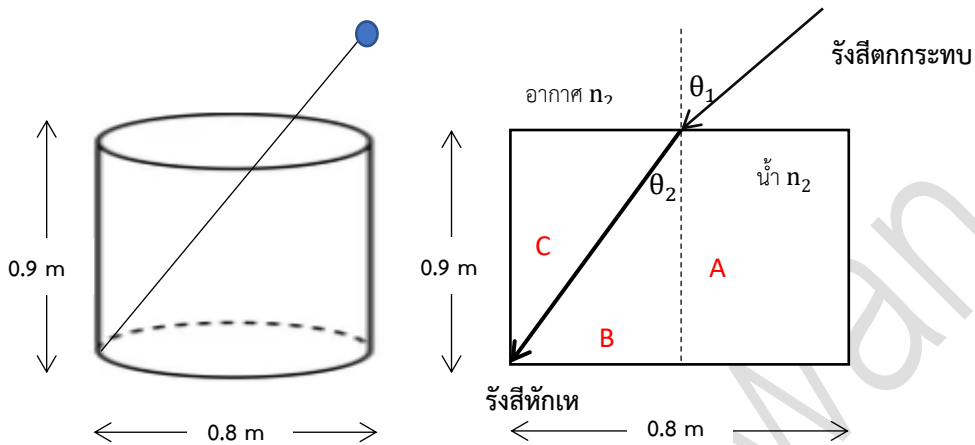
ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

$$\text{ดรรชนีหักเหของซิลิกาเท่ากับ 1.46}$$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....

2. ถังรูปทรงกระบอกที่มีเส้นผ่านศูนย์กลาง 0.8 เมตร และสูง 0.9 เมตร บรรจุน้ำเต็มถึง ถ้าต้องการฉายแสงเลเซอร์ลงที่ผิวน้ำตรงกลางถังโดยให้แสงผ่านน้ำแตกกระทบที่ก้นถังตรงมุมของถังพอดี จะต้องฉายแสงเลเซอร์ด้วยมุมตกกระทบเท่าใด กำหนดให้ดรรชนีหักเหของน้ำเท่ากับ 1.33



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$B = \frac{0.8}{2} = 0.4 \text{ m} , A = 0.9 \text{ m} , n_1 = 1 , n_2 = 1.33$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาขนาดของมุมที่ต้องฉายแสงเลเซอร์

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

หา $\sin\theta_2$ จากฟังก์ชันตรีโกณมิติ

$$\sin\theta_2 = \frac{B}{C} = \frac{0.4 \text{ m}}{\sqrt{(0.4 \text{ m})^2 + (0.9 \text{ m})^2}} = 0.41$$

$$\sin\theta_1 = 0.54$$

$$\theta_1 = \sin^{-1}0.54$$

$$\theta_1 = 32.7^\circ$$

จากกฎของสเนลล์ $n_1 \sin\theta_1 = n_2 \sin\theta_2$

$$(1) \sin\theta_1 = (1.33)(0.41)$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ต้องฉายแสงเลเซอร์ด้วยมุมตกกระทบ 32.7 องศา

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. เมื่อแสงเดินทางจากตัวกลางที่มีดรรชนีหักเห n_1 ไปยังตัวกลางที่มีดรรชนีหักเห n_2 โดยที่ $n_1 > n_2$ จะสามารถคำนวณหามุมวิกฤตได้อย่างไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$n_1 > n_2$, มุมวิกฤตเป็นมุมตกกระทบที่มีมุมหักเห 90 องศา

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

คำนวณหามุมวิกฤตได้อย่างไร

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

จากกฎของสเนลล์

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$$

$$n_1 \sin \theta_c = n_2 \sin 90^\circ$$

$$\sin \theta_c = \frac{n_2}{n_1}$$

$$\theta_c = \sin^{-1} \frac{n_2}{n_1}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คำนวณหามุมวิกฤตได้จาก $\theta_c = \sin^{-1} \frac{n_2}{n_1}$

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



4. จงหามุมวิกฤตสำหรับการสะท้อนกลับหมดในแก้วที่รอยต่อระหว่างแก้วกับอากาศ กำหนดให้ดรรชนีหักเหของแก้วเท่ากับ 1.50 และดรรชนีหักเหของอากาศเท่ากับ 1.00

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$n_1 = 1.50, n_2 = 1.00, \text{ มุมวิกฤตเป็นมุมตกกระทบที่มีมุมหักเห } 90^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

$$\text{หามุมวิกฤตที่ทำให้เกิดการสะท้อนกลับหมดมีค่าเป็น } 41.8^\circ$$

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

จากกฎของสเนลล์

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$$

$$n_1 \sin \theta_c = n_2 \sin 90^\circ$$

$$\theta_c = \sin^{-1} \frac{n_2}{n_1}$$

$$\theta_c = \sin^{-1} \left(\frac{1.00}{1.50} \right)$$

$$\theta_c = 41.8^\circ$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

มุมวิกฤตสำหรับการสะท้อนกลับหมดมีค่าเป็น 41.8 องศา หากมุมตกกระทบมีค่ามากกว่า 41.8 องศา

จะทำให้เกิดการสะท้อนกลับหมด

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบความรู้ที่ 14

การหักเหของแสง

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. แสงความยาวคลื่น 450 นาโนเมตร มีความเร็ว 3×10^8 เมตร/วินาที ในอากาศ เมื่อยิงแสงทะลุลงไปของเหลว ชนิดหนึ่งปรากฏว่าความยาวคลื่นเปลี่ยนเป็น 300 นาโนเมตร ความเร็วแสงในของเหลวชนิดนี้มีค่าเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda_1 = \lambda_{\text{อากาศ}} = 450 \text{ nm} , \lambda_2 = \lambda_{\text{ของเหลว}} = 300 \text{ nm} , v_1 = v_{\text{อากาศ}} = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความเร็วแสงในของเหลว

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิคิด

$$\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{v_1}{v_2}$$

$$\frac{450 \text{ nm}}{300 \text{ nm}} = \frac{3 \times 10^8 \text{ m/s}}{v_{\text{ของเหลว}}}$$

$$v_{\text{ของเหลว}} = 2 \times 10^8 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

ความเร็วแสงในของเหลวเท่ากับ 2×10^8 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



2. ดรรชนีหักเหของตัวกลาง A = 3 และดรรชนีตัวกลาง B=6 หากแสงเดินทางจากตัวกลาง A ไปยังตัวกลาง B เมื่อแสงในตัวกลาง B มีความเร็วเท่ากับ 1.2×10^8 เมตร/วินาที แล้วความเร็วแสงในตัวกลาง A จะมีค่าเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$n_1 = n_A = 3, n_2 = n_B = 6, v_2 = v_B = 1.2 \times 10^8 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความเร็วแสงในตัวกลาง A

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{n_2}{n_1}$$

$$\frac{v_A}{1.2 \times 10^8 \text{ m/s}} = \frac{6}{3}$$

$$v_A = 2.4 \times 10^8 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความเร็วแสงในตัวกลาง A เท่ากับ 2.4×10^8 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. แสงความยาวคลื่นในอากาศ 390 นาโนเมตร เมื่อเคลื่อนที่ผ่านไปในแก้วที่มีดรรชนีหักเห 1.3 จงหาความยาวคลื่นแสงในแก้วในหน่วยนาโนเมตร (ดรรชนีหักเหของแสงในอากาศ = 1)

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda_1 = \lambda_{\text{อากาศ}} = 390 \text{ nm} , n_1 = n_{\text{อากาศ}} = 1 , n_2 = n_{\text{แก้ว}} = 1.3$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่นแสงในแก้ว

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{n_2}{n_1}$$

$$\frac{390 \text{ nm}}{\lambda_{\text{แก้ว}}} = \frac{1.3}{1}$$

$$\lambda_{\text{แก้ว}} = 300 \text{ nm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความยาวคลื่นแสงในแก้วเท่ากับ 300 นาโนเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



4. ดรรชนีหักเหของแสงในตัวกลางหนึ่งมีค่า 1.5 ดังนั้นอัตราเร็วของแสงในตัวกลางนั้นมีค่าเท่าไร (ให้ดรรชนีหักเหของแสงในอากาศ = 1.0 , อัตราเร็วแสงในอากาศ = 3×10^8 เมตร/วินาที)

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v_2 = v_{\text{อากาศ}} = 3 \times 10^8 \text{ m/s} , \quad n_1 = n_{\text{ตัวกลาง}} = 1.5 , \quad n_2 = n_{\text{อากาศ}} = 1.0$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราเร็วของแสงในตัวกลาง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{n_2}{n_1}$$

$$\frac{v_{\text{ตัวกลาง}}}{3 \times 10^8 \text{ m/s}} = \frac{1.0}{1.5}$$

$$v_{\text{ตัวกลาง}} = 2 \times 10^8 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

อัตราเร็วของแสงในตัวกลางเท่ากับ 2×10^8 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



5. แสงเคลื่อนที่ผ่านของเหลวหนึ่งด้วยอัตราเร็ว 1.50×10^8 เมตร/วินาที อยากรหาว่าของเหลวนี้มีค่าดัชนีหักเหเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

โจทย์ไม่ได้บอกว่าแสงเคลื่อนที่จากไหนไปไหน จึงสมมติว่าแสงเคลื่อนที่จากของเหลวไปอากาศ

$$v_1 = v_{\text{ของเหลว}} = 1.50 \times 10^8 \text{ m/s}, v_2 = v_{\text{อากาศ}} = 3.00 \times 10^8 \text{ m/s}, n_2 = n_{\text{อากาศ}} = 1$$

ขั้นที่

2 D : สู่การค้นหา

หาค่าดัชนีหักเหของของเหลว

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{n_2}{n_1}$$

$$\frac{1.50 \times 10^8 \text{ m/s}}{3 \times 10^8 \text{ m/s}} = \frac{1}{n_{\text{ของเหลว}}}$$

$$n_{\text{ของเหลว}} = 2.00$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ดัชนีหักเหของของเหลวเท่ากับ 2.00

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



6. แสงสีหนึ่งในอากาศมีความยาวคลื่น 600 นาโนเมตร ถ้าดัชนีหักเหของแก้วเป็น $\frac{3}{2}$ ความยาวคลื่นแสงนี้ในแก้วมีค่าเท่ากับข้อใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

โจทย์ไม่ได้บอกว่าแสงเคลื่อนที่จากไหนไปไหน จึงสมมุติว่าแสงเคลื่อนที่จากแก้วไปอากาศ

$$n_1 = n_{\text{แก้ว}} = \frac{3}{2}, n_2 = n_{\text{อากาศ}} = 1, \lambda_2 = \lambda_{\text{อากาศ}} = 600 \text{ nm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวของคลื่นแสงในแก้ว

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{n_2}{n_1}$$

$$\frac{\lambda_{\text{แก้ว}}}{600 \text{ nm}} = \frac{1}{\frac{3}{2}}$$

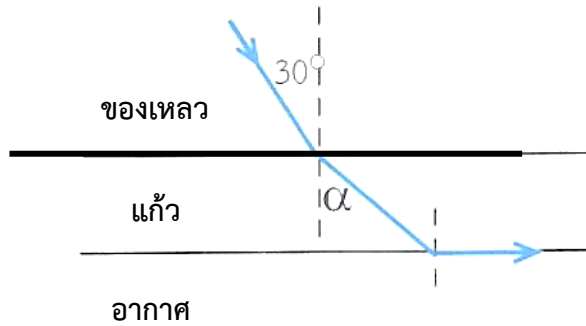
$$\lambda_{\text{แก้ว}} = 400 \text{ nm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความยาวของคลื่นแสงในแก้วเท่ากับ 400 นาโนเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

7. แสงเคลื่อนจากของเหลวผ่านแท่งแก้วไปสู่อากาศดังรูป จงหาธรรมชาติหักเหของของเหลว



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$n_2 = n_{\text{อากาศ}} = 1, \theta_1 = \theta_{\text{ของเหลว}} = 30^\circ, \theta_2 = \theta_{\text{อากาศ}} = 90^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาธรรมชาติหักเหของของเหลว

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{\sin\theta_1}{\sin\theta_2} = \frac{n_2}{n_1}$$

$$\frac{\sin 30^\circ}{\sin 90^\circ} = \frac{1}{n_{\text{ของเหลว}}}$$

$$\frac{0.5}{1} = \frac{1}{n_{\text{ของเหลว}}}$$

$$n_{\text{ของเหลว}} = 2$$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

ธรรมชาติหักเหของของเหลวเท่ากับ 2

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 14

การหักเหของแสง (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. แสงเคลื่อนที่จากตัวกลาง x ซึ่งมีดัชนีหักเห $3/2$ ไปยังตัวกลาง y ซึ่งมีดัชนีหักเห $6/5$ ด้วยมุมตกกระทบ 30° จงหามุมหักเหในตัวกลาง y

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\theta_1 = 30^\circ, n_1 = \frac{3}{2}, n_2 = \frac{6}{5}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หามุมหักเหในตัวกลาง y

ขั้นที่ 3 R : นำทฤษฎีคิด

$$\frac{\sin\theta_1}{\sin\theta_2} = \frac{n_2}{n_1} \qquad \frac{1}{(2)(\sin\theta_2)} = \frac{4}{5}$$

$$\frac{\sin 30^\circ}{\sin\theta_2} = \frac{6}{5} \times \frac{2}{3} \qquad \sin\theta_2 = \frac{5}{8}$$

$$\theta_2 = \sin^{-1}\left(\frac{5}{8}\right)$$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

มุมหักเหในตัวกลาง y เท่ากับ $\sin^{-1}\left(\frac{5}{8}\right)$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. แสงความถี่ 2.0×10^{14} เฮิร์ตซ์ ในเส้นใยนำแสงมีความยาวคลื่น 4.5×10^{-7} เมตร จงหาค่าดัชนีหักเหของเนื้อเส้นใยนำแสงนี้

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

สมมติว่าแสงเคลื่อนที่ออกจากตัวกลาง(เส้นใย) ไปหาอากาศ

$$f_{\text{ในเส้นใย}} = 2 \times 10^{14} \text{ Hz} , \lambda_{\text{ในเส้นใย}} = 4.5 \times 10^{-7} \text{ m}$$

$$v_1 = v_{\text{ในเส้นใย}} , n_1 = n_{\text{ในเส้นใย}} , v_2 = v_{\text{อากาศ}} = 3 \times 10^8 \text{ m/s} , n_2 = n_{\text{อากาศ}} = 1.0$$

ขั้นที่

ขั้น 2 D : สู่การค้นหา

หาตัวดัชนีหักเหของเส้นใยนำแสง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$v_{\text{ในเส้นใย}} = f_{\text{ในเส้นใย}} \lambda_{\text{ในเส้นใย}}$$

$$v_{\text{ในเส้นใย}} = (2 \times 10^{14} \text{ Hz})(4.5 \times 10^{-7} \text{ m})$$

$$v_{\text{ในเส้นใย}} = 9 \times 10^7 \text{ m/s}$$

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{n_2}{n_1}$$

$$\frac{v_2}{v_1} = \frac{n_1}{n_2}$$

$$\frac{3 \times 10^8}{9 \times 10^7} = \frac{1}{n_{\text{ในเส้นใย}}}$$

$$n_{\text{ในเส้นใย}} = 3.3$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ตัวดัชนีหักเหของเส้นใยนำแสงเท่ากับ 3.3

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. แสงเคลื่อนที่จากตัวกลาง A ไปยังตัวกลาง B มีมุมตกกระทบ 30° มีมุมหักเหเป็น 37° จงหาดัชนีหักเหของตัวกลาง B เทียบกับตัวกลาง A

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\theta_A = 30^\circ, \theta_B = 37^\circ$$

ขั้น

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาดัชนีหักเหของตัวกลาง B เทียบกับตัวกลาง A

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$n_{BA} = \frac{\sin\theta_A}{\sin\theta_B}$$

$$n_{BA} = \frac{\sin 30^\circ}{\sin 37^\circ}$$

$$n_{BA} = \frac{1}{\frac{2}{3}} = \frac{3}{2}$$

$$n_{BA} = \frac{1}{2} \times \frac{3}{1} = \frac{3}{2}$$

$$n_{BA} = \frac{3}{2}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ดัชนีหักเหของตัวกลาง B เทียบกับตัวกลาง A เท่ากับ $\frac{3}{2}$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



4. ถ้าอัตราชนึ้หักเหของน้ำและแก้วเป็น $\frac{4}{3}$ และ $\frac{3}{2}$ ตามลำดับ จงหาอัตราชนึ้หักเหของแก้วเทียบกับน้ำมีค่าเท่าใด

ชั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$n_{\text{น้ำ}} = \frac{4}{3}, n_{\text{แก้ว}} = \frac{3}{2}$$

ชั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราชนึ้หักเหของแก้วเทียบกับน้ำ

ชั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$n_{\text{แก้ว-น้ำ}} = \frac{n_{\text{แก้ว}}}{n_{\text{น้ำ}}}$$

$$n_{\text{แก้ว-น้ำ}} = \frac{\frac{3}{2}}{\frac{4}{3}}$$

$$n_{\text{แก้ว-น้ำ}} = \frac{3}{2} \times \frac{3}{4}$$

$$n_{\text{แก้ว-น้ำ}} = \frac{9}{8}$$

ชั้นที่ 4 A : พิซิตปัญหา

อัตราชนึ้หักเหของแก้วเทียบกับน้ำเท่ากับ $\frac{9}{8}$

ชั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ใบงานที่ 15

การหักเหของแสงเมื่อผ่านเลนส์บาง (Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

5. จงเติมข้อความลงในช่องว่างให้ถูกต้อง

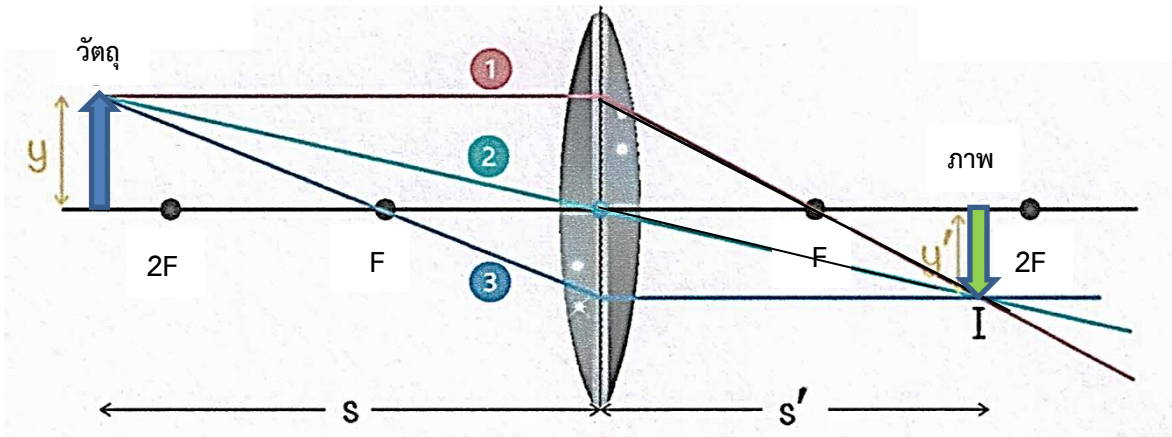
ก. สรุปรูปภาพจากเลนส์นูน

ที่	ตำแหน่งวัตถุ	ตำแหน่งภาพ	ชนิดของภาพ	ขนาดของภาพ
1	$s > 2f$	หลังเลนส์	ภาพจริง	เล็กกว่าวัตถุ
2	$s = 2f$	หลังเลนส์	ภาพจริง	เท่ากับวัตถุ
3	$2f > s > f$	หลังเลนส์	ภาพจริง	โตกว่าวัตถุ
4	$s = f$	หลังเลนส์	ภาพจริง	ระยะอนันต์
5	$s < f$	หน้าเลนส์	ภาพเสมือน	โตกว่าวัตถุ

ข. สรุปรูปภาพจากเลนส์เว้า

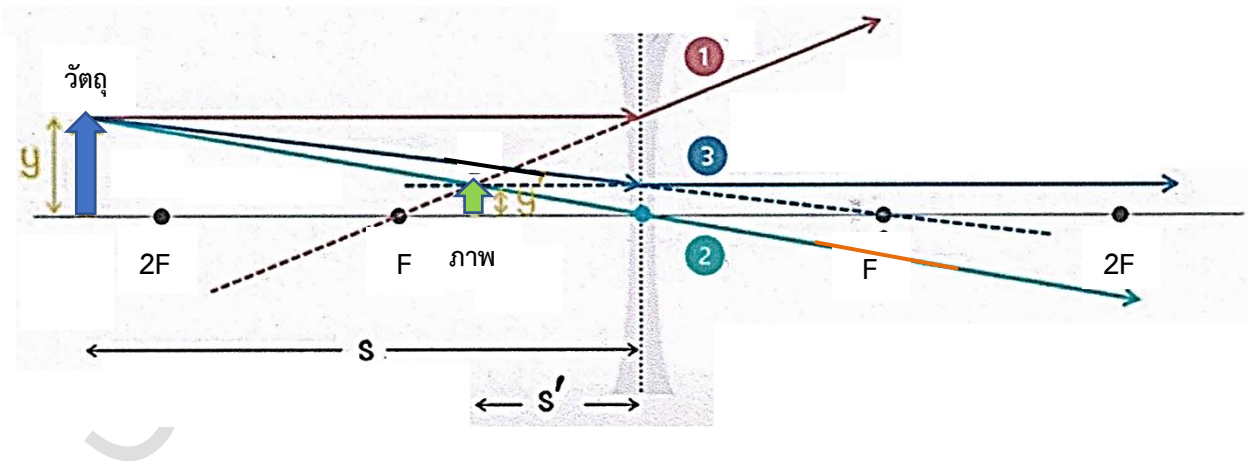
ที่	ตำแหน่งวัตถุ	ตำแหน่งภาพ	ชนิดของภาพ	ขนาดของภาพ
1	$s > 2f$	หน้าเลนส์	ภาพเสมือน	เล็กกว่าวัตถุ
2	$s = 2f$	หน้าเลนส์	ภาพเสมือน	เล็กกว่าวัตถุ
3	$2f > s > f$	หน้าเลนส์	ภาพเสมือน	เล็กกว่าวัตถุ
4	$s = f$	หน้าเลนส์	ภาพเสมือน	เล็กกว่าวัตถุ
5	$s < f$	หน้าเลนส์	ภาพเสมือน	เล็กกว่าวัตถุ

6. จงเขียนภาพรังสีจากเลนส์นูน



ผลจากการเขียนรังสี เกิดภาพจริง หัวกลับ ขนาดเล็กกว่าวัตถุ

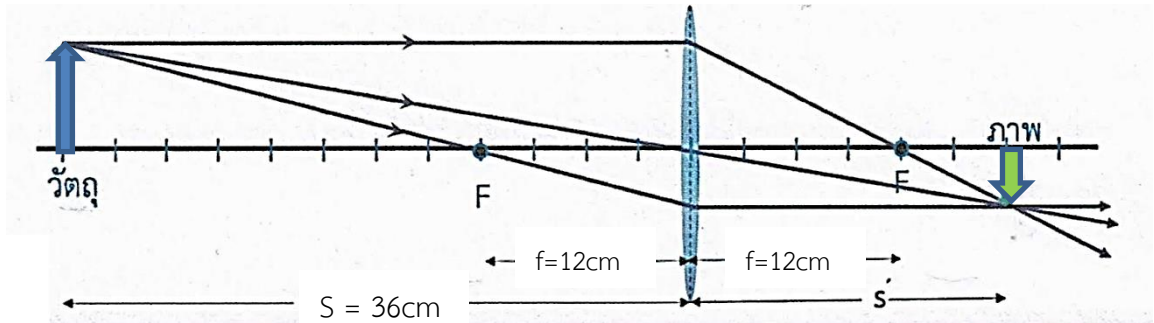
7. จงเขียนภาพรังสีจากเลนส์เว้า



ผลจากการเขียนรังสี เกิดภาพเสมือน หัวตั้ง ขนาดเล็กกว่าวัตถุ

8. จงเขียนแผนภาพและคำนวณภาพรังสีของแสง เพื่อหาระยะภาพที่เกิดจากเลนส์นูนซึ่งมีความยาวโฟกัส 12 เซนติเมตร เมื่อวางวัตถุสูง 6 เซนติเมตร ที่ระยะห่างจากเลนส์นูน 36 เซนติเมตร

ก. การเขียนแผนภาพรังสีของแสง



ข. การคำนวณ

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 12 \text{ cm} , y = 6 \text{ cm} , s = 36 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

ภาพเกิดที่ตำแหน่งใด

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$$

$$\frac{1}{12} - \frac{1}{36} = \frac{1}{s'}$$

$$\frac{1}{12} = \frac{1}{36} + \frac{1}{s'}$$

$$s' = 18 \text{ cm}$$

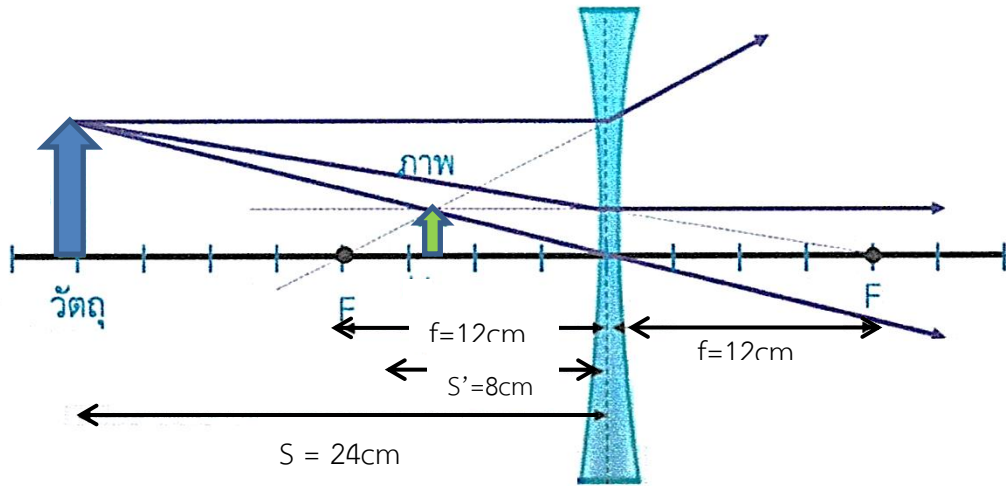
ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ภาพที่เกิดขึ้นเป็นภาพจริง เกิดหลังเลนส์ ห่างจากเลนส์ 18 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

5. จงเขียนแผนภาพและคำนวณภาพรังสีของแสง เพื่อหาระยะภาพที่เกิดจากเลนส์เว้าซึ่งมีความยาวโฟกัส 12 เซนติเมตร เมื่อวางวัตถุสูง 6 เซนติเมตร ที่ระยะห่างจากเลนส์ 24 เซนติเมตร

ก. การเขียนแผนภาพรังสีของแสง



ข. การคำนวณ

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 12 \text{ cm}, y = 6 \text{ cm}, s = 24 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สูการค้นหา

ภาพเกิดที่ตำแหน่งใด

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'} \quad \left| \quad \frac{1}{-12} - \frac{1}{24} = \frac{1}{s'}$$

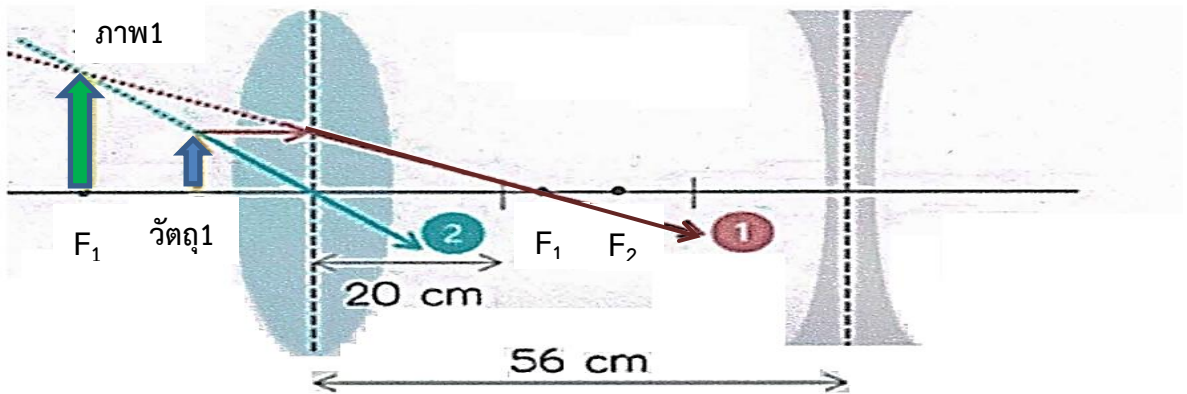
$$\frac{1}{-12} = \frac{1}{24} + \frac{1}{s'} \quad \left| \quad s' = -8 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ภาพที่เกิดขึ้นเป็นภาพเสมือน เกิดหน้าเลนส์ ห่างจากเลนส์ 8 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

9. เลนส์นูนความยาวโฟกัส 24 เซนติเมตร อยู่ทางด้านซ้ายของเลนส์เว้าที่มีความยาวโฟกัส 28 เซนติเมตร โดยเลนส์ทั้งสองวางห่างกัน 56 เซนติเมตร และมีเส้นมุมสำคัญร่วมกัน ถ้าวางวัตถุทางซ้ายมือของเลนส์นูน 12 เซนติเมตร จงหาตำแหน่งของภาพสุดท้ายเทียบกับเลนส์เว้า
- ก. การเขียนแผนภาพรังสีของแสงครั้งที่ 1



ข. การคำนวณครั้งที่ 1

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_1 = 24 \text{ cm}, s_1 = 12 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู้อการค้นหา

ภาพแรกเกิดที่จากเลนส์นูนตำแหน่งใด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{1}{f_1} = \frac{1}{s_1} + \frac{1}{s'_1} \quad \left| \quad \frac{1}{24} - \frac{1}{12} = \frac{1}{s'_1} \right.$$

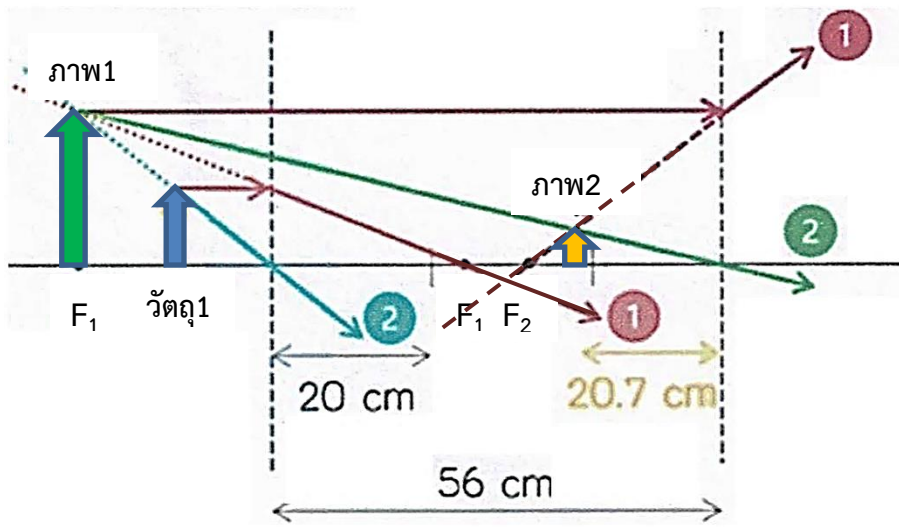
$$\frac{1}{24} = \frac{1}{12} + \frac{1}{s'_1} \quad \left| \quad s'_1 = -24 \text{ cm} \right.$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ภาพแรกที่เกิดขึ้นจากเลนส์นูนเป็นภาพเสมือน เกิดหน้าเลนส์ ห่างจากเลนส์ 24 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ก. การเขียนแผนภาพรังสีของแสงครั้งที่ 2



ข. การคำนวณครั้งที่ 2

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_2 = -28 \text{ cm}, s_2 = 24 + 56 = 80 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สูการค้นหา

ภาพสุดท้ายที่เกิดจากเลนส์เว้าเกิดที่ตำแหน่งใด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$\frac{1}{f_2} = \frac{1}{s_2} + \frac{1}{s'_2}$	$\frac{1}{-28} - \frac{1}{80} = \frac{1}{s'_2}$
$\frac{1}{-28} = \frac{1}{80} + \frac{1}{s'_2}$	$s'_2 = -20.7 \text{ cm}$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ภาพสุดท้ายที่เกิดขึ้นจากเลนส์เว้าเป็นภาพเสมือน เกิดหน้าเลนส์เว้า ห่างจากเลนส์ 20.7 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

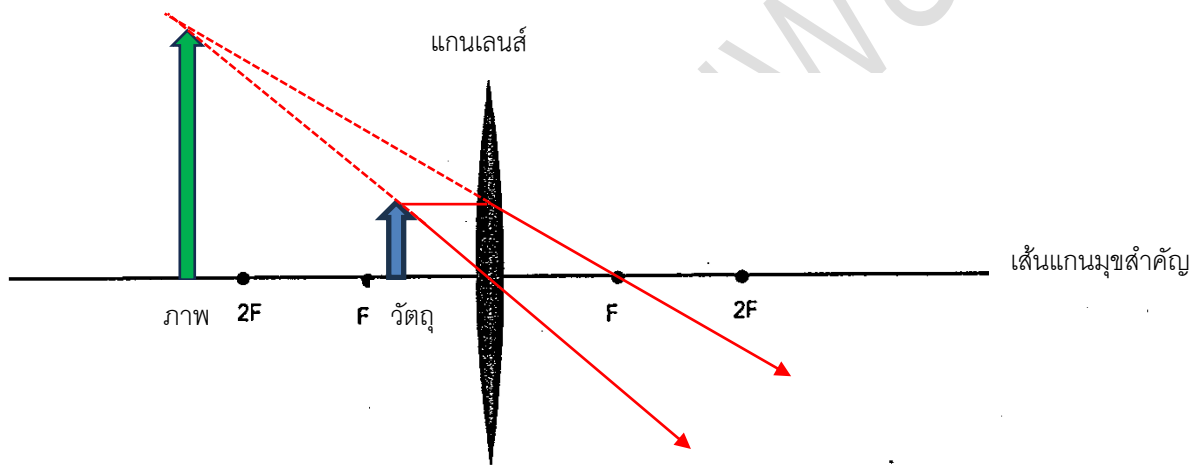
ใบความรู้ที่ 15

การหักเหของแสงเมื่อผ่านเลนส์บาง

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

8. จงเขียนแผนภาพรังสีของแสง เพื่อหาระยะภาพและชนิดของภาพที่เกิดจากเลนส์นูนซึ่งมีความยาวโฟกัส 10 เซนติเมตร เมื่อวางวัตถุสูง 3 เซนติเมตร ไว้ที่ระยะห่างจากเลนส์นูน 8 เซนติเมตร

ก. การเขียนแผนภาพรังสีของแสง



ข. การคำนวณ

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 10 \text{ cm}, y = 3 \text{ cm}, s = 8 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะภาพ (s') มีค่าเท่าใด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$	$\frac{8 - 10}{80} = \frac{1}{s'}$	$s' = -40 \text{ cm}$
$\frac{1}{10} = \frac{1}{8} + \frac{1}{s'}$	$\frac{-2}{80} = \frac{1}{s'}$	

ชั้นที่ 4 A : พืชปัญหา

.....เกิดภาพเสมือน หัวตั้ง หน้าเลนส์นูน และห่างจากเลนส์ 40 เซนติเมตร.....

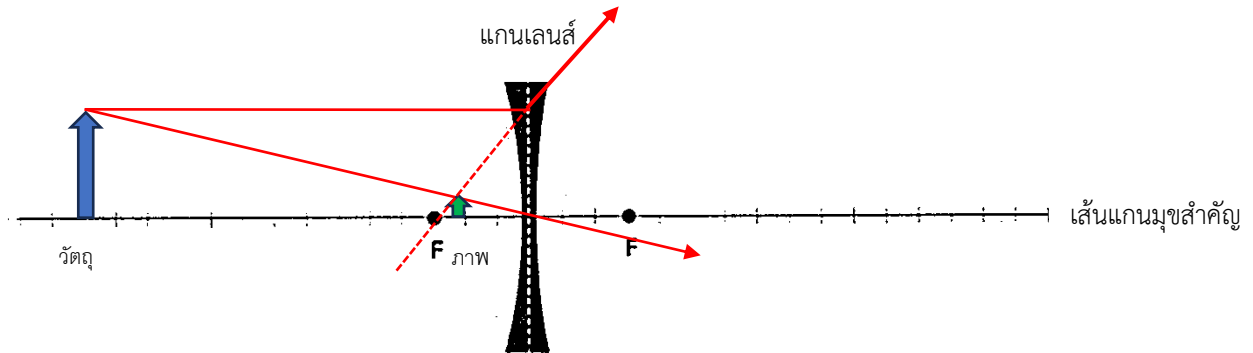
ชั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

.....

Suwat Rojsuwan



9. จงเขียนแผนภาพรังสีของแสง เพื่อแสดงภาพที่เกิดจากเลนส์เว้าที่มีความยาวโฟกัส 8 เซนติเมตร เมื่อวางวัตถุ สูง 3 เซนติเมตร ไว้ที่ระยะห่างจากเลนส์เว้า 20 เซนติเมตร
- ก. การเขียนแผนภาพรังสีของแสง



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 8 \text{ cm}, y = 3 \text{ cm}, s = 20 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาระยะภาพ (s') มีค่าเท่าใด

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'} \quad \left| \quad \frac{-5 - 2}{40} = \frac{1}{s'} \quad \right| \quad s' = -5.7 \text{ cm}$$

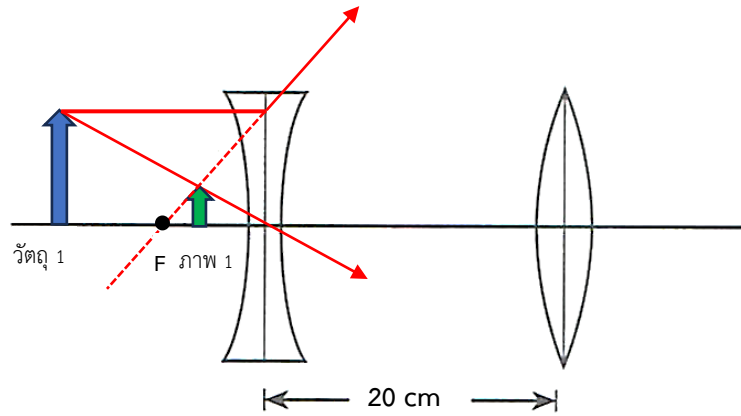
$$\frac{1}{-8} = \frac{1}{20} + \frac{1}{s'} \quad \left| \quad \frac{-7}{40} = \frac{1}{s'} \quad \right|$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

เกิดภาพเสมือน หัวตั้ง หน้าเลนส์เว้า และห่างจากเลนส์ 5.7 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

10. เลนส์เว้าความยาวโฟกัส 10 เซนติเมตร อยู่ทางด้านซ้ายของเลนส์นูนความยาวโฟกัส 30 เซนติเมตร เป็นระยะ 20 เซนติเมตร วัตถุสูง 3 เซนติเมตร อยู่ทางซ้ายของเลนส์เว้าที่โฟกัส จงหาระยะภาพสุดท้ายเทียบกับเลนส์นูน และความสูงของภาพสุดท้าย
- ก. การเขียนแผนภาพรังสีของแสงครั้งที่ 1



ข. การคำนวณครั้งที่ 1

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_1 = -10 \text{ cm}, s_1 = 10 \text{ cm}, y_1 = 3 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

ภาพแรก (ภาพที่เกิดจากเลนส์เว้า) จะเกิดที่ตำแหน่งใด และมีความสูงเท่าใด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$	$\frac{1}{-10} - \frac{1}{10} = \frac{1}{s'}$	$\frac{y'}{y} = \frac{s'}{s}$	$y'_1 = -1.5 \text{ cm}$
$\frac{1}{-10} = \frac{1}{10} + \frac{1}{s'}$	$s'_1 = -5 \text{ cm}$	$\frac{y'}{3} = \frac{-5}{10}$	

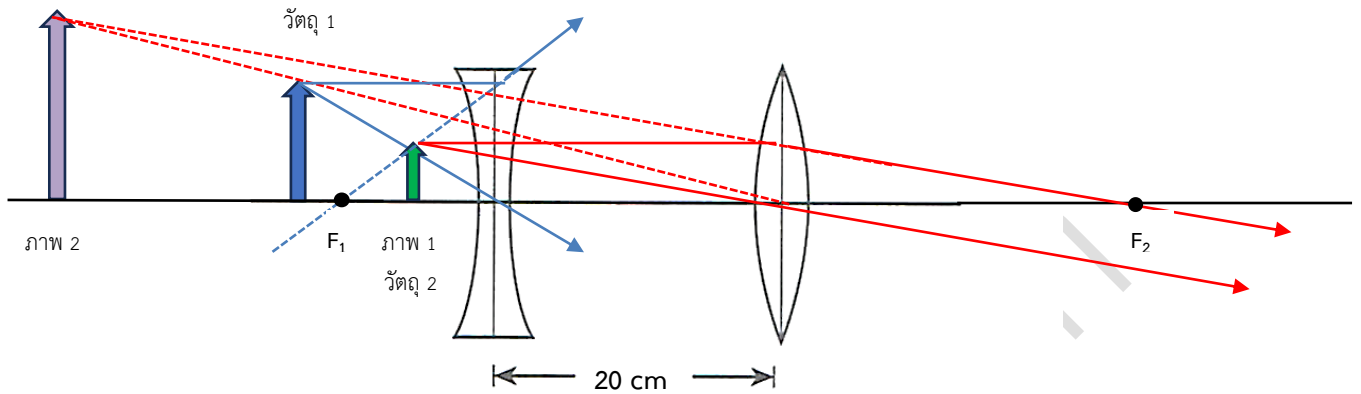
ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ภาพแรกเป็นภาพเสมือน หัวตั้ง เกิดหน้าเลนส์เว้า ห่างจากเลนส์ 5 เซนติเมตร

และภาพมีความสูง 1.5 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ก. การเขียนแผนภาพรังสีของแสงครั้งที่ 2



ข. การคำนวณครั้งที่ 2

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$s_2 = 5 + 20 = 25 \text{ cm}, f_2 = 30 \text{ cm}, y_2 = 1.5 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู้การค้นหา

ภาพสุดท้าย (เกิดจากเลนส์นูน) จะเกิดที่ตำแหน่งใด และมีความสูงเท่าใด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$$

$$\frac{1}{30} - \frac{1}{25} = \frac{1}{s'}$$

$$\frac{y'}{y} = \frac{s'}{s}$$

$$y' = -9 \text{ cm}$$

$$\frac{1}{30} = \frac{1}{25} = \frac{1}{s'}$$

$$s' = -150 \text{ cm}$$

$$\frac{y'}{1.5} = \frac{-150}{25}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ภาพสุดท้ายเป็นภาพเสมือน หัวตั้ง เกิดหน้าเลนส์ ห่างจากเลนส์นูน 150 เซนติเมตร

และภาพมีความสูง 9 เซนติเมตร

ขั้น

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

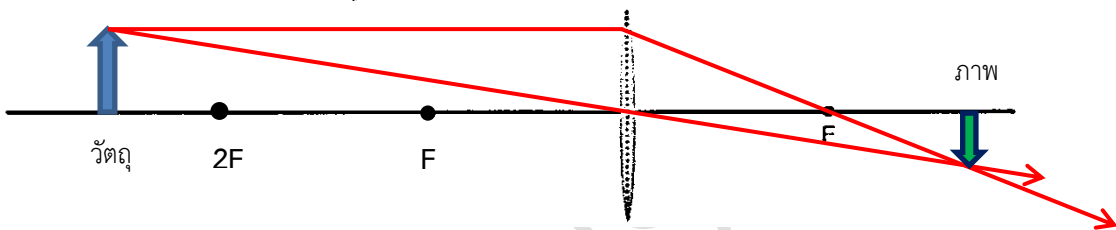
ใบงานที่ 15

การหักเหของแสงเมื่อผ่านเลนส์บาง (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

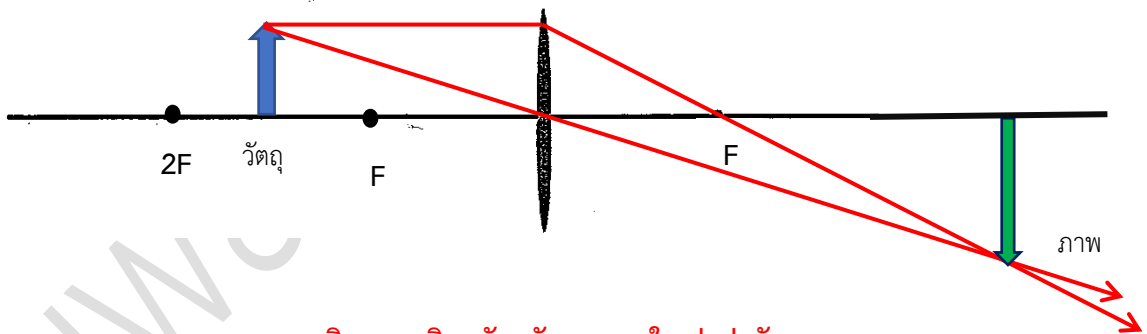
5. จงเขียนแผนภาพแสดงการเกิดภาพ และระบุชนิดภาพที่เกิดขึ้นว่าเป็นจริงหรือภาพเสมือนในกรณีวัตถุอยู่หน้าเลนส์นูน โดยวัตถุวางตั้งฉากกับแกนमुखสำคัญของเลนส์ และวัตถุอยู่ห่างจากเลนส์ทั้งสองเป็นระยะต่าง ๆ กัน ดังนี้

ก. $s > 2f$



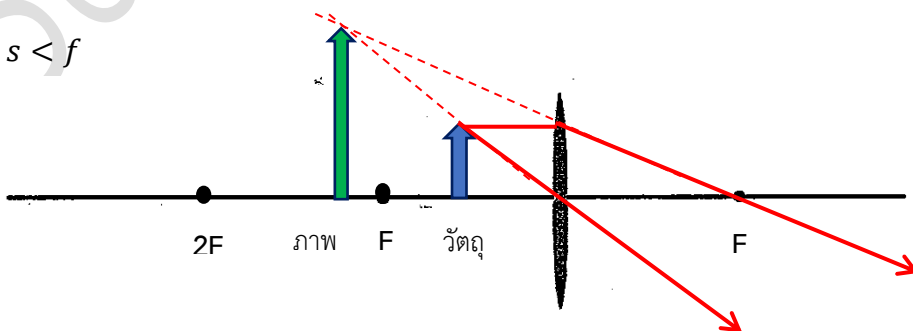
ผลจากการเขียนแผนภาพ.....เกิดภาพจริง หัวกลับ ขนาดเล็กกว่าวัตถุ

ข. $2f > s > f$



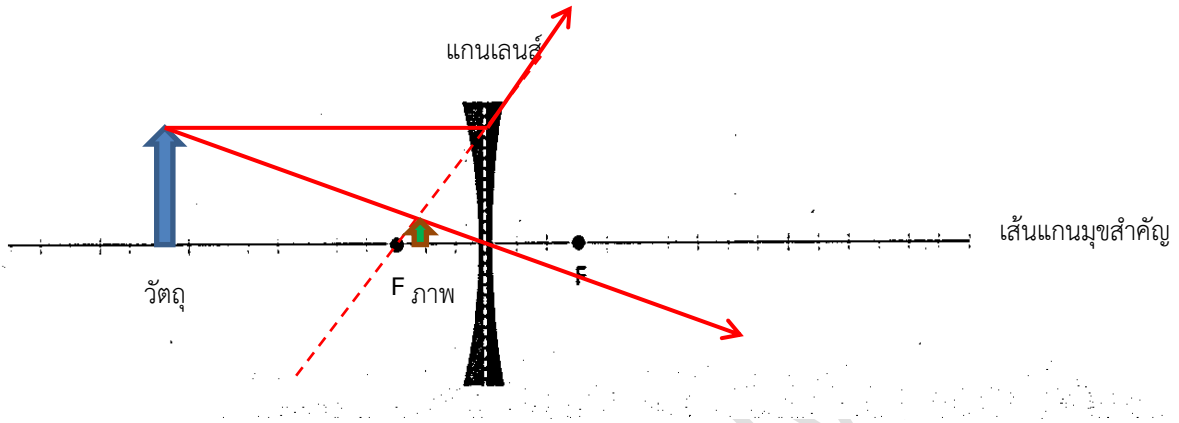
ผลจากการเขียนแผนภาพ.....เกิดภาพจริง หัวกลับ ขนาดใหญ่กว่าวัตถุ

ค. $s < f$



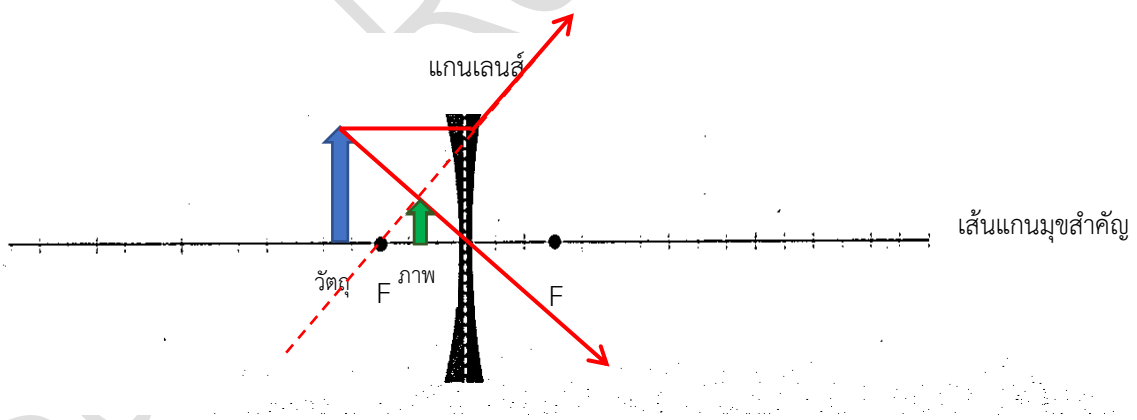
ผลจากการเขียนแผนภาพ.....เกิดภาพเสมือน หัวตั้ง ขนาดใหญ่กว่าวัตถุ

6. จงเขียนแผนภาพแสดงการเกิดภาพ และระบุชนิดภาพที่เกิดขึ้นว่าเป็นภาพจริงหรือภาพเสมือนในกรณีวัตถุอยู่หน้าเลนส์เว้า โดยวัตถุวางตั้งฉากกับแกนमुखสำคัญของเลนส์ และวัตถุอยู่ห่างจากเลนส์เป็นระยะต่าง ๆ กันดังนี้
- ก. $s > 2f$



ผลจากการเขียนแผนภาพ.....เกิดภาพเสมือน หัวตั้ง ขนาดเล็กกว่าวัตถุ.....

- ข. $2f > s > f$

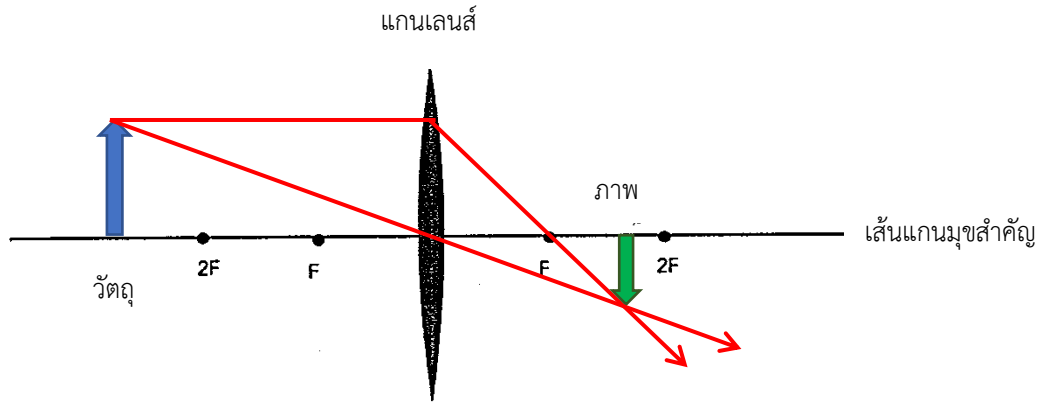


ผลจากการเขียนแผนภาพ.....เกิดภาพเสมือน หัวตั้ง ขนาดเล็กกว่าวัตถุ.....



7. วางวัตถุไว้หน้าเลนส์นูนที่มีความยาวโฟกัส 10 เซนติเมตร ให้ห่างจากเลนส์นูน 30 เซนติเมตร จงหาระยะภาพ ชนิดของภาพ และกำลังขยาย

ก. การเขียนแผนภาพรังสีของแสง



ข. การคำนวณ

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 10 \text{ cm}, s = 30 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

ภาพเกิดที่ตำแหน่งใด และภาพที่เกิดขึ้นมีกำลังขยายเท่าใด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$	$\frac{1}{10} - \frac{1}{30} = \frac{1}{s'}$	$m = \frac{s'}{s}$	$m = 0.5$
$\frac{1}{10} = \frac{1}{30} + \frac{1}{s'}$	$s' = 15 \text{ cm}$	$m = \frac{15}{30}$	

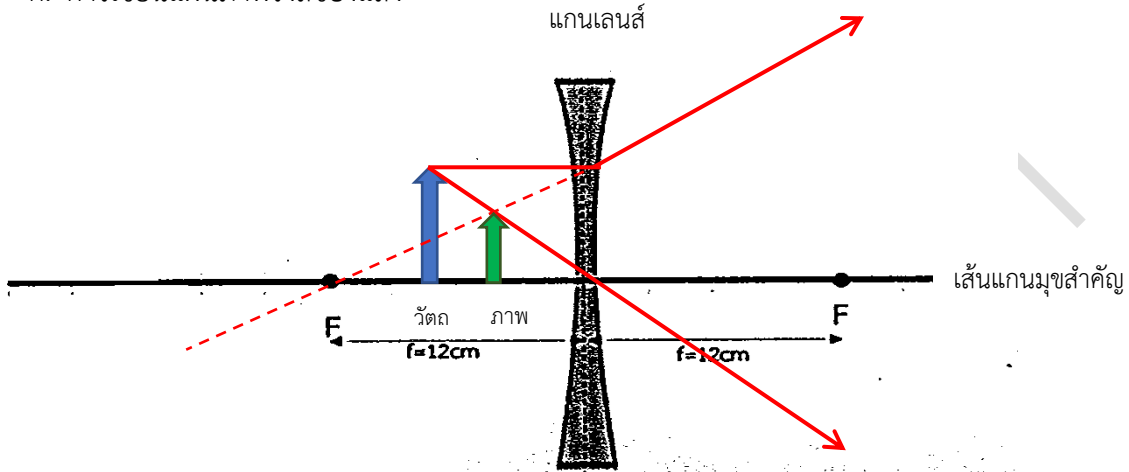
ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ภาพที่เกิดขึ้นเป็นภาพจริง เกิดหลังเลนส์นูน ห่างจากเลนส์ 15 เซนติเมตร

และมีกำลังขยาย 0.5 เท่าของวัตถุ

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

8. จงเขียนรังสีของแสง เพื่อแสดงภาพที่เกิดจากเลนส์เว้าที่มีความยาวโฟกัส 12 เซนติเมตร เมื่อวางวัตถุสูง 6 เซนติเมตร ไว้ที่ระยะห่างจากเลนส์เว้า 8 เซนติเมตร เกิดภาพอย่างไร และมีขนาดเท่าไร
- ก. การเขียนแผนภาพรังสีของแสง



ข. การคำนวณ

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = -12 \text{ cm}, y = 6 \text{ cm}, s = 30 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

ภาพเกิดที่ตำแหน่งใด และภาพที่เกิดขึ้นมีกำลังขยายเท่าใด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$	$\frac{1}{-12} - \frac{1}{8} = \frac{1}{s'}$	$m = \frac{s'}{s}$	$m = -0.6$
--	--	--------------------	------------

$\frac{1}{-12} = \frac{1}{8} + \frac{1}{s'}$	$s' = -4.8 \text{ cm}$	$m = \frac{-4.8}{8}$	
--	------------------------	----------------------	--

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

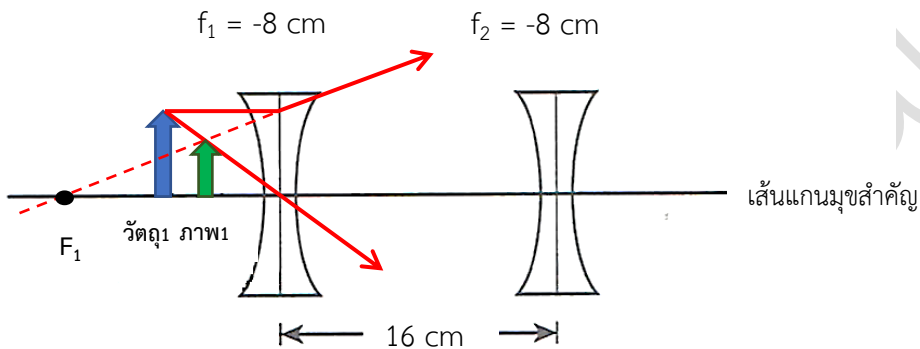
ภาพที่เกิดขึ้นเป็นภาพเสมือน เกิดหน้าเลนส์เว้า ห่างจากเลนส์ 4.8 เซนติเมตร

และมีกำลังขยาย 0.6 เท่าของวัตถุ

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

9. เลนส์เว้าเหมือนกันสองอันวางห่างกัน 16.0 เซนติเมตร ความยาวโฟกัสของแต่ละเลนส์เท่ากับ 8 เซนติเมตร วางวัตถุทางซ้ายห่างจากเลนส์ที่อยู่ทางซ้าย 4 เซนติเมตร จงหาระยะภาพของภาพสุดท้ายกับเลนส์ที่อยู่ทางขวา

ก. การเขียนแผนภาพรังสีของแสงครั้งที่ 1



ข. การคำนวณครั้งที่ 1

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_1 = -8 \text{ cm}, s_1 = 4 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

ภาพแรกเกิดที่ตำแหน่งใด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'} \quad \left| \quad \frac{1}{-8} = \frac{1}{4} + \frac{1}{s'_1} \quad \right| \quad s'_1 = -2.67 \text{ cm}$$

$$\frac{1}{f_1} = \frac{1}{s_1} + \frac{1}{s'_1} \quad \left| \quad \frac{1}{-8} - \frac{1}{4} = \frac{1}{s'_1} \quad \right|$$

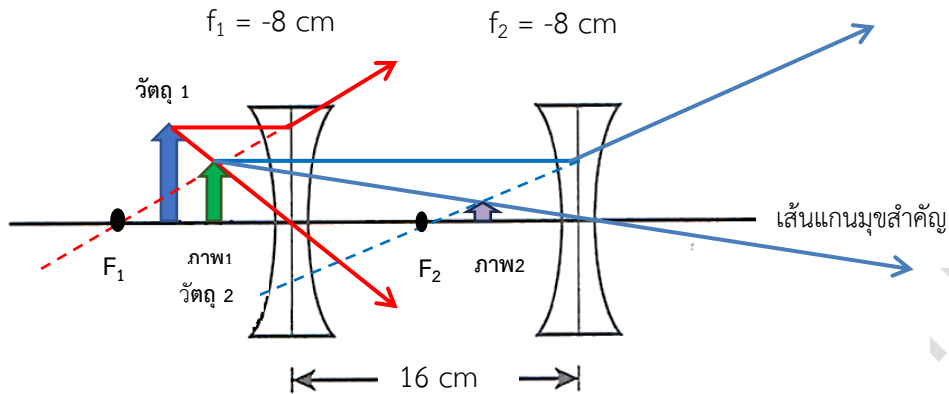
ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

ภาพแรกที่เกิดขึ้นจากเลนส์เว้าเป็นภาพเสมือน เกิดหน้าเลนส์เว้า ห่างจากเลนส์ 2.67 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ก. การเขียนแผนภาพรังสีของแสงครั้งที่ 2



ข. การคำนวณครั้งที่ 2

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_2 = -8 \text{ cm}, s_2 = 16 + 2.67 = 18.67 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู้การค้นหา

ภาพสุดท้ายเกิดที่ตำแหน่งใด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$\frac{1}{f_2} = \frac{1}{s_2} + \frac{1}{s'_2}$$

$$\frac{1}{-8} = \frac{1}{18.67} + \frac{1}{s'_2}$$

$$s'_2 = -5.6 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ภาพสุดท้ายที่เกิดขึ้นจากเลนส์เว้าเป็นภาพเสมือน เกิดหน้าเลนส์เว้า ห่างจากเลนส์ 5.6 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 16

การเห็นสี (Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

4. จงอธิบายสีที่เกิดจากการผสมสารสีน้ำเงินเขียว และสารสีแดงม่วง โดยอาศัยความรู้เรื่องการดูดกลืนและการสะท้อนแสงสีของสารสี

..... สารสีน้ำเงินเขียวจะดูดกลืนแสงสีแดง ส่วนสารสีแดงม่วงจะดูดกลืนแสงสีเขียว เมื่อนำมาผสมกันทำให้สารสีดังกล่าวกลืนทั้งแสงสีแดงและแสงสีเขียว สะท้อนเพียงแค่แสงสีน้ำเงินเท่านั้น ทำให้สารสีที่ผสมระหว่างสีน้ำเงินเขียวกับสีแดงม่วง

2. เหตุใดหมึกของเครื่องพิมพ์เอกสารส่วนใหญ่จึงมี 4 สี คือสีน้ำเงินเขียว(Cyan) สีเหลือง(yellow)สีแดงม่วง(Magenta)และสีดำ(Black)

..... เนื่องจากสีที่สามารถผสมกันแล้วได้ครบทุกสีต้องเป็นสารสีปฐมภูมิ ซึ่งได้แก่ สีเหลือง สีน้ำเงินเขียว และสีแดงม่วง และถึงแม้ว่าการผสมสารสีปฐมภูมิทั้งสามสีจะได้สีดำ เครื่องพิมพ์มักมีหมึกสีดำ เพิ่มมาด้วยเพื่อการประหยัดสารสีปฐมภูมินั่นเอง

3. เมื่อฉายแสงจากแหล่งกำเนิดแสงสีน้ำเงินไปบนวัตถุสีแดง เราจะมองเห็นวัตถุนั้นเป็นสีอะไร เพราะเหตุใด

..... เราจะเห็นวัตถุเป็นสีดำ เนื่องจากในแสงขาววัตถุสีแดงจะสะท้อนแสงสีแดง และดูดกลืนแสงสีอื่นไว้ แต่เมื่อฉายแสงสีน้ำเงินลงบนวัตถุสีแดง วัตถุจะดูดกลืนแสงสีน้ำเงินทำให้ไม่มีแสงสีใดสะท้อนออกมา

4. แสงสีปฐมภูมิได้แก่สีอะไรบ้าง

..... แดง เขียว น้ำเงิน

5. สารสี(Pigment)หมายถึง

..... สารในวัตถุใด ๆ ที่ทำหน้าที่ดูดกลืนแสงบางความยาวคลื่นหรือดูดกลืนบางแสงสีและสะท้อนแสงส่วนที่เหลือจากการดูดกลืนออกมา

6. จงเติมข้อความการดูดกลืนและการสะท้อนแสงสีของสารสีปฐุมภูมิ ในตารางให้ถูกต้อง

สารสีปฐุมภูมิ	แสงสีปฐุมภูมิที่ดูดกลืน	แสงสีปฐุมภูมิที่สะท้อน
สารสีเหลือง	แสงสีน้ำเงิน	แสงสีแดงและเขียว
สารสีน้ำเงินเขียว	แสงสีแดง	แสงสีน้ำเงินและเขียว
สารสีแดงม่วง	แสงสีเขียว	แสงสีน้ำเงินและแดง

7. เซลล์รูปกรวยมี 3 ชนิด ประกอบด้วย

ก. ชนิด S (Short wavelength) ช่วงความยาวคลื่น

400-560 นาโนเมตร

ข. ชนิด M (Medium wavelength) ช่วงความยาวคลื่น

430-650 นาโนเมตร

ค. ชนิด L (Long wavelength) ช่วงความยาวคลื่น

500-700 นาโนเมตร



ใบความรู้ที่ 16

การเห็นสี

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. เมื่อฉายแสงสีเขียวและสีแดงม่วงลงบนจอภาพสีขาวพร้อมกัน ด้วยความเข้มแสงที่เท่า ๆ กัน แสงที่ปรากฏบนจอภาพจะเป็นสีอะไร

สีขาว

2. จงเลือกแสงสีคู่ใดที่เป็นสีเติมเต็มของกันและกัน

แสงสีเหลืองจะประกอบได้ด้วยแสงสีแดง+สีเขียว เมื่อเพิ่มแสงสีน้ำเงินเข้าไปจะทำให้มีแสงสีปฐมภูมิครบ 3 สี แล้วรวมกันได้แสงสีขาวพอดี ลักษณะเช่นนี้อาจเรียกได้ว่าแสงสีน้ำเงินเป็นสีเติมเต็มของแสงสีเหลือง

3. ถ้าตาของเรามองดูแสงสีเขียวเป็นเวลานาน ๆ แล้วเปลี่ยนมาดูแสงสีขาวทันที ท่านจะมองเห็นเป็นแสงสีในข้อใด

หากมองแสงสีเขียวนาน ๆ เซลล์รับแสงสีเขียวในตาจะล้า และมองไม่เห็นแสงสีเขียวชั่วคราว เมื่อมองสีขาวทันทีจะเห็นแต่แสงสีแดงและน้ำเงินรวมกันจึงเป็นแสงสีแดง

4. วัตถุหนึ่งมีสีแดงม่วงภายใต้แสงอาทิตย์ ถ้านำวัตถุมาไว้ในห้องที่มีแต่สีเขียว จะปรากฏเป็นสีอะไร

วัตถุสีม่วงแดงจะสะท้อนได้เฉพาะแสงสีแดงและสีน้ำเงินเท่านั้น ไม่สะท้อนแสงสีเขียว ดังนั้นเมื่อฉายแสงสีเขียวเข้าไป จึงไม่มีแสงสะท้อนออกมาเราจะเห็นวัตถุนั้นมืดดำนั่นเอง

5. ฉายแสงสีขาวกระทบวัตถุ ก และวัตถุ ข ซึ่งวางอยู่ด้วยกัน มองเห็นวัตถุ ก เป็นสีเหลืองส่วนวัตถุ ข เห็นเป็นสีขาว หากฉายแสงสีเขียวแทนแสงสีขาวจะมองเห็นเป็นอย่างไร

เมื่อฉายแสงสีขาวตกกระทบวัตถุ ก แล้วมองเห็นเป็นสีเหลือง แสดงว่าวัตถุ ก สะท้อนแสงสีแดงและสีเขียวออกมาได้ ดังนั้นเมื่อฉายแสงสีเขียวยาวไปวัตถุ ก แสงสีเขียวยังสะท้อนออกมาได้ จึงมองเห็นวัตถุ ก เป็นสีเขียว

เมื่อฉายแสงสีขาวตกกระทบวัตถุ ข แล้วมองเห็นเป็นสีขาว แสดงว่าวัตถุ ข สะท้อนแสงได้ทั้งสีแดง สีเขียว และสีน้ำเงิน ดังนั้นเมื่อฉายแสงสีเขียวยาวไปวัตถุ ข แสงสีเขียวยังสะท้อนออกมาได้ จึงมองเห็นวัตถุ ข เป็นสีเขียวด้วย

ใบงานที่ 16

การเห็นสี (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

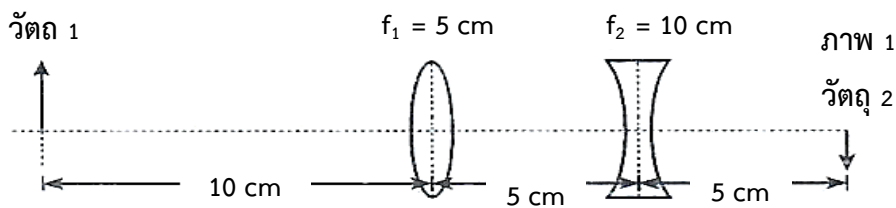
- เมื่อฉายแสงสีเหลืองและแสงสีน้ำเงินลงบนจอภาพสีขาวพร้อมกัน ด้วยความเข้มแสงที่เท่า ๆ กัน แสงที่ปรากฏบนจอภาพจะเป็นสีอะไร
.....
แสงสีเหลืองจะประกอบไปด้วยแสงสีแดง+สีเขียว เมื่อเพิ่มแสงสีน้ำเงินเข้าไปจะทำให้มีแสงสีปฐมภูมิครบ 3 สี แล้วรวมกันนำสีขาวพอดี ลักษณะเช่นนี้อาจเรียกได้ว่า แสงสีน้ำเงินเป็นสีเติมเต็มของแสงสีเหลือง
- แสงสีคู่ใดที่เป็นสีเติมเต็มของกันและกัน (รวมกันได้แสงขาว)
.....
แสงสีแดงม่วงจะประกอบไปด้วยแสงสีแดง+สีน้ำเงิน เมื่อเพิ่มแสงสีเขียวจะรวมกันได้แสงสีขาวพอดี จึงเรียกว่าแสงสีเขียวเป็นสีเติมเต็มของแสงสีแดงม่วง
- ถ้าตาของเรามองดูแสงสีน้ำเงินเป็นเวลานาน ๆ แล้วเปลี่ยนมาดูแสงสีขาวทันที ท่านจะมองเห็นเป็นแสงสีใด
.....
หากมองสีน้ำเงินนานเซลล์รับสีน้ำเงินในตาจะล้า และมองไม่เห็นสีน้ำเงินชั่วคราว เมื่อมองสีขาวทันทีจะเห็นแต่แสงสีแดงและสีเขียวรวมกันจึงเป็นสีเหลือง
- วัตถุหนึ่งเป็นสีเหลืองภายใต้แสงอาทิตย์ ถ้านำวัตถุนั้นมาไว้ในห้องที่มีแต่แสงสีน้ำเงิน จะปรากฏเป็นสีอะไร
.....
วัตถุสีเหลืองจะสะท้อนได้เฉพาะแสงสีเขียวและแสงแดงเท่านั้น ไม่สะท้อนแสงสีน้ำเงิน ดังนั้น เมื่อฉายแสงสีน้ำเงินเข้าไปจึงไม่มีแสงสะท้อนออกมาเราจะเห็นวัตถุนั้นมืดดำนั่นเอง
- นาย ก สวมหมวกสีเขียว เลือสีขาวยางเกงสีแดง เมื่อฉายแสงสีเขียวตกกระทบ นาย ก จะเห็นเขาแต่งตัวอย่างไร
.....
เมื่อฉายแสงสีเขียวเข้าไปตกกระทบหมวกสีเขียว หมวกนี้จะสะท้อนแสงสีเขียวออกมาได้เราจึง
.....
เลือสีขาวยังสะท้อนได้ทั้งแสงสีแดง เขียว และน้ำเงิน เมื่อฉายแสงสีเขียวเข้าไปตกกระทบแสงสีเขียว
.....
จะสะท้อนออกมาได้ ทำให้เรามองเห็น เสื้อเป็นสีเขียว
.....
กางเกงสีแดงสามารถสะท้อนได้แต่แสงสีแดงเท่านั้น เมื่อฉายแสงสีเขียวไปตกกระทบแสงสีเขียวจะ
.....
สะท้อนออกมาไม่ได้ เราจึงมองเห็นกางเกงเป็นสีดำ เพราะไม่มีแสงสะท้อนออกมานั่นเอง

ใบงานที่ 17

กล้องโทรทรรศน์และกล้องจุลทรรศน์ (Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. วัตถุอยู่ทางซ้ายมือของเลนส์นูน (ความยาวโฟกัส 5 เซนติเมตร) ระยะทาง 10 เซนติเมตร และมีเลนส์เว้า (ความยาวโฟกัส 10 เซนติเมตร) ทางขวามือของเลนส์นูนนั้นระยะทาง 5 เซนติเมตร ภาพที่เกิดเป็นลักษณะใด



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

..... $f_1 = 5 \text{ cm} , f_2 = 10 \text{ cm} , s = 10 \text{ cm}$

ขั้นที่ 2 D : สู้การค้นหา

..... หาชนิดของภาพและตำแหน่งที่เกิดภาพ

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

หักครั้งที่ 1 : เลนส์นูน $\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$	หักครั้งที่ 2 : เลนส์เว้า $\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$
$\frac{1}{5} = \frac{1}{10} + \frac{1}{s'_1}$	เมื่อ $s_2 = 5 \text{ cm}$
$s'_1 = 10 \text{ cm}$	$\frac{-1}{10} = \frac{-1}{5} + \frac{1}{s'_2}$
	$s'_2 = 10 \text{ cm}$

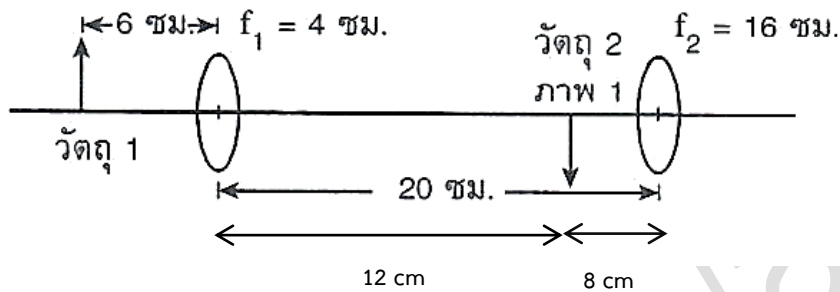
ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

..... เกิดภาพจริง หลังเลนส์เว้า ห่างจากเลนส์เว้า 10 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....

5. เลนส์นูน 2 อัน ความยาวโฟกัส 4 และ 16 เซนติเมตร ตามลำดับ วางห่างกัน 20 เซนติเมตร มีวัตถุวางอยู่ห่างจากเลนส์อันแรก (ไม่ใช่อยู่ระหว่างเลนส์ทั้งสอง) ที่ระยะ 6 เซนติเมตร ตำแหน่งและลักษณะของภาพสุดท้ายที่เกิดขึ้นเนื่องจากเลนส์ทั้งสอง



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_1 = 4 \text{ cm} , f_2 = 16 \text{ cm} , s = 6 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาตำแหน่งและลักษณะภาพสุดท้ายที่เกิดขึ้น

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\text{หักเหครั้งที่ 1, } \frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$$

$$\frac{1}{4} = \frac{1}{6} + \frac{1}{s'_1}$$

$$s'_1 = 12 \text{ cm}$$

$$\text{หักเหครั้งที่ 2, } \frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$$

เมื่อ $s_2 = 8 \text{ cm}$

$$\frac{1}{16} = \frac{1}{8} + \frac{1}{s'_2}$$

$$s'_2 = -16 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

เกิดภาพเสมือน ห่างจากเลนส์นูนอันที่ 2 เป็นระยะ 16 เซนติเมตร

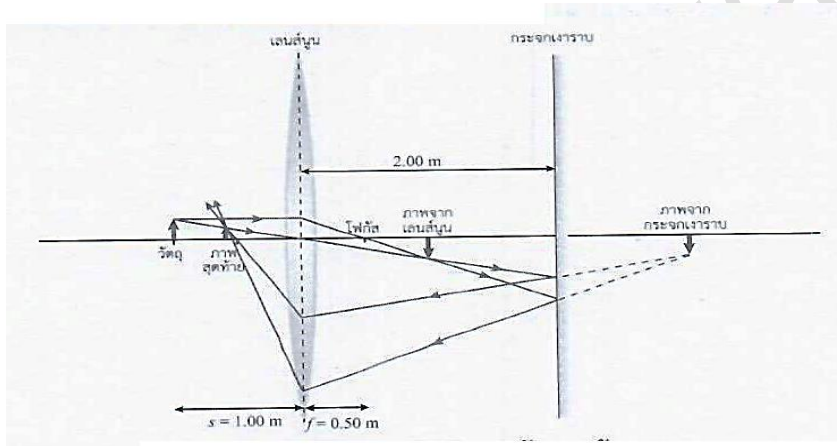
ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบความรู้ที่ 17

กล้องโทรทรรศน์กล้องจุลทรรศน์

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

- วางวัตถุอยู่หน้าเลนส์นูนแลห่างจากเลนส์นูน 1.00 เมตร ถ้าเลนส์นูนมีความยาวโฟกัส 0.5 เมตร และอยู่หน้ากระจกเงาราบ โดยเลนส์นูนและกระจกเงาราบอยู่ห่างกัน 2.00 เมตร เมื่อมองผ่านเลนส์นูนตรงไปที่กระจกเงาราบ จงหา ระยะภาพสุดท้ายเทียบกับเลนส์นูน



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$f = 0.5 \text{ m}$, $s = 1.00 \text{ m}$, เลนส์นูนและกระจกเงาราบห่างกัน 2.00 m

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะภาพสุดท้ายเทียบกับเลนส์นูน

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

ภาพที่เกิดจากเลนส์นูน $\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$

$$\frac{1}{0.50} = \frac{1}{1.00} + \frac{1}{s'}$$

\therefore เกิดภาพจริงหัวกลับ หลังเลนส์นูน ห่างจากเลนส์นูน 1.00 m แต่อยู่หน้ากระจกเงาราบ 1.00 m ซึ่งทำให้เกิดภาพจากกระจกเงาราบเป็นภาพเสมือนขนาดเท่ากับวัตถุอยู่ด้านหลังกระจกเงาราบ 1.00 m

$$S' = 1.00 \text{ m}$$

ซึ่งอยู่ห่างจากเลนส์นูนเป็น $2.00 + 1.00 = 3.00 \text{ m}$

พิจารณาภาพที่เกิดจากเลนส์นูนโดยใช้ภาพจากกระจกเงาราบเป็นวัตถุ

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$$

$$\frac{1}{0.50} = \frac{1}{3.00} + \frac{1}{s'}$$

$$S' = 0.60\text{m}$$

ดังนั้น ภาพสุดท้ายเป็นภาพจริงอยู่ห่างจากเลนส์นูน 0.06 เมตร

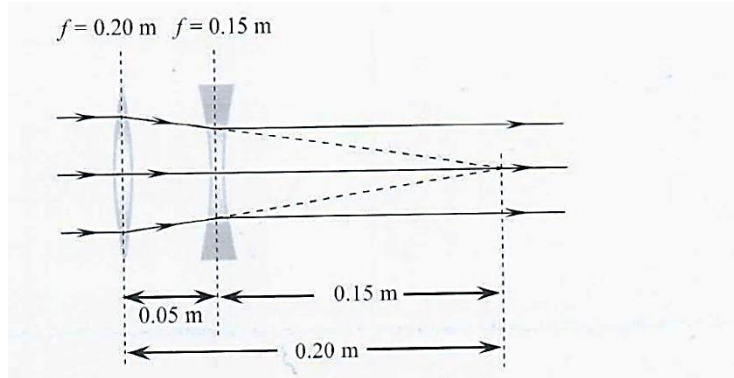
ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ภาพสุดท้ายเป็นภาพจริงอยู่ห่างจากเลนส์นูน 0.06 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



11.เลนส์นูนมีความยาวโฟกัส 0.20 เมตร และเลนส์เว้ามีความยาวโฟกัส 0.15 เมตร วางอยู่โดยมีเส้นแกนमुखสำคัญร่วมกัน เมื่อให้แสงขนานตกกระทบเลนส์นูนตั้งรูป ถ้าต้องการให้แสงที่ผ่านเลนส์เว้าออกมาเป็นแสงขนานอีกครั้ง เลนส์ทั้งสองจะต้องอยู่ห่างกันเท่าใด



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

..... $f_1 = 0.20 \text{ m} , f_2 = 0.15 \text{ m}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

..... **หาระยะห่างระหว่างเลนส์ทั้งสอง ที่ทำให้แสงที่ผ่านเลนส์เว้าออกมาเป็นแสงขนาน**

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

..... **เมื่อแสงขนานที่เข้ามาตกกระทบเลนส์นูน แสงที่ผ่านเลนส์นูนจะไปพบกันที่ตำแหน่งโฟกัสของเลนส์นูน และถ้าต้องการให้แสงดังกล่าวที่ผ่านเลนส์เว้าออกมาเป็นแสงขนาน แสงที่ผ่านเลนส์เว้าจะต้องเสมือนไปพบกันที่ตำแหน่งโฟกัสของเลนส์เว้าพอดี ดังนั้นตำแหน่งโฟกัสของเลนส์นูนต้องเป็นตำแหน่งโฟกัสของเลนส์เว้าด้วย ระยะระหว่างเลนส์จึงเท่ากับ $0.20 \text{ m} - 0.15 \text{ m}$ เท่ากับ 0.05 m**

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

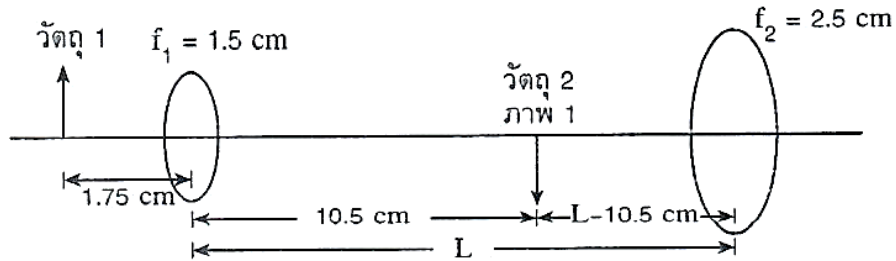
..... **เลนส์ทั้งสองอยู่ห่างกันเท่ากับ 0.05 เมตร**

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



12. ความยาวโฟกัสของเลนส์ออบเจกทีฟของกล้องจุลทรรศน์มีค่า 1.50 เซนติเมตร และของเลนส์อายพีซ 2.50 เซนติเมตร ถ้าวัตถุที่จะมองอยู่ห่างจากเลนส์ออบเจกทีฟ 1.75 เซนติเมตร และต้องการให้ภาพขยายที่มองผ่านกล้องอยู่ห่างจากเลนส์อายพีซ 25.0 เซนติเมตร ระยะระหว่างเลนส์ออบเจกทีฟกับเลนส์อายพีซ จะต้องมีความกี่เซนติเมตร



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$f_1 = 1.5 \text{ cm} , f_2 = 2.5 \text{ cm} , S_1 = 1.75 \text{ cm} , S_2' = -25 \text{ cm}$ (เป็นภาพเสมือนเพราะตามองเห็น)

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะห่างระหว่างเลนส์ออบเจกทีฟกับเลนส์อายพีซ

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

ภาพที่เกิดจากเลนส์ออบเจกทีฟ

ภาพที่เกิดจากเลนส์อายพีซ เมื่อ $S_2 = L - 10.5$

$$\frac{1}{f_1} = \frac{1}{S_1} + \frac{1}{S_1'}$$

$$\frac{1}{f_2} = \frac{1}{S_2} + \frac{1}{S_2'}$$

$$\frac{1}{1.5} = \frac{1}{1.75} + \frac{1}{S_1'}$$

$$\frac{1}{2.5} = \frac{1}{S_2} + \frac{1}{(-25)}$$

$$\frac{1}{S_1'} = \frac{1}{1.5} - \frac{1}{1.75}$$

$$\frac{1}{S_2} = \frac{1}{2.5} - \frac{1}{(-25)}$$

$$S_1' = 10.5 \text{ cm}$$

$$S_2 = \frac{25}{11} = 2.27 \text{ cm}$$

จาก $S_2 = L - 10.5$

ดังนั้น $L = 2.27 + 10.5 = 12.77 \text{ cm}$

ชั้นที่ 4 A : พืชปัญหา

..... ระยะห่างระหว่างเลนส์ออฟเจกทีฟและเลนส์อายพีช เท่ากับ 12.77 เซนติเมตร

ชั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....

Suwat Rojsuwan

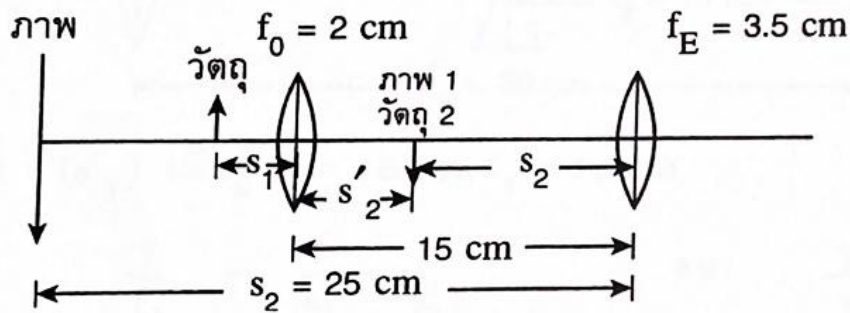


ใบงานที่ 17

กล้องโทรทรรศน์กล้องจุลทรรศน์ (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. กล้องจุลทรรศน์อันหนึ่งประกอบด้วยเลนส์สองเลนส์ ความยาวโฟกัส 3.5 เซนติเมตร และ 2 เซนติเมตร วางห่างกัน 15 เซนติเมตร กล้องต้องอยู่ห่างจากวัตถุเท่าไรจึงจะเห็นภาพชัดเจน



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$f_E = 3.5 \text{ cm}$, $f_0 = 2 \text{ cm}$, $S' = 25 \text{ cm}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะห่างระหว่างวัตถุกับกล้อง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

หา S_2 $\frac{1}{f_E} = \frac{1}{S_2} + \frac{1}{S'_2}$

หา S_3 $\frac{1}{f_0} = \frac{1}{S_1} + \frac{1}{S'_1}$

$\frac{1}{3.5} = \frac{1}{S_2} - \frac{1}{25}$

$\frac{1}{2} = \frac{1}{S_1} + \frac{1}{12}$

$\frac{1}{3.5} + \frac{1}{25} = \frac{1}{S_2}$

$\frac{1}{S_1} = \frac{1}{2} + \frac{1}{12}$

$S_2 = 3 \text{ cm}$

ดังนั้น $S'_1 = 15 - 3 = 12 \text{ cm}$

$S_1 = 2.4 \text{ cm}$

ชั้นที่ 4 A : พืชปัญหา

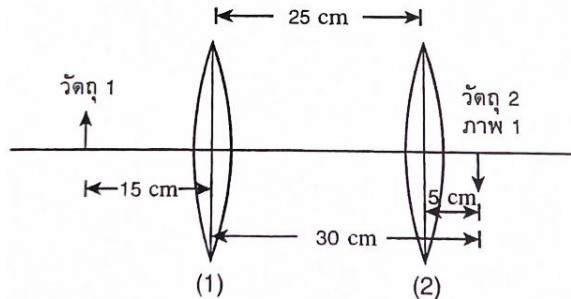
.....
ต้องวัตถุห่างจากกล้อง 2.4 เซนติเมตร
.....

ชั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น
.....

Suwat Rojsuwan



2. เลนส์นูน 2 อัน ความยาวโฟกัสอันละ 10 เซนติเมตร วางห่างกัน 25 เซนติเมตร อยู่บนเส้นแกนमुखสำคัญเดียวกัน นำวัตถุสูง 3 เซนติเมตร วางอยู่หน้าเลนส์ทั้งสอง และห่างจากเลนส์อันใกล้ 15 เซนติเมตร จงหาตำแหน่ง ชนิดของภาพสุดท้ายที่เกิดจากแสงหักเหผ่านเลนส์ทั้งสอง



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_1 = 10 \text{ cm} , y = 3 \text{ cm} , f_2 = 10 \text{ cm} , S_2 = -5 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาตำแหน่ง ชนิดของภาพสุดท้ายที่เกิดจากแสงหักเหผ่านเลนส์ทั้งสอง

ขั้นที่ 3 R : นำพาววิธีคิด

$$\text{หาภาพ 1} \quad \frac{1}{f} = \frac{1}{S} + \frac{1}{S'} \quad \text{หาภาพ 2} \quad \frac{1}{f} = \frac{1}{S} + \frac{1}{S'}$$

$$\frac{1}{10} = \frac{1}{15} - \frac{1}{S'} \quad \frac{1}{10} = \frac{1}{-5} + \frac{1}{S'}$$

$$\frac{1}{S'} = \frac{1}{10} - \frac{1}{15} \quad \frac{1}{S'} = \frac{1}{10} + \frac{1}{5}$$

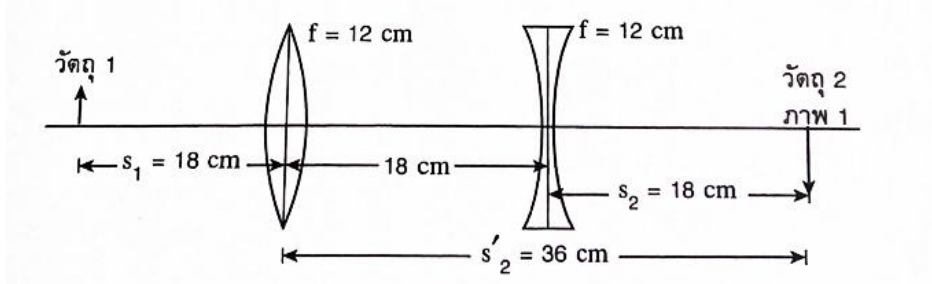
$$S' = 30 \text{ cm} \quad S' = 3.33 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

เกิดภาพจริง ห่างจากเลนส์อันที่ 2 เป็นระยะ 3.33 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. เลนส์นูนและเลนส์เว้ามีความยาวโฟกัส 12 เซนติเมตรเท่ากัน วางห่างกัน 18 เซนติเมตร บนแกนमुखสำคัญเดียวกัน นำวัตถุสูง 4 เซนติเมตรไปวางหน้าเลนส์ทั้งสองใกล้เลนส์นูน ห่างจากเลนส์นูน 18 เซนติเมตร ตำแหน่งของภาพเกิดขึ้นที่ใด บอกชนิดและขนาดของภาพที่เกิดขึ้น



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_1 = 12 \text{ cm} , s_1 = 18 \text{ cm} , f_2 = -12 \text{ cm} , s_2 = -18 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาค่าตำแหน่ง ชนิดและขนาดของภาพ

ขั้นที่ 3 R : นำพหาวีธีคิด

หาภาพ 1

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$$

$$\frac{1}{12} = \frac{1}{18} + \frac{1}{s'}$$

$$\frac{1}{s'} = \frac{1}{12} - \frac{1}{18}$$

$$s' = 36 \text{ cm}$$

หาภาพ 2

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{s} + \frac{1}{s'}$$

$$\frac{1}{-12} = \frac{1}{-18} + \frac{1}{s'}$$

$$\frac{1}{s'} = -\frac{1}{12} + \frac{1}{18}$$

$$s' = -36 \text{ cm}$$

หากำลังขยาย

$$\frac{y'}{y} = \frac{s'}{s}$$

$$\frac{y'}{8} = \frac{36}{18}$$

$$y' = 16 \text{ cm}$$

ชั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

เกิดภาพเสมือน สูง 16 เซนติเมตร ที่ตำแหน่งเดียวกับวัตถุ

ชั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

Suwat Rojsuwan

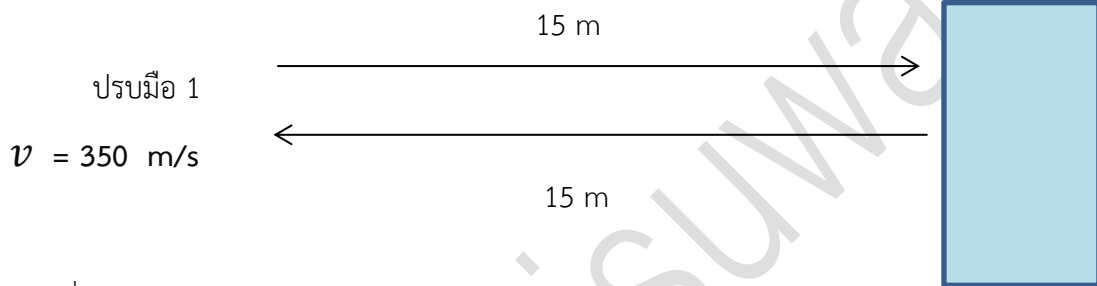


ใบงานที่ 18

ธรรมชาติของเสียง (Online)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. ประบมือ 1 ครั้ง หน้าผั่งตึกซึ่งอยู่ห่างออกไป 15 เมตร จะได้ยินเสียงสะท้อนจากการประบมือหรือไม่ เพราะเหตุใด กำหนดให้ อัตราเร็วเสียงในอากาศเท่ากับ 350 เมตรต่อวินาที และแยกเสียงได้ถ้าช่วงเวลาห่างกันมากกว่า 0.1 วินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$S = 15 \text{ m} , v = 350 \text{ m/s} ,$ แยกเสียงได้ถ้าช่วงเวลาห่างกันมากกว่า 0.1

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาเวลาที่เสียงสะท้อนจะเดินทางกลับมา

ขั้นที่ 3 R : นำพาววิธีคิด

$$v = \frac{S}{t}$$

$$t = \frac{30}{350}$$

$$350 \text{ m/s} = \frac{(2)15 \text{ m}}{t}$$

$$t = 0.086 \text{ s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจิตปัญหา

ไม่ได้ยินเสียงสะท้อน เพราะเวลาของเสียงสะท้อนน้อยกว่าช่วงเวลาที่สามารถแยกเสียงได้

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. นาย ก กดแตรในที่โล่ง หลังจากนั้นนาน 1.5 วินาที นาย ข ซึ่งอยู่ห่างออกไป ได้ยินเสียงแตร นาย ก อยู่ห่างจากนาย ก เป็นระยะทางเท่าใด กำหนด อุณหภูมิของอากาศขณะนั้นเป็น 20 องศาเซลเซียส

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$t = 1.5 \text{ s} , \text{ อุณหภูมิ} = 20^{\circ}\text{C}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะทางที่นาย ข อยู่ห่างจากนาย ก

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\text{จาก } v = \frac{s}{t} \text{ และ } v = 331 + 0.6t$$

$$\text{ดังนั้น } \frac{s}{t} = 331 + 0.6t$$

$$\frac{s}{1.5} = 331 + 0.6(20^{\circ}\text{C})$$

$$s = 514.5 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

นาย ข อยู่ห่างจากนาย ก 514.5 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. แหล่งกำเนิดเสียงอันหนึ่งสั่นด้วยความถี่ 692 เฮิรตซ์ วางไว้ในอากาศที่อุณหภูมิ 25 องศาเซลเซียส อยากทราบว่า คลื่นเสียงที่ออกจากแหล่งกำเนิดนี้จะมีมีความยาวคลื่นกี่เมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 692 \text{ Hz} , t = 25^\circ\text{C}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่น (λ)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$v = 331 + 0.6t$$

$$v = f\lambda$$

$$v = 331 + 0.6(25^\circ\text{C})$$

$$346 \text{ m/s} = (692 \text{ Hz})\lambda$$

$$v = 346 \text{ m/s}$$

$$\lambda = 0.5 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความยาวคลื่น 0.5 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



ใบความรู้ที่ 18

ธรรมชาติของเสียง

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. แหล่งกำเนิดคลื่นเสียงที่ให้เสียงที่มีความยาวคลื่น 0.70 เมตร ถ้าอุณหภูมิของอากาศขณะนั้นเป็น 40 องศาเซลเซียส ความถี่ของเสียงมีค่าเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 0.70 \text{ m} , t = 40^{\circ}\text{C}$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาความถี่ของคลื่น (f)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\text{จาก } v = f\lambda \text{ และ } v = 331 + 0.6t$$

$$\text{ดังนั้น } f\lambda = 331 + 0.6t$$

$$f(0.70 \text{ m}) = 331 + 0.6(40^{\circ}\text{C})$$

$$f = 507.14 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นเสียงมีความถี่ 507.14 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. ส่วนอัดและส่วนอัดที่อยู่ติดกันของคลื่นเสียงในอากาศวัดได้ 0.5 เมตร ขณะที่แหล่งกำเนิดเสียงมีความถี่ 680 เฮิร์ตซ์
 อยากรหาว่าอุณหภูมิของอากาศบริเวณนั้นเป็นเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 0.5 \text{ m} , f = 680 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอุณหภูมิของอากาศ

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$\text{จาก } v = f\lambda$$

$$v = 331 + 0.6t$$

$$v = (680 \text{ Hz})(0.5 \text{ m})$$

$$340 = 331 + 0.6t$$

$$v = 340 \text{ m/s}$$

$$t = 15^\circ\text{C}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

อากาศมีอุณหภูมิ 15 องศาเซลเซียส

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. คลื่นเสียงความถี่ 170 เฮิรตซ์ มีอัตราเร็วในอากาศ 340 เมตรต่อวินาที จงหาระยะห่างระหว่างส่วนอัดกับส่วนขยายที่อยู่ใกล้กันที่สุดมีค่าเท่ากับกี่เมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 170 \text{ Hz} , v = 340 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะห่างส่วนอัดกับส่วนขยายที่อยู่ใกล้กันที่สุด $(\frac{\lambda}{2})$

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$v = f\lambda$$

$$340 \text{ m/s} = (170 \text{ Hz})\lambda$$

$$\lambda = \frac{340 \text{ m/s}}{170 \text{ Hz}}$$

$$= 2 \text{ m}$$

ระยะระหว่างส่วนอัดกับส่วนขยายที่อยู่ใกล้กันที่สุด $(\frac{\lambda}{2})$

$$\frac{\lambda}{2} = 1 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ระยะระหว่างส่วนอัดกับส่วนขยายที่อยู่ใกล้กันที่สุด เท่ากับ 1 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



4. เมื่อเคาะเหล็กยาว 1 ครั้งที่ปลายข้างหนึ่ง ปรากฏว่าผู้ฟังซึ่งอยู่ที่ปลายอีกข้างหนึ่งของท่อเหล็กจะได้ยินเสียงเคาะ 2 ครั้ง หลังจากเคาะแล้วเป็นเวลา 0.2 วินาที และ 3 วินาที ตามลำดับ ถ้าขณะเคาะท่อเหล็ก อากาศมีอุณหภูมิ 25°C จงหาอัตราเร็วของเสียงในท่อเหล็กขณะนั้นในหน่วยเมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

เคาะเหล็ก 1 ครั้ง ปรากฏว่าผู้ฟังซึ่งอยู่ที่ปลายอีกข้างหนึ่งของท่อเหล็กได้ยินเสียงเคาะ 2 ครั้ง แสดงว่าเสียงเดินทางผ่านตัวกลาง 2 ชนิด เสียงเดินทางผ่านเหล็กใช้เวลาน้อยกว่าเดินทางผ่านอากาศ
อุณหภูมิ ($t_{\text{อากาศ}} = 25^{\circ}\text{C}$) , เวลา ($t_{\text{เหล็ก}} = 0.2 \text{ s}$) , เวลา ($t_{\text{อากาศ}} = 3 \text{ s}$)

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราเร็วของเสียงในท่อเหล็ก ($v_{\text{เหล็ก}}$)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

หาอัตราเร็วของเสียงในอากาศ	หาความยาวของท่อ	หาอัตราเร็วของเสียงในท่อ
$v = 331 + 0.6t_{\text{อากาศ}}$	$v = \frac{S}{t}$	$v = \frac{S}{t}$
$v = 331 + 0.6(25^{\circ}\text{C})$		
$v = 346 \text{ m/s}$	$346 \text{ m/s} = \frac{S}{3 \text{ s}}$	$= \frac{1,038 \text{ m}}{0.2 \text{ s}}$
	$S = 1,038 \text{ m}$	$= 5,190 \text{ m/s}$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

อัตราเร็วของเสียงในท่อเหล็ก เท่ากับ 5,190 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



5. เมื่อเคาะอะลูมิเนียมที่ปลายข้างหนึ่ง ปรากฏว่าเสียงเดินทางผ่านอากาศมาถึงปลายอีกข้างหนึ่งช้ากว่าเสียงที่เดินทางในอะลูมิเนียม 0.01 วินาที ถ้าเสียงเดินทางในอากาศมีความเร็ว 346 เมตรต่อวินาที และเดินทางในอะลูมิเนียมมีความเร็ว 5,000 เมตรต่อวินาที จงหาว่าแท่งอะลูมิเนียมนี้ยาวกี่เมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$t_{\text{อากาศ}} - t_{\text{อะลูมิเนียม}} = 0.01 \text{ s} , v_{\text{อากาศ}} = 346 \text{ m/s} , v_{\text{อะลูมิเนียม}} = 5,000 \text{ m/s}$$

$$S_{\text{อากาศ}} = S_{\text{อะลูมิเนียม}} = S$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวของแท่งอะลูมิเนียม

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$t_{\text{อากาศ}} - t_{\text{อะลูมิเนียม}} = 0.01$$

$$\frac{S}{v_{\text{อากาศ}}} - \frac{S}{v_{\text{อะลูมิเนียม}}} = 0.01$$

$$\frac{S}{346} - \frac{S}{5,000} = 0.01$$

$$S = 3.75 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

แท่งอะลูมิเนียมยาว 3.75 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 18

ธรรมชาติของเสียง (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. จากการทดลองพบว่า อัตราเร็วของเสียงในบรรยากาศที่อุณหภูมิ 20 และ 30 องศาเซลเซียสเป็น 343 และ 352 เมตรต่อวินาที ตามลำดับ ถ้าอุณหภูมิเป็น 0 องศาเซลเซียส จงหาอัตราเร็วของเสียง

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$t_1 = 20^\circ\text{C} , t_2 = 30^\circ\text{C} , v_1 = 343 \text{ m/s} , v_2 = 352 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

$$\text{หาอัตราเร็วของเสียงที่อุณหภูมิ } 0 \text{ องศาเซลเซียส}$$

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีคิด

$$v_t = v_0 + 0.6t \quad \text{หรือ} \quad v_t = v_0 + 0.6t$$

$$343 = v_0 + 0.6(20^\circ\text{C}) \quad 352 = v_0 + 0.6(30^\circ\text{C})$$

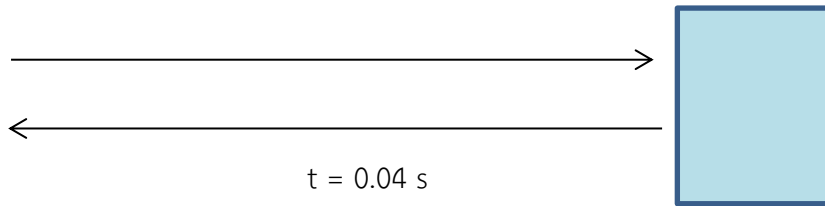
$$v_0 = 331 \text{ m/s} \quad v_0 = 331 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

$$\text{คลื่นมีความเร็ว } 120 \text{ เมตรต่อวินาที}$$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. ถ้าอุณหภูมิของอากาศในขณะนั้นมีค่าเท่ากับ 40 องศาเซลเซียส ชายคนหนึ่งตะโกนคำว่า “ร้อน” หน้าผนังตึก เมื่อเวลาผ่านไป 0.04 วินาที เขาจึง ได้ยินเสียงสะท้อน จงหาระยะห่างระหว่างชายคนนี้กับผนังตึก



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$t = 40^{\circ}\text{C} , t_{\text{ไป-กลับ}} = 0.04 \text{ s} , t_{\text{ไป}} = 0.02 \text{ s} , S_{\text{ไป}} = S_{\text{กลับ}}$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาระยะห่างระหว่างชายคนนี้กับผนังตึก

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$v = 331 + 0.6t$$

$$v = \frac{S}{t}$$

$$v = 331 + 0.6(40)$$

$$v = 355 \text{ m/s}$$

$$355 = \frac{S}{0.02}$$

$$S = 7.1 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ระยะห่างระหว่างชายคนนี้กับผนังตึกเท่ากับ 7.1 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. ส่วนอัดและส่วนอัดที่อยู่ติดกันของคลื่นเสียงในอากาศวัดได้ 1.0 เมตร ขณะที่แหล่งกำเนิดเสียงมีความถี่ 349 เฮิรตซ์ อยากทราบว่าอุณหภูมิของอากาศบริเวณนั้นเป็นเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 1.0 \text{ m} , f = 349 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอุณหภูมิของอากาศ

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$v = f\lambda$	$v = 331 + 0.6t$
$v = (349 \text{ Hz})(1.0 \text{ m})$	$349 = 331 + 0.6t$
$v = 349 \text{ m/s}$	$t = 30^\circ\text{C}$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

อุณหภูมิของอากาศเท่ากับ 30 องศาเซลเซียส

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

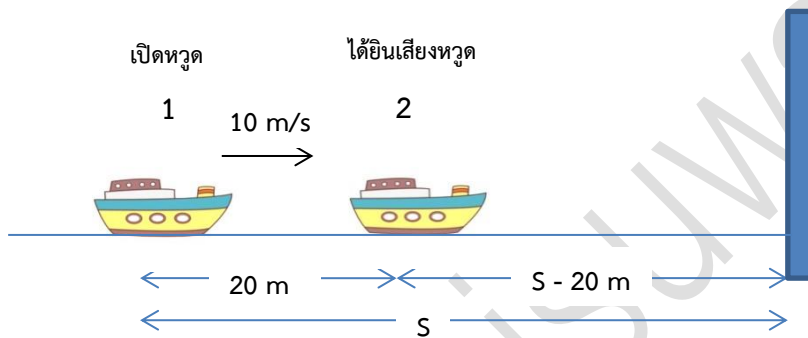


ใบงานที่ 19

พฤติกรรมของคลื่น 1 (การสะท้อนและการหักเหของคลื่น) *Online*

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. เรือลำหนึ่งวิ่งเข้าหาหน้าผาเรียบด้วยความเร็ว 10 เมตรต่อวินาที เมื่อเปิดหวูดขึ้น คนในเรือได้ยินเสียงหวูดสะท้อนจากหน้าผา ในเวลา 2.0 วินาที ถ้าขณะนั้นความเร็วเสียงในอากาศเป็น 350 เมตรต่อวินาที ขณะเปิดหวูดเรือห่างจากหน้าผาเป็นระยะเท่าไร



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$t = 2.0 \text{ s}$, $v = 10 \text{ m/s}$, เรือเคลื่อนที่จากตำแหน่งที่ 1 ไป ตำแหน่งที่ 2 ใช้เวลา 2.0 วินาที

แสดงว่าเรือเคลื่อนที่จากตำแหน่งที่ 1 ไปตำแหน่งที่ 2 ได้ระยะ 20 m

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาว่าขณะเปิดหวูดเรืออยู่ห่างจากหน้าผาเป็นระยะเท่าไร

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$v = \frac{S}{t}$$

$350 \text{ m/s} = \frac{2(S-20) + 20}{2}$	$350 = \frac{2S - 20}{2}$	$S = 360 \text{ m}$
	$350 = S - 10$	

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ขณะเปิดหวูดเรืออยู่ห่างจากหน้าผา 360 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. คลื่นเสียงที่มีความถี่ 1000 เฮิรตซ์ และมีอัตราเร็ว 320 เมตรต่อวินาที วัตถุที่มีขนาดอย่างน้อยเท่าไรจึงจะสะท้อนเสียงได้

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 1000 \text{ Hz} , v = 320 \text{ m/s}$$

คลื่นเสียงจะสะท้อนได้ เมื่อตกระทบวัตถุที่มีขนาดอย่างน้อยเท่ากับความยาวคลื่น

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาขนาดของวัตถุที่คลื่นเสียงไปตกระทบ(ความยาวคลื่น)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$v = f\lambda$$

$$320 \text{ m/s} = (1000 \text{ Hz})\lambda$$

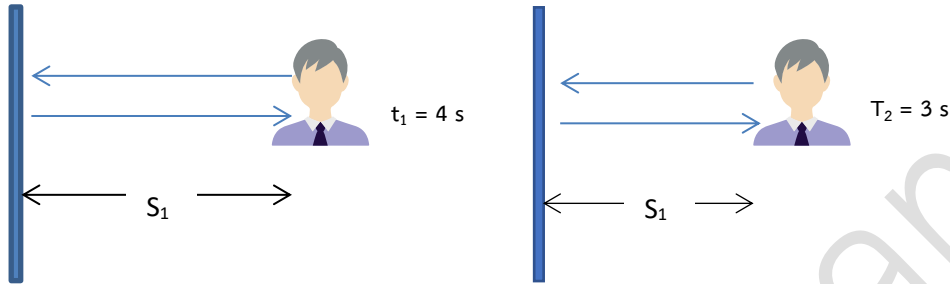
$$\lambda = 0.32 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

วัตถุต้องมีขนาดอย่างน้อย 0.32 m

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. ชายคนหนึ่งยืนห่างจากหน้าผาได้ยี่สิบสี่ 1 นัด ปรากฏว่าเขาได้ยินเสียงปืนสะท้อนกลับในเวลา 4 วินาที และเมื่อเขาเดิน เข้าไปอีกระยะหนึ่งและยิงปืนขึ้นอีก 1 นัด เขาได้ยินเสียงสะท้อนกลับมาภายใน 3 วินาที จงหาว่าเขาเดินเข้าไปหาหน้าผาก็เมตรถ้าในขณะนั้นอัตราเร็วของเสียงเป็น 343 เมตรต่อวินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v = 343 \text{ m/s} , t_1 = 4 \text{ s} , t_2 = 3 \text{ s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาว่าชายคนนี้เดินเข้าไปหาหน้าผาก็เมตร ($S_1 - S_2$)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\text{หา } S_1 \text{ จาก } v = \frac{S}{t}$$

$$343 \text{ m/s} = \frac{2S_1}{4 \text{ s}}$$

$$S_1 = 686 \text{ m}$$

$$\text{หา } S_2 \text{ จาก } v = \frac{S}{t}$$

$$343 \text{ m/s} = \frac{2S_2}{3 \text{ s}}$$

$$S_2 = 514.5 \text{ m}$$

$$\text{ดังนั้น } S_1 - S_2 = 686 - 514.5 = 171.5 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ชายคนนี้เดินเข้าไปหาหน้าผา 171.5 เมตร

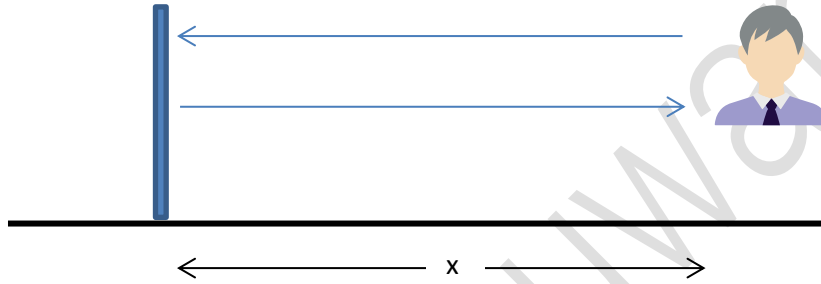
ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบความรู้ที่ 19

พฤติกรรมของเสียง 1 (การสะท้อนและการหักเหของเสียง)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. ถ้าอุณหภูมิของอากาศขณะนั้นมีค่าเท่ากับ 40 องศาเซลเซียส ชายคนหนึ่งจะได้ยินเสียงสะท้อนของเสียงที่เขา ตะโกนออกไป เมื่อเขายืนห่างจากผนังตึกอย่างน้อยเท่าไร



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$t = 40^{\circ}\text{C}$, เวลาที่มนุษย์จะได้ยินเสียงสะท้อนสะท้อนได้เมื่อเสียงใช้เวลาเดินทางไป-กลับ
อย่างน้อยเท่ากับ 0.1 วินาที

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาว่าชายคนนี้ต้องยืนห่างจากผนังตึกอย่างน้อยเท่าไร จึงจะได้ยินเสียงสะท้อน

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$v = 331 + 0.6t$$

$$= 331 + 0.6(40)$$

$$v = 355 \text{ m/s}$$

$$\text{จาก } v = \frac{S}{t}$$

$$355 \text{ m/s} = \frac{S}{0.1 \text{ s}}$$

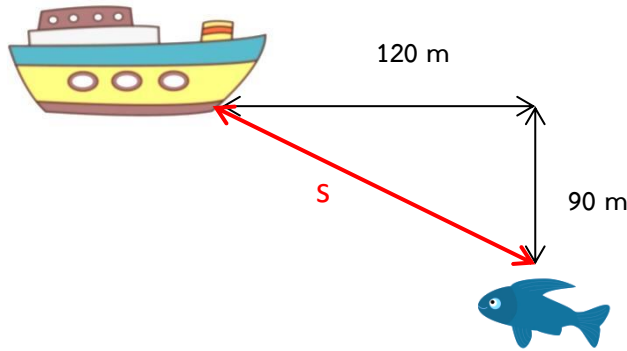
$$S = 17.75 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ชายคนนี้ต้องยืนห่างจากผนังตึกอย่างน้อย 17.75 เมตร จึงจะได้ยินเสียงสะท้อน

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. เรือหาปลาลำหนึ่งหาฝูงปลาด้วยโซนาร์ส่งคลื่นตลของเสียงความถี่สูงลงไปใต้น้ำ ทะเลถ้าฝูงปลาอยู่ห่างจากเครื่องกำเนิดคลื่นไปทางหัวเรือเป็นระยะทาง 120 เมตรและอยู่ลึก จากผิวน้ำเป็นระยะ 90 เมตร หลังจากส่งคลื่นตลจากโซนาร์ไปเป็นเวลาเท่าใด จึงจะได้รับคลื่นที่สะท้อนกลับมา กำหนด ความเร็วเสียงในน้ำ ทะเล = 1500 m/s



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v = 1500 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาเวลาที่คลื่นเสียงใช้ในการเคลื่อนที่

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\text{หา } s \text{ จาก } s = \sqrt{120^2 + 90^2}$$

$$s = 150 \text{ m}$$

$$v = \frac{s}{t}$$

$$1500 \text{ m/s} = \frac{150 \text{ m}}{t}$$

$$t = 0.1 \text{ s}$$

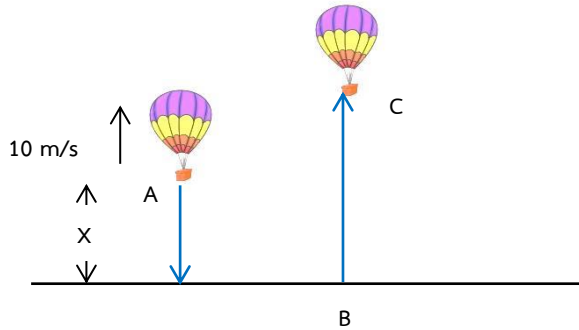
$$\text{ดังนั้นเวลาที่ใช้ในการเคลื่อนที่ของเสียงทั้งไปและกลับ} = 0.1 \times 2 = 0.2 \text{ s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

หลังจากส่งคลื่นเสียงไป 0.2 วินาที จึงจะได้รับคลื่นสะท้อนกลับมา

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. บอลลูนลูกหนึ่งเคลื่อนที่ขึ้นด้วยความเร็วคงที่ 10 เมตรต่อวินาที ขณะที่อยู่สูงจากพื้นดินระยะหนึ่ง ส่งคลื่นเสียง ความถี่ 600 เฮิรตซ์ ลงมา และได้รับสัญญาณเสียงสะท้อนกลับในเวลา 3 วินาที ขณะเริ่มส่งคลื่นเสียงบอลลูนอยู่สูงจากพื้นเท่าใด เมื่ออัตราเร็วเสียงขณะนั้นเท่ากับ 340 เมตรต่อวินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v_{\text{บอลลูน}} = 10 \text{ m/s} , v_{\text{เสียง}} = 340 \text{ m/s} , f = 600 \text{ Hz} , t = 3 \text{ s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความสูงของบอลลูนขณะเริ่มส่งคลื่นเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$v = \frac{S}{t}$$

หาระยะทางที่เสียงเคลื่อนที่ได้

$$S = vt$$

$$S_{AC} = (10 \text{ m/s})(3 \text{ s})$$

$$AC + BC = (340 \text{ m/s})(3 \text{ s})$$

$$S_{AC} = 30 \text{ m}$$

$$X + (X + 30) = 1020$$

$$2X + 30 = 1020$$

$$X = 495 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ขณะเริ่มส่งคลื่นเสียงบอลลูนอยู่สูงจากพื้น 495 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

4. เสียงเคลื่อนที่จากบริเวณที่มีอุณหภูมิ 27°C ไปสู่บริเวณที่มีอุณหภูมิต่ำใด จงทำให้ความยาวคลื่น เป็น $\frac{3}{2}$ เท่าของความยาวคลื่นเดิม

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$T_1 = 27^\circ\text{C} \text{ หรือ } 300 \text{ K}, \lambda_2 = \frac{3}{2}\lambda_1$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอุณหภูมิบริเวณที่สอง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \sqrt{\frac{T_1}{T_2}}$$

$$\frac{4}{9} = \frac{300}{T_2}$$

$$\frac{\lambda_1}{\frac{3}{2}\lambda_1} = \sqrt{\frac{300}{T_2}}$$

$$T_2 = 675 \text{ K หรือ } 402^\circ\text{C}$$

$$\frac{2}{3} = \sqrt{\frac{300}{T_2}}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

บริเวณที่สองมีอุณหภูมิ 402 องศาเซลเซียส หรือ 675 เคลวิน

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



5. เสียงเคลื่อนที่จากบริเวณที่ 1 ไปยังบริเวณที่ 2 ซึ่งอัตราเร็วเพิ่มขึ้น $\sqrt{2}$ เท่าของเดิมจงหามุมวิกฤตระหว่างบริเวณทั้งสอง

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

มุมวิกฤต คือ มุมตกกระทบ (θ_1) ที่ทำให้มุมหักเห (θ_2) มีขนาด 90°

$$v_2 = \sqrt{2} v_1$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาขนาดมุมตกกระทบ (θ_1)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{v_1}{v_2}$$

$$\sin \theta_1 = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin 90^\circ} = \frac{v_1}{\sqrt{2} v_1}$$

$$\theta_1 = 45^\circ$$

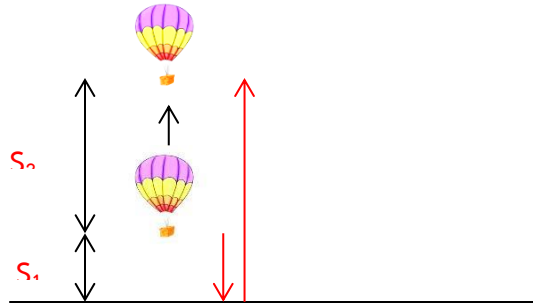
ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

มุมตกกระทบมีขนาด 45° องศา

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



6. บอลลูนลอยด้วยความเร็วสม่ำเสมอ 20 เมตรต่อวินาที ขณะที่อยู่สูงจากพื้นดินระยะหนึ่งได้ส่งคลื่นเสียงความถี่ 1,000 เฮิรตซ์ ลงมา และได้ส่งสัญญาณเสียงสะท้อนกลับเมื่อเวลา 4 วินาที จงหาว่า ขณะที่ส่งคลื่นเสียงบอลลูนอยู่สูงจากพื้นดินเป็นระยะเท่าไร ถ้าความเร็วเสียง 350 เมตรต่อวินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v_{\text{บอลลูน}} = 20 \text{ m/s} , v_{\text{เสียง}} = 350 \text{ m/s} , t = 4 \text{ s} , f = 1,000 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความสูงของบอลลูนขณะที่ส่งคลื่นเสียง (S_1)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

หาระยะทางที่บอลลูนเคลื่อนที่ขึ้นไปได้

$$v_{\text{เสียง}} = \frac{2S_1 + S_2}{t}$$

หลังจากส่งคลื่นเสียงแล้ว (S_2)

$$350 \text{ m/s} = \frac{2S_1 + 80 \text{ m}}{4 \text{ s}}$$

$$v_{\text{บอลลูน}} = \frac{S}{t}$$

$$S_1 = 660 \text{ m}$$

$$20 \text{ m/s} = \frac{S_2}{4 \text{ s}}$$

$$S_2 = 80 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ขณะที่ส่งคลื่นเสียงบอลลูนอยู่สูงจากพื้นดิน 660 เมตร

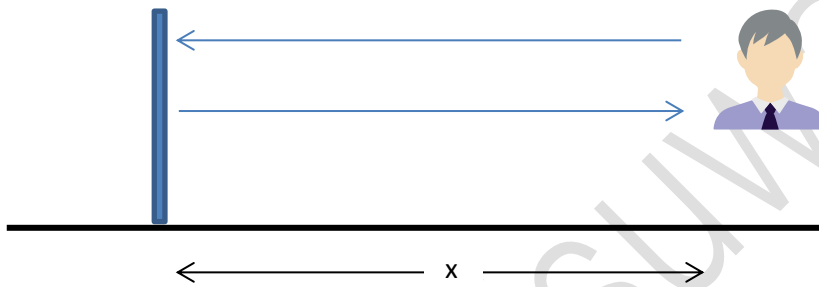
ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 19

พฤติกรรมของเสียง 1 (การสะท้อนและการหักเหของคลื่น) (Onsite)

ชื่อ..... เลขที่..... ห้อง.....

1. ชายคนหนึ่งอยู่หน้ากำแพง หันหน้าตะโกนเสียงเข้าหากำแพง ถ้าเขาต้องการให้เกิดเสียงก้องเขาต้องอยู่ห่างจากกำแพงอย่างน้อยเท่าใด กำหนดให้เสียงมีอัตราเร็วในอากาศ 340 เมตรต่อวินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$S = 2X$, เวลาที่มนุษย์จะได้ยินเสียงสะท้อนสะท้อนได้เมื่อเสียงใช้เวลาเดินทางไป-กลับ

อย่างน้อยเท่ากับ 0.1 วินาที

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาว่าชายคนนี้ต้องยืนห่างจากกำแพงอย่างน้อยเท่าไร

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$v = \frac{S}{t}$$

$$340 \text{ m/s} = \frac{S}{0.1 \text{ s}}$$

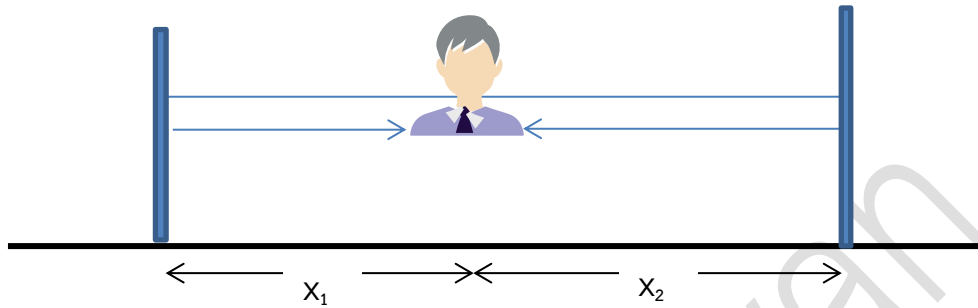
$$S = 17 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ชายคนนี้ต้องยืนห่างจากกำแพงอย่างน้อย 17 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. ชายคนหนึ่งยืนอยู่ระหว่างหน้าผา 2 แห่ง แล้วยิงปืนออกไป เขาได้ยินเสียงครั้งแรก ครั้งที่สองและครั้งที่สามเมื่อเวลาผ่านไป 2 และ 3 วินาที นับจากเริ่มยิง จงหาระยะห่างระหว่างหน้าผาทั้งสอง ถ้าความเร็วในอากาศ 340 เมตรต่อวินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$S = X_1 + X_2$, ยิงปืนออกไปแล้วได้ยินเสียง 3 ครั้ง อธิบายได้ว่าครั้งแรกได้ยินจากปืนโดยตรง
ครั้งที่สองและสามได้ยินจากเสียงสะท้อนที่หน้าผาทั้งสอง

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะห่างระหว่างหน้าผาทั้งสอง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\text{หา } X_1 \text{ จาก } v = \frac{S}{t}$$

$$\text{หา } X_2 \text{ จาก } v = \frac{S}{t}$$

$$340 \text{ m/s} = \frac{2X_1}{2 \text{ s}}$$

$$340 \text{ m/s} = \frac{2X_2}{3 \text{ s}}$$

$$X_1 = 340 \text{ m}$$

$$X_2 = 510 \text{ m}$$

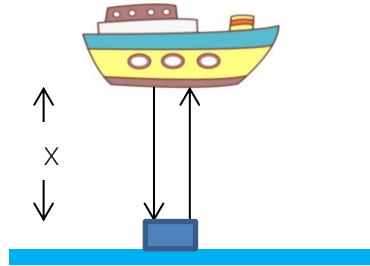
$$X_1 + X_2 = 340 + 510 = 850 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

หน้าผาทั้งสองอยู่ห่างกัน 850 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. เครื่องกำเนิดเสียง ปล่อยคลื่นเสียงที่มีความถี่ 4 กิโลเฮิรตซ์ พบว่าก้อนหินผิวเรียบพื้นที่ 0.4×0.4 ตารางเมตร ที่อยู่ใต้ทะเลสะท้อนคลื่นนี้พอดี และคลื่นสะท้อนมาถึงเครื่องรับหลังจากส่งสัญญาณออกไป 2.5 วินาที ถ้าถือว่าวัตถุจะสะท้อนคลื่นได้ต้องมีขนาดเท่าหรือโตกว่าความยาวคลื่นนั้น อยากทราบว่าก้อนหินอยู่ต่ำกว่าผิวน้ำกี่เมตร



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\lambda = 0.4 \text{ m}, f = 4000 \text{ Hz}, t = 2.5 \text{ s}, S = 2x$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะที่ก้อนหินอยู่ต่ำกว่าระดับน้ำ

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$\text{หา } v \text{ จาก } v = f\lambda$$

$$v = (4000 \text{ Hz})(0.4 \text{ m})$$

$$v = 1600 \text{ m/s}$$

$$\text{หา } S \text{ จาก } v = \frac{S}{t}$$

$$1600 \text{ m/s} = \frac{2X}{2.5 \text{ s}}$$

$$X = 2000 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ก้อนหินอยู่ต่ำกว่าผิวน้ำ 2000 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

4. ถ้าเสียงเดินทางจากตัวกลาง 1 ไปยังตัวกลาง 2 โดยความยาวคลื่นเสียงเพิ่มขึ้น 2 เท่าของเดิม จงหามุมวิกฤต

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$v_2 = 2v_1$ มุมวิกฤตคือมุมตกกระทบ ที่ทำให้เกิดมุมหักเห (θ_2) โต 90°

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หามุมวิกฤต

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{\sin\theta_1}{\sin\theta_2} = \frac{v_1}{v_2}$$

$$\frac{\sin\theta_1}{\sin 90^\circ} = \frac{v_1}{2v_1}$$

$$\frac{\sin\theta_1}{\sin 90^\circ} = \frac{v_1}{2v_1}$$

$$\sin\theta_1 = \frac{1}{2}$$

$$\theta_1 = 30^\circ$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

มุมวิกฤตเท่ากับ 30 องศา

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ใบงานที่ 20

พฤติกรรมของคลื่น 2 (การแทรกสอดและการเลี้ยวเบนของคลื่น) *Online*

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

- ถ้าอัตราเร็วของเสียงในอากาศขณะนี้เท่ากับ 340 เมตรต่อวินาที เสียงแตรรถยนต์มีความถี่ 170 เฮิรตซ์ ก่อนที่รถยนต์จะออกจากซอยคนขับรถบีบแตรรถยนต์เพื่อให้สัญญาณทำให้คนซึ่งยืนบนทางเท้า ณ มุมตึกปากซอยได้ยินเสียงสัญญาณแตรได้ชัดเจน จงประมาณขนาดความกว้างของซอยมีค่ากี่เมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v = 340 \text{ m/s} , f = 170 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 2 D : สู้การค้นหา

หาความกว้างของซอย

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$v = f\lambda$$

$$340 \text{ m/s} = (170 \text{ Hz})$$

$$\lambda = 2 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

ซอยมีความกว้าง 2 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. คลื่นชนิดหนึ่งเมื่อเกิดการแทรกสอดแนวปฏิบัติที่ 2 เอียงทำมุมจากแนวกลาง 30° หากแหล่งกำเนิดคลื่นทั้งสองอยู่ห่างกัน 4 เมตร

ก. ความยาวคลื่นนี้มีค่าเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$n = 2, d = 4 \text{ m}, \theta = 30^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(4 \text{ m}) \sin 30^\circ = (2) \lambda$$

$$(4 \text{ m}) \frac{1}{2} = (2) \lambda$$

$$= 1 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความยาวคลื่นเท่ากับ 1 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



ข. หากคลื่นนี้มีความเร็ว 300 เมตรต่อวินาที จะมีความถี่เท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v = 300 \text{ m/s} , \lambda = 1 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ของคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$v = f\lambda$$

$$300 \text{ m/s} = f(1 \text{ m})$$

$$f = 300 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นมีความถี่ 300 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. A และ B เป็นลำโพง 2 ตัววางห่างกัน 2 เมตร ในที่โล่ง P เป็นผู้ฟังห่างจาก A 4 เมตร ห่างจาก B 3 เมตร เสียงความถี่ต่ำสุดที่คลื่นหักล้างกันทำให้ได้ยินเสียงเบาที่สุดเป็นเท่าไร (กำหนดความเร็วเสียง = 340 เมตรต่อวินาที)

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 2 \text{ m} , S_{AP} = 4 \text{ m} , S_{BP} = 3 \text{ m} , v = 340 \text{ m/s} , n = 1$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ต่ำสุดที่คลื่นหักล้างกัน

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$ S_{AP} - S_{BP} = (n - \frac{1}{2})\lambda$	$v = f\lambda$
$ 4 - 3 = (1 - \frac{1}{2})\lambda$	$340 \text{ m/s} = f(2 \text{ m})$
$\lambda = \frac{1}{0.5}$	$f = 170 \text{ Hz}$
$= 2 \text{ m}$	

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความถี่ต่ำสุดของคลื่นเท่ากับ 170 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

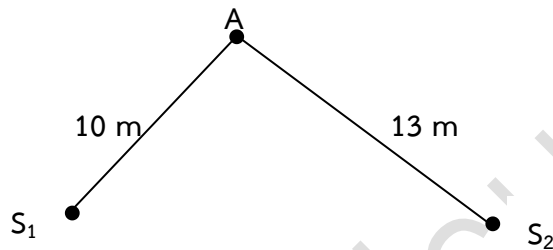


ใบความรู้ที่ 20

พฤติกรรมของเสียง 2 (การแทรกสอดและการเลี้ยวเบนของเสียง)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. ลำโพง 2 ตัวหันหน้าไปทางเดียวกัน ให้คลื่นความถี่ 680 เฮิรตซ์ และเฟสตรงกัน A เป็นจุด ๆ หนึ่ง อยู่หน้าลำโพงทั้งสอง ห่างจากลำโพงเป็นระยะ 10 เมตร และ 13 เมตร ถ้าอัตราเร็วของเสียงในอากาศเท่ากับ 340 เมตรต่อวินาที อยากทราบว่าจุด A อยู่บนแนวบัพหรือปฏิบัพที่เท่าใด



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$f = 680 \text{ Hz} , S_1P = 10 \text{ m} , S_2P = 13 \text{ m} , v = 340 \text{ m/s}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาตำแหน่งของจุด A

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$v = f\lambda$	$[S_1P - S_2P] = n\lambda$
$340 \text{ m/s} = (680 \text{ Hz})\lambda$	$[10 - 13] = n(0.5)$
$\lambda = 0.5 \text{ m}$	$n = 6$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

จุด A อยู่บนแนวปฏิบัพที่ 6

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. ลำโพงอาพันธ์ 2 ตัววางห่างกัน 4 เมตร ให้สัญญาณเสียงความถี่ 510 เฮิร์ตซ์ เฟสตรงกันเมื่ออัตราเร็วเสียงในอากาศขณะนั้นเป็น 340 เมตรต่อวินาที จงหาแนวบัพและปฏิบัพที่เกิดขึ้นทั้งหมด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$d = 4 \text{ m} , f = 510 \text{ Hz} , v = 340 \text{ m/s} , \theta = 90^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาแนวบัพและปฏิบัพทั้งหมด

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

หา λ จาก $v = f\lambda$

$$340 \text{ m/s} = (510 \text{ Hz})\lambda$$

$$\lambda = \frac{2}{3} \text{ m}$$

$$d \sin \theta = n\lambda$$

$$(4 \text{ m}) \sin 90^\circ = n \left(\frac{2}{3} \right)$$

$$n = 6$$

$$\text{แนวปฏิบัพ} = 6 \times 2 + 1 = 13$$

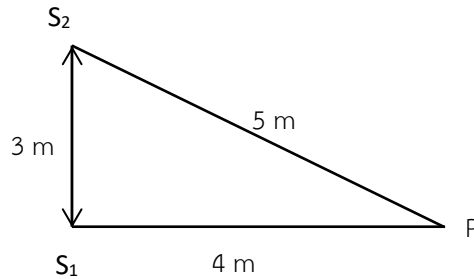
$$\text{แนวบัพ} = 6 \times 2 = 12$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

แนวปฏิบัพทั้งหมด 13 แนว และแนวบัพทั้งหมด 12 แนว

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

3. S₁ และ S₂ เป็นลำโพงอาพันธ์สองตัว ซึ่งอยู่ห่างกัน 3 เมตร ให้คลื่นเสียงมีเฟสตรงกันความยาวคลื่น 0.5 เมตร ผู้ฟังอยู่ที่จุด P จะได้ยินเสียงดังชัดเจน อยากทราบว่า เมื่อเขาเดินเป็นเส้นตรงจาก P เข้าหา S₂ ดังรูป ผู้ฟังจะรู้สึกว่าได้ยินเสียงจางหายไปกี่ครั้ง



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$S_1P = 5 \text{ m} , S_2P = 4 \text{ m} , d = 3 \text{ m} , \lambda = 0.5 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

เมื่อเดินเป็นเส้นตรงจาก P เข้าหา S₂ ผู้ฟังจะรู้สึกว่าได้ยินเสียงจางหายไปกี่ครั้ง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

ที่จุด P , $[S_1P - S_2P] = n\lambda$

ที่จุด S₂ , $d\sin\theta = n\lambda$

$$[5 - 4] = n(0.5)$$

$$(3 \text{ m})\sin 90^\circ = n(0.5 \text{ m})$$

$$n = 2$$

$$n = 6$$

P เป็นตำแหน่งดังที่ 2

S₂ เป็นตำแหน่งดังที่ 6

เดินจากดังที่ 2 ไปดังที่ 6 คิดเป็น 4 ช่วงดัง หรือมีเสียงค่อย 4 ครั้ง

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

เมื่อเดินเป็นเส้นตรงจาก P เข้าหา S₂ ผู้ฟังจะรู้สึกว่าได้ยินเสียงจางหายไป 4 ครั้ง

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

4. เสียงรยนต์ซึ่งมีความยาวคลื่น 0.4 เมตร ผ่านเข้ามาทางหน้าต่างกว้าง 1 เมตร ในแนวตั้งฉากจะได้ยินเสียงค่อยที่สุดกี่แนว

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$= 0.4 \text{ m} , d = 1 \text{ m} , \theta = 90^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาแนวบัพทั้งหมด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$(1 \text{ m}) \sin 90^\circ = n(0.4 \text{ m})$$

$$n = 2.5$$

บัพสุดท้ายเป็นบัพที่ 2 แสดงว่ามีเสียงค่อยทั้งหมด

$$\text{แนวบัพ} = 2 \times 2 = 4 \text{ แนว}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ได้ยินเสียงค่อยทั้งหมด 4 แนว

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



5. คลื่นเสียงหนึ่งผ่านเข้าทางช่องหน้าต่างกว้าง 0.8 เมตร ในแนวตั้งฉาก ผู้ฟังที่อยู่ข้างหน้าต่างจะได้ยินเสียงชัดเจน ถ้าขณะนั้นอุณหภูมิของอากาศ 25 ° จงหาความถี่ของเสียงนี้

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

..... $d = \lambda = 0.8 \text{ m} , t = 25^{\circ}\text{C}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

..... **หาความถี่ของเสียง**

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

..... $v = 331 + 0.6t$ $v = f\lambda$

..... $v = 331 + 0.6(25^{\circ}\text{C})$ $346 \text{ m/s} = f(0.8 \text{ m})$

..... $v = 346 \text{ m/s}$ $f = 432.5 \text{ Hz}$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

..... **เสียงมีความถี่ 432.5 เฮิรตซ์**

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....

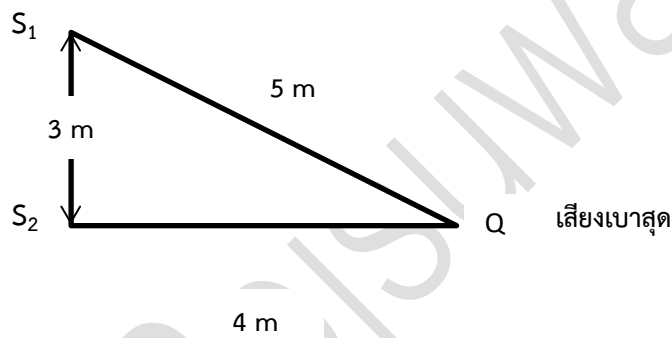


ใบงานที่ 20

พฤติกรรมของเสียง 2 (การแทรกสอดและการเลี้ยวเบนของคลื่น)(Onsite)

ชื่อ..... เลขที่..... ห้อง.....

1. S_1 และ S_2 เป็นลำโพงสองตัว วางห่างกัน 3 เมตร ในที่โล่ง Q เป็นผู้ฟังอยู่ห่างจาก S_1 5 เมตร และห่างจาก S_2 4 เมตร เสียงความถี่ต่ำสุดที่หักล้างกันทำให้ Q ได้ยินเสียงเบาที่สุดจะเป็นเท่าใด ถ้าอัตราเร็วเสียงในอากาศเป็น 340 เมตรต่อวินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$S_1P = 5 \text{ m}$, $S_2P = 4 \text{ m}$, $v = 340 \text{ m/s}$, $d = 3 \text{ m}$, ความถี่ต่ำสุด $n = 1$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่เสียงต่ำสุดที่หักล้างกันทำให้ Q ได้ยินเสียงเบาที่สุดจะเป็นเท่าใด

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$|S_1P - S_2P| = (n - \frac{1}{2})\lambda$$

$$v = f\lambda$$

$$|5 - 4| = (1 - \frac{1}{2})\lambda$$

$$340 \text{ m/s} = f(2 \text{ m})$$

$$\lambda = 2 \text{ m}$$

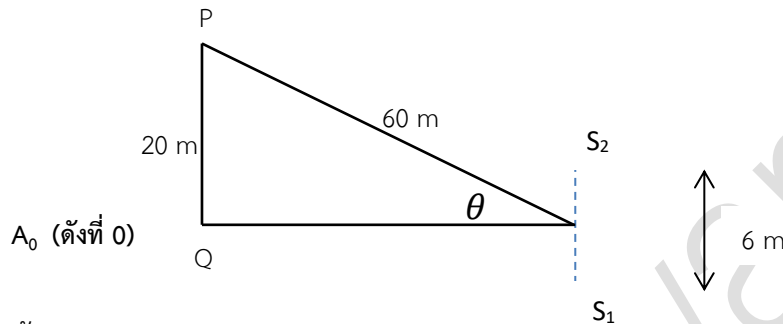
$$f = 170 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความถี่เสียงต่ำสุดที่ทำให้ Q ได้ยินเสียงเบาที่สุด คือ 170 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. S_1 และ S_2 เป็นลำโพงอาพันธ์สองตัว ซึ่งอยู่ห่างกัน 6 เมตร ให้เสียงมีเฟสตรงกัน ความถี่เท่ากัน 510 เฮิร์ตซ์ ปรากฏว่าผู้ที่ยืนอยู่ที่จุด P ได้ยินเสียงดังชัดเจน θ เป็นจุดกึ่งกลางระหว่าง S_1 กับ S_2 โดย $PQ = 20$ เมตร และ $PO = 60$ เมตร ณ จุด P เดินตรงมายัง Q จะพบว่าเสียงจางหายไปกี่ครั้ง (อัตราเร็วเสียงในอากาศเป็น 340 เมตรต่อวินาที)



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$d = 6 \text{ m} , \sin \theta = \frac{20}{60} , f = 510 \text{ Hz} , v = 340 \text{ m/s}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

จากจุด P เดินตรงมายัง Q จะพบว่าเสียงจางหายไปกี่ครั้ง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$v = f\lambda$	$d \sin \theta = n\lambda$
$340 \text{ m/s} = (510 \text{ Hz})\lambda$	$(6 \text{ m})\left(\frac{20}{60}\right) = n\left(\frac{2}{3} \text{ m}\right)$
$\lambda = \frac{2}{3} \text{ m}$	$n = 3$

จุด P อยู่บนแนวปฏิบัติที่ 3 หรือดั่งที่ 3
 ดังนั้นเมื่อเดินจากดั่งที่ 3 มาดั่งที่ 0 เสียงจะหายไป 3 ครั้ง

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

เมื่อเดินจาก P มาที่ Q เสียงจะหายไป 3 ครั้ง

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. ถ้าอัตราเร็วของเสียงในอากาศขณะหนึ่งเท่ากับ 340 เมตรต่อวินาที เสียงแตรรถยนต์มีความถี่ 68 เฮิร์ตซ์ ก่อนที่รถยนต์จะออกจากซอยคนขับบีบแตรรถยนต์เพื่อส่งสัญญาณทำให้คนซึ่งยืนอยู่บนทางเท้า ณ มุมตึกปากซอยได้ยินเสียงสัญญาณแตรได้ชัดเจนจงประมาณขนาดความกว้างของซอย

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v = 340 \text{ m/s} , f = 68 \text{ Hz}$$

คนที่อยู่ปากซอยได้ยินเสียงได้ยินเสียงสัญญาณชัดเจนแสดงว่าเสียงเลี้ยวเบนได้ดีที่สุด ความกว้างของปากซอยประมาณเท่ากับความยาวคลื่นเสียง

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาขนาดความกว้างของปากซอย (λ)

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$v = f\lambda$$

$$340 \text{ m/s} = (68 \text{ Hz})\lambda$$

$$= 5 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ปากซอยมีความกว้าง 5 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 21

ความเข้มเสียงและระดับความเข้มเสียง *Online*

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. หูดรตไฟมีกำลังเสียง 20 วัตต์ จงหาความเข้มของเสียงที่จุดห่างจากหูด 150 เมตร ในหน่วยวัตต์ต่อตารางเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$P = 20 \text{ W}, r = 150 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความเข้มของเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$I = \frac{P}{A}$$

$$I = \frac{P}{4\pi r^2}$$

$$I = \frac{20 \text{ W}}{4(3.14)(150 \text{ m})^2}$$

$$I = 7.07 \times 10^{-5} \text{ W/m}^2$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความเข้มของเสียงเท่ากับ 7.07×10^{-5} วัตต์ต่อตารางเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. ชายคนหนึ่งอยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดเสียงอันหนึ่ง ได้ยินเสียงมีความเข้ม 10^{-8} วัตต์ต่อตารางเมตร เขาเดินทางห่างออกมาอีก จนได้ยินเสียงเข้ม 10^{-12} วัตต์ต่อตารางเมตร จึงหยุด อยากทราบว่าเขาจะอยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดเสียง เป็นกี่เท่าของระยะเดิม

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$I_1 = 10^{-8} \text{ W/m}^2, I_2 = 10^{-12} \text{ W/m}^2$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

เขาจะอยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดเสียงเป็นกี่เท่าของระยะเดิม

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{I_1}{I_2} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2$$

$$\frac{10^{-8}}{10^{-12}} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2$$

$$10^4 = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2$$

$$\frac{r_2}{r_1} = 10^2 = 100$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

เขาจะอยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดเสียงเป็น 100 เท่า ของระยะเดิม

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



3. เสียงที่มีความเข้มเสียง $4.0 \times 10^{-7} \text{ W/m}^2$ วัดต่อตารางเมตรจะมีระดับเสียงเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$I = 4.0 \times 10^{-7} \text{ W/m}^2, I_0 = 10^{-12} \text{ W/m}^2$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระดับเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\beta = 10 \log \left(\frac{I}{I_0} \right) \qquad \beta = 10 \log(4.9 \times 10^5)$$

$$\beta = 10 \log 4.9 + 10 \log 10^5$$

$$\beta = 10 \log \left(\frac{4.0 \times 10^{-7} \text{ W/m}^2}{1.0 \times 10^{-12} \text{ W/m}^2} \right) \qquad \beta = 10(0.69) + 10(5)$$

$$\beta = 56.9 \text{ dB}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ระดับเสียงเท่ากับ 56.9 เดซิเบล

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ใบความรู้ที่ 21

ความเข้มเสียงและระดับความเข้มเสียง

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. แหล่งกำเนิดเสียงส่งพลังงานด้วยอัตรา $\pi \times 10^{-8}$ วัตต์ ผู้ฟังซึ่งอยู่ห่างจากแหล่งกำเนิด 10 เมตร จะได้ยินเสียง มีความเข้มเสียงเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$P = \pi \times 10^{-8} \text{ W}, r = 10 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความเข้มเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$I = \frac{P}{A} \qquad I = \frac{\pi \times 10^{-8} \text{ W}}{4\pi(10 \text{ m})^2}$$

$$I = \frac{P}{4\pi r^2} \qquad I = 2.5 \times 10^{-11} \text{ W/m}^2$$

ขั้นที่ 4 A : พิสูจน์ปัญหา

ความเข้มเสียงเท่ากับ 2.5×10^{-11} วัตต์ต่อตารางเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....

2. เครื่องเสียงเครื่องหนึ่ง ในเวลา 5 วินาที ส่งพลังงานออกไป 750π จูล ที่ระยะห่าง จากเครื่อง 50 เมตร มีความเข้มเสียงเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$W = 750\pi \text{ Js} , r = 50 \text{ m} , t = 5 \text{ s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความเข้มเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$I = \frac{P}{A}$$

$$I = \frac{W}{4\pi r^2 t}$$

$$I = \frac{750\pi \text{ Js}}{4\pi(50)^2(5 \text{ s})}$$

$$I = 0.015 \text{ W/m}^2$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความเข้มเสียงเท่ากับ 0.015 วัตต์ต่อตารางเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. แผลงตัวหนึ่งบินหนีในแนวเส้นตรงด้วยความเร็ว 0.1 เมตรต่อวินาที จากคนๆ หนึ่งซึ่งยืนนิ่งในที่โล่ง อยากทราบว่า คนนั้นจะได้ยินเสียงการบินของแผลงนั้นอยู่ได้นานกี่วินาที ถ้ากำหนดอัตราที่พลังงานเสียงที่แผลงนั้นส่งออกมาขณะบินมีค่าเท่ากับ $4\pi \times 10^{-12}$ วัตต์ กำหนดให้เสียงที่เบาที่สุดที่มนุษย์ได้ยินได้มีความเข้ม 10^{-12} วัตต์ต่อตารางเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$P = 4\pi \times 10^{-12} \text{ W} , I = 10^{-12} \text{ W/m}^2 , v = 0.1 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

คนจะได้ยินเสียงการบินของแผลงนั้นนานกี่วินาที

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$I = \frac{P}{A} \qquad v = \frac{S}{t}$$

$$I = \frac{P}{4\pi r^2}$$

$$10^{-12} = \frac{4\pi \times 10^{-12}}{4\pi r^2}$$

$$r = 1$$

$$0.1 \text{ m/s} = \frac{1 \text{ m}}{t}$$

$$t = 10 \text{ s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

คนจะได้ยินเสียงการบินของแผลงนาน 10 วินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



4. ณ ตำแหน่งซึ่งอยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดเสียง 10 เมตร มีความเข้มเสียง 2×10^{-8} วัตต์ต่อตารางเมตร ถ้าอีกตำแหน่งหนึ่งห่างจากแหล่งกำเนิดเสียงเดียวกัน 5 เมตร จะมีความเข้มเสียงเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$I_1 = 2 \times 10^{-8} \text{ W/m}^2, r_1 = 10 \text{ m}, r_2 = 5 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความเข้มเสียงที่ระยะห่างจากแหล่งกำเนิดเสียง 5 เมตร

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\frac{I_1}{I_2} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2$$

$$\frac{2 \times 10^{-8}}{I_2} = \left(\frac{5 \text{ m}}{10 \text{ m}}\right)^2$$

$$I_2 = 8 \times 10^{-8} \text{ W/m}^2$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความเข้มเสียงที่ระยะห่างจากแหล่งกำเนิดเสียง 5 เมตร เท่ากับ 8×10^{-8} วัตต์ต่อตารางเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



5. แอลงตัวหนึ่งบินหนีในแนวเส้นตรงด้วยความเร็ว 0.5 เมตรต่อวินาที จากคน ๆ หนึ่งซึ่งยืนในที่โล่ง อยากทราบว่าคนนั้น จะได้ยินเสียงการบินของแอลงนั้นได้นานเท่าไร ถ้ากำหนดให้ว่าอัตราที่พลังงานเสียงซึ่งแอลงนั้นส่งมาในขณะที่บินมีค่า $4\pi \times 10^{-10}$ วัตต์ ทั้งนี้กำหนดให้ว่าเสียงเบาที่สุดที่มนุษย์อาจได้ยินมีความเข้มเป็น 10^{-12} วัตต์ต่อตารางเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$P = 4\pi \times 10^{-10} \text{ W} , I = 10^{-12} \text{ W/m}^2 , v = 0.5 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

คนจะได้ยินเสียงการบินของแอลงนั้นได้นานเท่าไร

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$I = \frac{P}{4\pi r^2} \qquad v = \frac{S}{t}$$

$$10^{-12} = \frac{4\pi \times 10^{-10}}{4\pi r^2} \qquad 0.5 \text{ m/s} = \frac{10 \text{ m}}{t}$$

$$r = 10 \text{ m} \qquad t = 20 \text{ s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คนจะได้ยินเสียงการบินของแอลงนั้นได้นาน 20 วินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



6. ณ ตำแหน่งซึ่งอยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดเสียงอันหนึ่งวัดค่าความเข้มเสียงได้ 10^{-10} วัตต์ต่อตารางเมตร ณ ตำแหน่งนี้จะมีค่าระดับความเข้มเสียงเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$I = 10^{-10} \text{ W/m}^2, I_0 = 10^{-12} \text{ W/m}^2$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระดับเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\beta = 10 \log \left(\frac{I}{I_0} \right)$$

$$\beta = 10 \log 10^2$$

$$\beta = 20 \log 10$$

$$\beta = 10 \log \left(\frac{10^{-10} \text{ W/m}^2}{10^{-12} \text{ W/m}^2} \right)$$

$$\beta = 20 \text{ dB}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ตำแหน่งนั้นเสียงมีระดับความเข้มเสียง 20 เดซิเบล

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



7. แหล่งกำเนิดเสียงหนึ่งส่งเสียงออกไปทุกทิศทางอย่างสม่ำเสมอ ณ ตำแหน่งซึ่งอยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดเสียง 10 เมตร วัดระดับความเข้มเสียงได้ 60 เดซิเบล จงหาระดับความเข้มเสียง ณ ตำแหน่งที่อยู่ห่าง จากแหล่งกำเนิดเสียง 100 เมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$r_1 = 10 \text{ m} , r_2 = 100 \text{ m} , \beta_1 = 60 \text{ dB}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระดับความเข้มเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log \left(\frac{I_2}{I_1} \right)$$

$$\beta_2 - 60 = 10 \log 10^{-2}$$

$$\beta_2 - 60 = -20$$

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log \left(\frac{r_1}{r_2} \right)^2$$

$$\beta_2 = 40 \text{ dB}$$

$$\beta_2 - 60 = 10 \log \left(\frac{10}{100} \right)^2$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ระดับความเข้มเสียงเท่ากับ 40 เดซิเบล

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 21

ความเข้มเสียงและระดับความเข้มเสียง (Onsite)

ชื่อ..... เลขที่..... ห้อง.....

1. แหล่งกำเนิดเสียงที่ให้กำลังเสียง $\pi \times 10^{-10}$ วัตต์ ผู้ฟังอยู่ไกลจากแหล่งกำเนิดเสียงมากที่สุดเท่าใดจึงพอจะได้ยินเสียง เมื่อความเข้มเสียงต่ำสุดที่ได้ยินเท่ากับ 10^{-12} วัตต์ต่อตารางเมตร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$P = \pi \times 10^{-10}, I_0 = 10^{-12} \text{ W/m}^2$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

ผู้ฟังอยู่ไกลจากแหล่งกำเนิดเสียงมากที่สุดเท่าใดจึงพอจะได้ยินเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$I = \frac{P}{A}$$

$$I = \frac{W}{4\pi r^2 t}$$

$$10^{-12} = \frac{\pi \times 10^{-10}}{4\pi r^2}$$

$$r = 5 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ผู้ฟังอยู่ไกลจากแหล่งกำเนิดเสียงมากที่สุด 5 เมตร จึงพอจะได้ยินเสียง

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. ผีเสื้อหนึ่งกระพือปีกทำให้เกิดเสียงมีกำลัง $4\pi \times 10^{-11}$ วัตต์ ถ้าผีเสื้อนี้เกาะอยู่ที่พื้นแล้วกระพือปีกและถือว่าพื้นสะท้อนเสียงได้ 100 % คนที่ยืนอยู่ห่างจากผีเสื้ออย่างน้อยเท่าใดจึงจะไม่ได้ยินเสียง

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$P = 4\pi \times 10^{-11} \text{ W} , I = 10^{-12} \text{ W/m}^2 , A = 2\pi r^2$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะที่น้อยที่สุดเมื่อคนอยู่ห่างแหล่งกำเนิดเสียงแล้วเริ่มไม่ได้ยินเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$I = \frac{P}{4\pi r^2}$$

$$10^{-12} = \frac{4\pi \times 10^{-11}}{2\pi r^2}$$

$$r = 4.47 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คนอยู่ห่างน้อยที่สุด 4.47 เมตร จึงเริ่มไม่ได้ยินเสียง

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. นาย ก อยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดเสียงอันหนึ่งได้ยินเสียงมีความเข้ม 10^{-6} วัตต์ต่อตารางเมตร เมื่อเขาเดินออกไปอีกจนได้ยินเสียงค่อนที่สุดจึงหยุด อยากทราบว่าตอนหลังเขาอยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดเสียงเป็นกี่เท่าของระยะเดิม

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$I_1 = 10^{-6} \text{ W/m}^2, I_2 = 10^{-12} \text{ W/m}^2$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

เขาอยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดเสียงเป็นกี่เท่าของระยะเดิม

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{I_1}{I_2} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2$$

$$\frac{10^{-6}}{10^{-12}} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2$$

$$10^6 = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2$$

$$\frac{r_2}{r_1} = 10^3$$

$$r_2 = 1000r_1$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

เขาอยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดเสียงเป็น 1000 เท่าของระยะเดิม

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

4. ณ ตำแหน่งซึ่งอยู่ห่างจากแหล่งกำเนิดเสียงแหล่งหนึ่งมีระดับความเข้มเสียง 60 เดซิเบล ณ จุดนั้นจะมีค่าความเข้มเสียงเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\beta = 60 \text{ dB} , I_0 = 10^{-12} \text{ W/m}^2$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความเข้มเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\beta = 10 \log \left(\frac{I}{I_0} \right) \qquad 10^6 = \left(\frac{I}{10^{-12}} \right)$$

$$60 = 10 \log \left(\frac{I}{10^{-12}} \right) \qquad I = 10^{-6} \text{ W/m}^2$$

$$6 = 1 \log \left(\frac{I}{10^{-12}} \right)$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ตำแหน่งนั้นมีความเข้มเสียง 10^{-6} วัตต์ต่อตารางเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ใบงานที่ 22

บิตและคลื่นนิ่ง *Online*

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. นักเรียนคนหนึ่งเล่นไวโอลินความถี่ 507 เฮิรตซ์ และนักดนตรีอีกคนหนึ่งเล่นกีตาร์ความถี่ 512 เฮิรตซ์ ถ้าทั้งสองคนเล่นพร้อมกัน จะเกิดปรากฏการณ์บิตที่ความถี่กี่เฮิรตซ์

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_1 = 507 \text{ Hz} \quad , \quad f_2 = 512 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่บิต

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$f_B = |f_1 - f_2|$$

$$f_B = |507 - 512|$$

$$f_2 = 5 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความถี่บิตเท่ากับ 5 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. คลื่นเสียงจากแหล่งกำเนิดเสียงสองแหล่ง เมื่อมาซ้อนทับกันแล้วเกิดบีต 5 ครั้งต่อวินาที คลื่นเสียงที่ต่ำกว่ามีความถี่ 438 เฮิรตซ์ คลื่นเสียงคลื่นหนึ่งจะมีความถี่กี่เฮิรตซ์

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_1 = 438 \text{ Hz} , f_B = 5 \text{ ครั้งต่อวินาที}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่เสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$f_B = |f_1 - f_2|$$

$$5 = |438 - f_2|$$

$$f_2 = 443 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความถี่เสียงเท่ากับ 443 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



3. ลำโพงเสียงอันหนึ่งหันหน้าเข้าหากำแพงห่างจากกำแพงระยะหนึ่งให้สัญญาณเสียงซึ่งมีความถี่ 340 เฮิรตซ์ ชายคนหนึ่งอยู่ระหว่างกำแพงกับลำโพงเมื่อออกเดินเข้าหากำแพงอย่างช้า ๆ พบว่าจะได้ยินเสียงดังค่อยสลับกันไปจงหา ระยะห่างของเสียงดังที่อยู่ใกล้กันที่สุด เมื่ออัตราเร็วเสียงในอากาศเป็น 340 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 340 \text{ Hz} \quad v = 340 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

$$\text{หาระยะห่างของเสียงดังที่อยู่ใกล้กันที่สุด } \left(\frac{\lambda}{2} \right)$$

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$v = f\lambda$$

$$340 \text{ m/s} = (340 \text{ m})$$

$$\lambda = 1 \text{ m}$$

$$\frac{\lambda}{2} = 0.5 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

$$\text{เสียงดังที่อยู่ใกล้ที่สุดห่างกัน 0.5 เมตร}$$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ใบความรู้ที่ 22

บีตและคลื่นนิ่ง

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. ถ้าต้องการให้เกิดเสียงดังเป็นจังหวะห่างกันทุก 0.25 วินาที จะต้องเคาะส้อมเสียงความถี่ 450 เฮิรตซ์ พร้อมกับส้อมเสียงที่มีความถี่กี่เฮิรตซ์

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_1 = 438 \text{ Hz} , f_B = 4 \text{ ครั้งต่อวินาที}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่เสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$f_B = |f_1 - f_2|$$

$$5 = |438 - f_2|$$

$$f_2 = 443 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ความถี่เสียงเท่ากับ 443 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. คลื่น 2 ขบวน A และ B มีแอมพลิจูดเท่ากัน คลื่นละ 2 เซนติเมตร มีความถี่ 200 และ 204 เฮิรตซ์ ตามลำดับถ้า คลื่นทั้งสองเข้ารวมกันเป็นคลื่น C ความถี่ของคลื่น C และความถี่บีตของคลื่น C มีค่าเท่าใด ในหน่วยของเฮิรตซ์

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$A_A, A_B = 2 \text{ cm}, f_A = 200 \text{ Hz}, f_B = 204 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ของคลื่น C และความถี่บีตของคลื่น C

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$f_C = \frac{f_A + f_B}{2}$$

$$f_{\text{บีต}} = |f_A - f_B|$$

$$= |200 - 204|$$

$$= \frac{200 + 204}{2}$$

$$= 4 \text{ Hz}$$

$$= 202 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความถี่ของคลื่น C เท่ากับ 202 Hz และความถี่บีตของคลื่น C เท่ากับ 4 Hz

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. เมื่อเคาะสองเสียง 2 อันพร้อมกัน เกิดเสียงปัด มีความถี่ 6 เฮิรตซ์ โดยสองเสียงอันหนึ่ง รู้ค่าว่ามีความถี่ 470 เฮิรตซ์ เมื่อนำเทปขาวแผ่นเล็ก ๆ มาติดที่สองเสียงอันนี้ แล้วเคาะพร้อมกันใหม่ปรากฏว่าความถี่ปัดลดลงเหลือ 3 เฮิรตซ์ จงหาความถี่ของสองเสียงอีกอันหนึ่งว่า เป็นกี่เฮิรตซ์

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_{\text{ปัด}} = 6 \text{ Hz} , f_1 = 470 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ของสองเสียงอันที่สอง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิคิด

$$f_1 = 470 \text{ Hz}$$

เกิดปัด 6 Hz

$$f_2$$

$$464 \text{ Hz}$$

$$476 \text{ Hz}$$

(ถ้า f_1 ลดลง ผล $f_{\text{ปัด}}$ ลดด้วย)

(ถ้า f_1 ลดลง ผล $f_{\text{ปัด}}$ จะเพิ่มขึ้น)

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ความถี่ของสองเสียงอันที่สองมีค่า 464 Hz

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

4. ในการปรับเทียบเสียงของเปียโนระดับเสียง C โดยเทียบกับส้อมเสียงความถี่ 256.0 Hz ถ้าได้ยินเสียงบีตความถี่ 3.0 ครั้ง/วินาที ความถี่ที่เป็นไปได้ของเปียโนมีค่าเท่าใด

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_{\text{บีต}} = 3 \text{ Hz} , f_1 = 256 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ของเปียโน

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิคิด

$$f_{\text{บีต}} = |f_1 - f_2|$$

$$3 = |256 - f_2|$$

$$f_2 = 256 \pm 3$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความถี่ของเปียโน เท่ากับ 253 หรือ 259 Hz

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



5. ในการทดลองส่งคลื่นเสียงความถี่ 3000 เฮิรตซ์ ให้ไปตกกระทบกำแพงในแนวตั้งฉาก ปรากฏว่าจุดที่มีเสียงเบาที่สุด 2 จุดที่ติดกันห่างกัน 6 เซนติเมตร จงหาอัตราเร็วของเสียงเป็นกิโลเมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 3000 \text{ Hz} , \text{ จุด 2 จุดที่มีเสียงเบาที่สุดติดกันห่างกัน } \frac{\lambda}{2}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราเร็วของเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$\text{จาก } \frac{\lambda}{2} = 6 \text{ cm}$$

$$\lambda = 12 \text{ cm}$$

$$\text{จาก } v = f\lambda$$

$$v = (3000 \text{ Hz})(0.12 \text{ m})$$

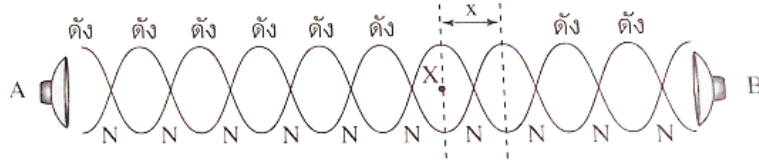
$$v = 360 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

อัตราเร็วของเสียงเท่ากับ 360 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

6. ลำโพง A และ B เป็นแหล่งกำเนิดเสียงอาพันธ์เฟสตรงกัน วางห่างกัน 50 เซนติเมตร เมื่อเปล่งเสียงแล้วจะเกิดคลื่นนิ่ง เมื่อเดินจาก A ไป B จะได้ยินเสียงหายไป 10 ครั้ง ถ้าจุด X เป็นจุดที่ได้ยินเสียงดังจะต้องเดินจาก X ไปทาง B อย่างน้อยกี่เซนติเมตรจึงจะได้ยินเสียงดังอีกครั้ง



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$N = 3 \text{ ครั้ง} , d = 50 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

จะต้องเดินไปอีกอย่างน้อยอีกกี่เซนติเมตร จึงจะได้ยินเสียงดังอีกครั้ง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$N = \frac{2d}{\lambda}$$

$$x = \frac{\lambda}{2}$$

$$10 = \frac{2(50)}{\lambda}$$

$$x = \frac{10}{2}$$

$$\lambda = 10 \text{ cm}$$

$$x = 5 \text{ cm}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

จะต้องเดินไปอีกอย่างน้อย 5 เซนติเมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 22

บีตและคลื่นนิ่ง(Onsite)

ชื่อ..... เลขที่..... ห้อง.....

1. คลื่นเสียง 2 คลื่นมีความถี่ 248 เฮิรตซ์ และ 252 เฮิรตซ์ เคลื่อนที่มาพบกันทำให้เกิดการรวมกันของคลื่นทั้งสอง
จงหา
- ก. ความถี่ของเสียงที่ได้ยิน

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_1 = 248 \text{ Hz} , f_2 = 252 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ของเสียงที่ได้ยิน

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$f = \frac{f_1 + f_2}{2}$$

$$= \frac{248 + 252}{2}$$

$$= 250 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความถี่ของเสียงที่ได้ยินเท่ากับ 250 Hz

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ข. ความถี่บีต

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_1 = 248 \text{ Hz} , f_2 = 252 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาความถี่บีต

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$f_{\text{บีต}} = |f_1 - f_2|$$

$$= |248 - 252|$$

$$= 4 \text{ ครั้งต่อวินาที}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

หาความถี่บีตเท่ากับ 4 ครั้งต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. คลื่นเสียงสองคลื่นเคลื่อนที่มาพบกันวัดความถี่ของเสียงได้ 466 เฮิรตซ์ และให้เสียงบีต 4 ครั้งต่อวินาที จงหาความถี่ของคลื่นแต่ละคลื่น

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 466 \text{ Hz} , f_B = 4 \text{ ครั้งต่อวินาที}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ของคลื่นแต่ละคลื่น

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิคิด

$$f = \frac{f_1 + f_2}{2}$$

$$466 = \frac{f_1 + f_2}{2}$$

$$932 = f_1 - f_2 \quad (1)$$

$$f_B = f_1 - f_2$$

$$4 = f_1 - f_2 \quad (2)$$

$$(1) + (2) , 936 = 2f_1$$

$$\therefore f_1 = 468 \text{ Hz}$$

แทนค่า f_1 ใน (1) , $f_2 = 932 - 468$

$$\therefore f_2 = 464 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ความถี่ของคลื่นเสียงแต่ละคลื่นมีค่า 464 เฮิรตซ์ และ 468 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. หลอดเทียบเสียง A , B และ C ให้เสียงที่มีความถี่ต่างกันโดย B ให้เสียงที่มีความถี่สูงสุด และ A ให้เสียงที่มีความถี่ 440 เฮิรตซ์ เมื่อหลอด A และ B ให้เสียงพร้อมกันจะเกิดบีต 11 ครั้งใน 2 วินาที และเมื่อหลอด B และ C ให้เสียงพร้อมกัน จะเกิดบีต 7 ครั้งใน 2 วินาที หลอด C ให้เสียงที่มีความถี่กี่เฮิรตซ์

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_A = 440 \text{ Hz}, f_B - f_A = \frac{11}{2} \text{ Hz}, f_B - f_C = \frac{7}{2} \text{ Hz}, f_B > f_A, f_B > f_C$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ของหลอด C

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$f_B = f_1 - f_2$	$\frac{7}{2} = f_B - f_C$
$\frac{11}{2} = f_B - f_A$	$\frac{7}{2} = 445.5 - f_C$
$\frac{11}{2} = f_B - 440$	$f_C = 442 \text{ Hz}$
$f_B = 445.5 \text{ Hz}$	

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

หลอด C มีความถี่ 442 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



4. ลำโพง A และ B เป็นแหล่งกำเนิดเสียงอาพันธ์เฟสตรงกัน วางห่างกัน 80 เซนติเมตร โดยที่ลำโพงทั้งสองเปล่งเสียงความถี่ 865 เฮิรตซ์ ขณะนั้นอุณหภูมิในอากาศเท่ากับ 25 องศาเซลเซียส ถ้าเดินจาก A ไป B จะได้ยินเสียงหายไปกี่ครั้ง

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$t = 25^{\circ}\text{C} , d = 80 \text{ cm} , f = 865 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

ถ้าเดินจาก A ไป B จะได้ยินเสียงหายไปกี่ครั้ง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$v = 331 + 0.6t$$

$$v = f\lambda$$

หาจำนวนบัพที่เกิดระหว่าง A และ B

$$v = 331 + 0.6(25)$$

$$346 = (865)\lambda$$

$$N = \frac{2d}{\lambda}$$

$$v = 346 \text{ m/s}$$

$$\lambda = 0.4 \text{ m}$$

$$N = \frac{2(80)}{40}$$

$$N = 4 \text{ บัพ}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

เมื่อเดินทาง A ไป B เสียงจะหายไป 4 ครั้ง

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



ใบงานที่ 23

การสั่นพ้องของเสียง *Online*

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. หลอดปลายปิดและปลายเปิดยาว 1 เมตร ปล่อยคลื่นเสียงอัตราเร็ว 340 เมตรต่อวินาที จงหาความถี่ 3 ลำดับแรกที่ ทำให้เกิดการสั่นพ้องของเสียงในท่อทั้งสอง

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

..... $L = 1 \text{ m} , v = 340 \text{ m/s}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

..... **หาความถี่ 3 ลำดับแรกที่ให้เกิดการสั่นพ้องของเสียง**

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

หลอดปลายปิด

$$f = \frac{(2n-1)v}{4L}$$

$$f = \frac{(2(1)-1)(340)}{4(1)}$$

$$f = 85 \text{ Hz}$$

$$f = 85 \times 3 = 255 \text{ Hz}$$

$$f = 85 \times 5 = 425 \text{ Hz}$$

หลอดปลายเปิด

$$f = \frac{nv}{2L}$$

$$f = \frac{(n)(340)}{2(1)}$$

$$f = 170 \text{ Hz}$$

$$f = 170 \times 3 = 340 \text{ Hz}$$

$$f = 170 \times 5 = 510 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

..... **ความถี่ปีต 3 ลำดับแรกของหลอดปลายปิด เท่ากับ 85 , 255 , 425 เฮิรตซ์**

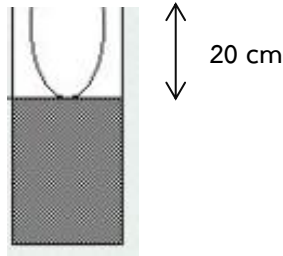
..... **ความถี่ปีต 3 ลำดับแรกของหลอดปลายเปิด เท่ากับ 170 , 340 , 510 เฮิรตซ์**

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



2. เติมน้ำลงในกระบอกตวงอันหนึ่งให้ผิวน้ำอยู่ต่ำกว่าปากหลอด 20 เซนติเมตร และขณะนั้น อากาศมีอุณหภูมิ 25 องศาเซลเซียส ความถี่ที่ต่ำที่สุดที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องของเสียงในกระบอกตวงมีค่ากี่เฮิรตซ์



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$L = 0.2 \text{ m} , n = 1 , t = 25^\circ\text{C}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ต่ำสุดที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องของเสียงในกระบอกตวง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$v = 331 + 0.6t$$

$$f = \frac{(2n-1)v}{4L}$$

$$v = 331 + 0.6(25)$$

$$v = 340 \text{ m/s}$$

$$f = \frac{(1)(340)}{4(0.2)}$$

$$f = \frac{340}{0.8}$$

$$f = 425 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความถี่ต่ำสุดที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องของเสียงในกระบอกตวงเท่ากับ 425 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. ท่อปลายเปิดอันหนึ่งมีความถี่มูลฐาน 100 Hz พบว่าโอเวอร์โทนที่ 1 ของท่อนี้มีความถี่เท่ากับโอเวอร์โทนที่ 2 ของท่อปลายปิดอันหนึ่ง จงหาความยาวของท่อปลายปิด (กำหนดให้อัตราเร็วเสียงในอากาศขณะนั้นเท่ากับ 340 เมตรต่อวินาที)

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v = 340 \text{ m/s} , \text{ท่อปลายเปิด } f_1 = 100 \text{ Hz} , f_2 = 200 \text{ Hz}$$

$$\text{ท่อปลายปิด โอเวอร์โทนที่ 2 } (f_3 = 200 \text{ Hz}) , n = 3$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวของท่อปลายปิด

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

หลอดปลายปิด

$$f = \frac{(2n-1)v}{4L}$$

$$200 = \frac{(2(3)-1)(340)}{4L}$$

$$L = \frac{17}{16} \text{ m}$$

หลอดปลายเปิด

$$f = \frac{nv}{2L}$$

$$f = \frac{(n)(340)}{2(1)}$$

$$f = 170 \text{ Hz}$$

$$f = 170 \times 3 = 340 \text{ Hz}$$

$$f = 170 \times 5 = 510 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความยาวของท่อปลายปิดเท่ากับ $\frac{17}{16}$ เมตร

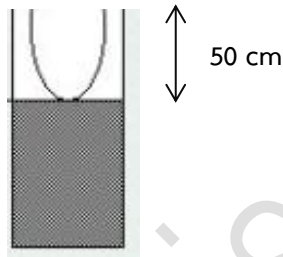
ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบความรู้ที่ 23

การสั่นพ้องของเสียง

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. กระจกบอกลงในน้ำ เมื่อเติมน้ำโดยผิวน้ำต่ำจากปากกระจกบอกลง 50 เซนติเมตร และขณะนั้นอากาศมีอุณหภูมิ 25 องศาเซลเซียส จะต้องให้คลื่นเสียงที่มีความถี่ต่ำที่สุดเท่าไร เข้าไปในกระจกบอกลง นี้แล้วเกิดการสั่นพ้องของเสียงได้



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$L = 0.5 \text{ m.}, \quad t = 25^\circ\text{C}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ต่ำสุดที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องของเสียงในกระจกบอกลง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$\frac{\lambda}{4} = 0.5$

$\lambda = 0.5 \times 4$

$= 2 \text{ m}$

$v = 331 + 0.6t$

$v = 331 + 0.6(25)$

$v = 346 \text{ m/s}$

$v = f\lambda$

$346 \text{ m/s} = f(2\text{m})$

$f = 173 \text{ Hz}$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความถี่ต่ำสุดที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องของเสียงในกระจกบอกลงเท่ากับ 173 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

2. จากการทดลองการสั่นพ้องของเสียง ถ้าแหล่งกำเนิดเสียงมีความถี่ 1000 เฮิรตซ์และทำการทดลองในขณะที่อุณหภูมิ 15 °C อยากทราบว่าตำแหน่งของลูกสูบ ที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องของเสียง 2 ครั้งต่อเนื่องกัน จะห่างกันเท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f = 1000 \text{ Hz} , t = 15^\circ\text{C}$$

เมื่อเกิดการสั่นพ้องของเสียง 2 ครั้งต่อเนื่องกัน ตำแหน่งของลูกสูบจะอยู่ห่างกัน $\frac{\lambda}{2}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

ตำแหน่งของลูกสูบที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องของเสียง 2 ครั้งต่อเนื่องกันจะห่างกันกี่เมตร

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$v = 331 + 0.6t$	$v = f\lambda$	$\frac{\lambda}{2} = \frac{0.34 \text{ m}}{2}$
$v = 331 + 0.6(15)$	$340 \text{ m/s} = 1000\lambda$	
$v = 340 \text{ m/s}$	$\lambda = 0.34 \text{ m}$	$\frac{\lambda}{2} = 0.17 \text{ m}$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ตำแหน่งของลูกสูบที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องของเสียง 2 ครั้งต่อเนื่องกันจะห่างกัน 0.17 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

3. ส้อมเสียงอันหนึ่งทำให้เกิดการสั่นพ้องของเสียงในหลอดเรโซแนนซ์สองครั้งติดต่อกันโดยระยะลูกสูบห่างกัน 25 เซนติเมตร จงหาความยาวของหลอดเรโซแนนซ์ที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องของเสียงได้ 5 ครั้ง

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$n = 5$, เมื่อเกิดการสั่นพ้องของเสียง 2 ครั้งต่อเนื่องกัน ตำแหน่งของลูกสูบจะอยู่ห่างกัน $\frac{\lambda}{2}$ เท่ากับ 25 cm

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวของหลอดเรโซแนนซ์

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{\lambda}{2} = 0.25 \text{ m}$$

$$\lambda = 0.5 \text{ m}$$

$$L_n = \frac{(2n-1)\lambda}{4}$$

$$L_n = \frac{(2(5)-1)0.5}{4}$$

$$L_n = 1.125 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

หลอดเรโซแนนซ์มีความยาวเท่ากับ 1.125 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

4. คลื่นเสียงขบวนหนึ่งทำให้เกิดการสั่นพ้องลำดับที่ 1 ในกล่องไม้กลวงที่เปิดทุกด้านมีความยาว 0.5 เมตร ความถี่ธรรมชาติของกล่องไม้นี้เท่ากับกี่เฮิรตซ์ (กำหนดให้อัตราเร็วเสียงในอากาศเท่ากับ 330 เมตรต่อวินาที)

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$L = 0.5 \text{ m} , n = 1 , v = 330 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ธรรมชาติของกล่องไม้

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$f = \frac{nv}{2L}$$

$$f = \frac{(1)(330 \text{ m/s})}{2(0.5 \text{ m})}$$

$$f = \frac{330}{1}$$

$$f = 330 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

กล่องไม้มีความถี่ธรรมชาติ 330 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



5. หลอดปลายเปิดยาว 2 เมตร ปล่อยคลื่นเสียงอัตราเร็ว 340 เมตรต่อวินาที จงหาความถี่ 3 ลำดับแรกที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องของเสียงในท่อนี้

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$L = 2 \text{ m} , v = 340 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ 3 ลำดับแรกที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องของเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$f = \frac{nv}{2L}$$

$$f = \frac{(1)(340)}{2(2)}$$

$$f = 85 \text{ Hz}$$

$$f = 85 \times 3 = 255 \text{ Hz}$$

$$f = 85 \times 5 = 425 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความถี่ปีต 3 ลำดับแรก เท่ากับ 85 , 255 , 425 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

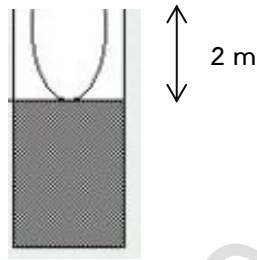


ใบงานที่ 23

การสั่นพ้องของเสียง (Onsite)

ชื่อ..... เลขที่..... ห้อง.....

- ท่อทรงกระบอกปลายปิดข้างหนึ่งยาว 2 เมตร ความถี่ต่ำที่สุดของคลื่นเสียงที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องในท่อนี้จะเท่ากับกี่เฮิรตซ์ กำหนดความเร็วของเสียงในอากาศเท่ากับ 340 เมตรต่อวินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\frac{\lambda}{2} = 2 \text{ m} , v = 340 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ต่ำที่สุดของคลื่นเสียงที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องในท่อนี้

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{\lambda}{2} = 2 \text{ m}$$

$$v = f\lambda$$

$$340 \text{ m/s} = f(8 \text{ m})$$

$$\lambda = 8 \text{ m}$$

$$f = 42.5 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ความถี่ต่ำสุดของคลื่นเสียงที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องในท่อเท่ากับ 42.5 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. เมื่อกดคีย์ของเปียโนคีย์หนึ่งได้ยินเสียงความถี่ 256 เฮิร์ตซ์ อยากทราบว่าฮาร์โมนิกที่ 4 ของเสียงที่ได้ยินนั้นมี ความถี่เท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_0 = 256 \text{ Hz} , n = 4$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ของฮาร์โมนิกที่ 4

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$f_n = n f_0$$

$$f_n = 4(256 \text{ Hz})$$

$$f_n = 1,024 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความถี่ของฮาร์โมนิกที่ 4 เท่ากับ 1,024 เฮิร์ตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. ในการทดลองการสั่นพ้องของเสียงกับหลอดเรโซแนนซ์ ซึ่งยาว 1 เมตร พบว่าตำแหน่งลูกสูบที่ทำให้เกิดเสียงดังมากกว่าปกติ 2 ครั้ง ติดกันห่างกัน 30 เซนติเมตร อยากทราบว่า สามารถทำให้เกิดเสียงดังโดยการเลื่อนลูกสูบได้กี่ครั้ง

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$L_n = 1 \text{ m} , \frac{\lambda}{2} = 0.3 \text{ m} , \lambda = 0.6 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาจำนวนครั้งในการเลื่อนลูกสูบที่ทำให้เกิดเสียงดัง

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$L_n = \frac{(2n-1)\lambda}{4}$$

$$1 = \frac{(2n-1)(0.6)}{4}$$

$$n = 3.83$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

เกิดเสียงดังโดยการเลื่อนลูกสูบได้ 3 ครั้ง

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



4. ท่อทรงกระบอกปลายปิดข้างหนึ่งยาว 2.40 เมตร ถ้าเสียงมีอัตราเร็ว 343 เมตรต่อวินาที เสียงจากท่อนี้จะมีความถี่ต่ำสุดเท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$L = 2.40 \text{ m} , n = 1 , v = 343 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ต่ำสุด

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิ์คิด

$$f = \frac{nv}{4L}$$

$$f = \frac{(1)(343 \text{ m/s})}{4(2.40 \text{ m})}$$

$$f = \frac{343}{9.6}$$

$$f = 35.72 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความถี่ต่ำสุดเท่ากับ 35.72 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



ใบงานที่ 24

ปรากฏการณ์ดอปเพลอร์ *Online*

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. รถไฟวิ่งด้วยความเร็ว 30 เมตรต่อวินาที ในอากาศนิ่งความถี่หวูดรถไฟมีค่า 500 เฮิรตซ์ ถ้าเสียงมีอัตราเร็ว 330 เมตรต่อวินาที จงหาความถี่เสียงที่ผู้ฟังได้ยินซึ่งกำลังเคลื่อนที่ด้วยความเร็ว 15 เมตรต่อวินาที เมื่อ
- ก. ผู้ฟังวิ่งเข้าหารถไฟ

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_s = 500 \text{ Hz} , v_s = 30 \text{ m/s} , v = 330 \text{ m/s} , v_o = 15 \text{ m/s}$$

ผู้ฟังเคลื่อนที่เข้าหารถไฟ v_o เป็นบวก , แหล่งกำเนิดเคลื่อนที่เข้าหาผู้ฟัง v_s เป็นลบ

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่เสียงที่ผู้ฟังได้ยิน

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$f_o = \left(\frac{v \pm v_o}{v \pm v_s} \right) f_s$$

$$f_o = \left(\frac{330 + 15}{330 - 30} \right) (500)$$

$$f_o = 575 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ความถี่เสียงที่ผู้ฟังได้ยินเท่ากับ 575 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ข. ผู้ฟังและรถไฟวิ่งออกจากกัน

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_s = 500 \text{ Hz} , v_s = 30 \text{ m/s} , v = 330 \text{ m/s} , v_o = 15 \text{ m/s}$$

ผู้ฟังเคลื่อนที่ออกจากรถไฟ v_o เป็นลบ , แหล่งกำเนิดเคลื่อนที่ออกจากผู้ฟัง v_s เป็นบวก

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่เสียงที่ผู้ฟังได้ยิน

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$f_o = \left(\frac{v \pm v_o}{v \pm v_s} \right) f_s$$

$$f_o = \left(\frac{330 - 15}{330 + 30} \right) (500)$$

$$f_o = 437.5 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ความถี่เสียงที่ผู้ฟังได้ยินเท่ากับ 437.5 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



2. รถไฟวิ่งด้วยความเร็ว 30 เมตรต่อวินาที ในอากาศซึ่งความถี่หวูดรถไฟมีค่า 500 เฮิรตซ์ ถ้าเสียงมีอัตราเร็ว 330 เมตรต่อวินาที จงหาความยาวคลื่นเสียงที่ผู้สังเกตได้ยิน เมื่อ
- ก. อยู่หน้ารถไฟ

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_s = 500 \text{ Hz}, v_s = 30 \text{ m/s}, v = 330 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

$$\text{หาความยาวคลื่นเสียงที่ผู้สังเกตได้ยิน}$$

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\lambda = \frac{v + v_s}{f_s}$$

$$\lambda = \frac{330 + 30}{500}$$

$$\lambda = 0.72 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

$$\text{ผู้สังเกตได้ยินคลื่นเสียงมีความยาวคลื่น 0.72 เมตร}$$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

.....



ข. อยู่หลังรถไฟ

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_s = 500 \text{ Hz.}, v_s = 30 \text{ m/s.}, v = 330 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่นเสียงที่ผู้สังเกตได้ยิน

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\lambda = \left(\frac{v - v_s}{f_s} \right)$$

$$\lambda = \left(\frac{330 - 30}{500} \right)$$

$$\lambda = 0.6 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ผู้สังเกตได้ยินคลื่นเสียงที่มีความยาวคลื่น 0.6 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



3. ชายคนหนึ่งยืนที่ชานชาลาสังเกตเห็นหวูดรถไฟ มีความถี่ต่ำลง $\frac{6}{7}$ ขณะที่รถไฟผ่านชานชาลา จงหาอัตราเร็วรถไฟ

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_o = \frac{6}{7} f_s, v_o = 0 \text{ m/s}, v = 330 \text{ m/s}, \text{แหล่งกำเนิดวิ่งออกผู้สังเกต } v_s \text{ เป็นบวก}$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาอัตราเร็วของรถไฟ

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$f_o = \left(\frac{v \pm v_o}{v \pm v_s} \right) f_s$$

$$\frac{6}{7} f_s = \left(\frac{330 + 0}{330 + v_s} \right) f_s$$

$$6(330 + v_s) = 7(330)$$

$$v_s = 55 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

รถไฟมีอัตราเร็ว 55 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ใบความรู้ที่ 24

ปรากฏการณ์ดอปเพลอร์

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. รถพยาบาลเคลื่อนที่ด้วยอัตราเร็ว 20 เมตรต่อวินาที แล้วเปิดไซเรนซึ่งมีความถี่ 1000 เฮิรตซ์ ออกมาตลอดเวลา ถ้าขณะนั้นอัตราเร็วของเสียงในอากาศเป็น 340 เมตรต่อวินาที จงหาความยาวคลื่นเสียงบริเวณ ก. ด้านหน้า

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_s = 1000 \text{ Hz} , v_s = 20 \text{ m/s} , v = 340 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาความยาวคลื่นเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิ์คิด

$$\lambda = \left(\frac{v - v_s}{f_s} \right)$$

$$\lambda = \left(\frac{340 - 20}{1000} \right)$$

$$\lambda = 0.32 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นเสียงมีความยาวคลื่น 0.32 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ข. ด้านหลัง

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_s = 1000 \text{ Hz} , v_s = 20 \text{ m/s} , v = 340 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่นเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\lambda = \left(\frac{v+v_s}{f_s} \right)$$

$$\lambda = \left(\frac{340+20}{1000} \right)$$

$$\lambda = 0.36 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นเสียงมีความยาวคลื่น 0.36 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



ค. ด้านข้าง

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_s = 1000 \text{ Hz} , v_s = 20 \text{ m/s} , v = 340 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่นเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\lambda = \frac{v}{f_s}$$

$$\lambda = \frac{340}{1000}$$

$$\lambda = 0.34 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นเสียงมีความยาวคลื่น 0.34 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น



2. รถไฟขบวนหนึ่งกำลังเคลื่อนที่เข้าสู่ชานชาลาสถานีรถไฟด้วยอัตราเร็ว 10 เมตรต่อวินาที พร้อมทั้งเปิดหวูดซึ่งมีความถี่ 100 เฮิรตซ์ รถยนต์คันหนึ่งกำลังวิ่งสวนทางกับรถไฟบนถนนขนานกับรางรถไฟด้วยอัตราเร็ว 30 เมตรต่อวินาที จงหาความถี่ปรากฏของเสียงหวูดต่อคนขับรถยนต์คันนั้น ถ้าความเร็วเสียงในอากาศเท่ากับ 330 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_s = 100 \text{ Hz}, v_s = v_{\text{รถไฟ}} = 10 \text{ m/s}, v = 330 \text{ m/s}, v_o = v_{\text{รถยนต์}} = 30 \text{ m/s}$$

ผู้ฟังเคลื่อนที่เข้าหารถไฟ v_o เป็นบวก , แหล่งกำเนิดเคลื่อนที่เข้าหาผู้ฟัง v_s เป็นลบ

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ที่ผู้ฟังบนรถยนต์จะได้ยิน

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิคิด

$$f_o = \left(\frac{v \pm v_o}{v \pm v_s} \right) f_s$$

$$f_o = \left(\frac{330+30}{330-10} \right) (100)$$

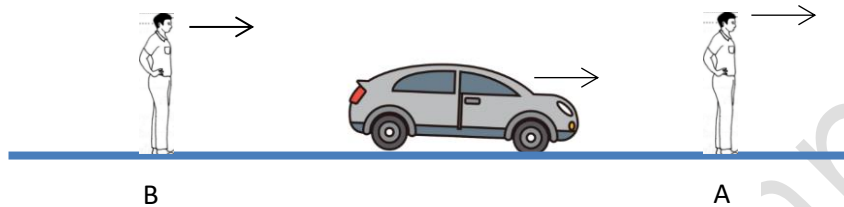
$$f_o = 112.5 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

ผู้ฟังบนรถยนต์จะได้ยินเสียงความถี่ 112.5 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. รถยนต์คันหนึ่งกำลังเคลื่อนที่ด้วยความเร็วคงตัว 20 เมตรต่อวินาที ปล่อยเสียงแตรความถี่คงตัวค่าหนึ่งออกมาตลอดเวลา ผู้ฟัง A และ B ต่างกำลังวิ่งไปในทิศทางตามลูกศร ถ้า B วิ่งด้วยอัตราเร็ว 2 เมตรต่อวินาที อยากทราบว่า A จะต้องวิ่งด้วยอัตราเร็วเท่าไร จึงจะได้ยินเสียงแตรรถยนต์มีความถี่ เท่ากับความถี่ที่ B ได้ยิน เมื่ออัตราเร็วของเสียงในอากาศเท่ากับ 340 เมตรต่อวินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_s = 20 \text{ Hz} , v_B = 2 \text{ m/s} , v = 340 \text{ m/s}$$

ผู้ฟังเคลื่อนที่เข้าหาแหล่งกำเนิดเสียง v_o เป็นบวก , แหล่งกำเนิดเคลื่อนที่เข้าหาผู้ฟัง v_s เป็นลบ

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราเร็วของ A

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิ์คิด

$$f_o = \left(\frac{v \pm v_o}{v \pm v_s} \right) f_s \qquad f_A = f_B$$

A ได้ยิน $f_A = \left(\frac{340 - v_A}{340 - 20} \right) f_s \qquad \left(\frac{340 - v_A}{340 - 20} \right) f_s = \left(\frac{340 + 2}{340 - 20} \right) f_s$

B ได้ยิน $f_B = \left(\frac{340 + 2}{340 - 20} \right) f_s \qquad \frac{340 - v_A}{32} = \frac{342}{36}$

$$340 - v_A = 304$$

$$v_A = 36 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

A มีอัตราเร็ว 36 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

4. สมควรยืนอยู่ริมถนน ได้ยินเสียงไซเรนจากรถดับเพลิง ซึ่งกำลังแล่นเข้ามาด้วยความถี่ 382.5 เฮิรตซ์ และหลังจากผ่านไปแล้วได้ยินเสียงไซเรนมีความถี่ 340 เฮิรตซ์ ถ้าอัตราเร็วเสียงในอากาศเท่ากับ 340 เมตรต่อวินาที สมควรทำการคำนวณหาอัตราเร็วของรถดับเพลิงและความถี่เสียงไซเรนที่แท้จริงจะได้เท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_{o1} = 382.5 \text{ Hz} , f_{o2} = 340 \text{ Hz} , v = 340 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาอัตราเร็วของรถดับเพลิงและความถี่เสียงไซเรนที่แท้จริง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิ์คิด

$$f_o = \left(\frac{v \pm v_o}{v \pm v_s} \right) f_s$$

นำสมการ (1) ÷ (2)

$$\frac{382.5}{340} = \frac{340+v}{340-v}$$

เข้า $382.5 = \left(\frac{340+0}{340-v} \right) f_s \quad \text{--- (1)}$

$$382.5(340 - v) = (340+0) f_s$$

$$v = 20 \text{ m/s}$$

ออก $340 = \left(\frac{340+0}{340+v} \right) f_s \quad \text{--- (2)}$

แทนค่า v ใน (2) จะได้

$$f_s = 360 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

สมควรคำนวณหาอัตราเร็วได้ 20 เมตรต่อวินาที และความถี่เสียง 360 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

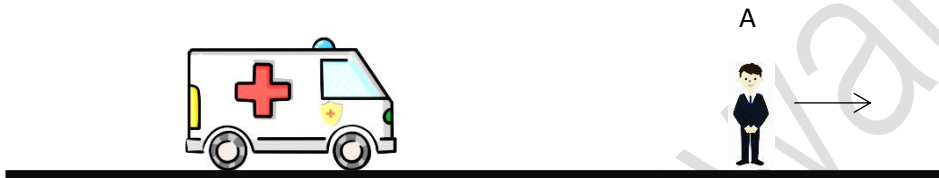


ใบงานที่ 24

ปรากฏการณ์ดอปเพลอร์ (Onsite)

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

- 1 รถพยาบาลจอดอยู่นิ่งๆ เปล่งเสียงความถี่ 1020 เฮิรตซ์ ผู้สังเกต A และ B วิ่งทางเดียวกันด้วยอัตราเร็ว 10 เมตรต่อวินาที จงคำนวณหาความถี่ที่ A ได้รับ เมื่ออัตราเร็วของเสียงในอากาศเท่ากับ 340 เมตรต่อวินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_s = 1020 \text{ Hz} , v_s = 0 \text{ m/s} , v = 340 \text{ m/s} , v_o = 10$$

ผู้ฟังเคลื่อนที่ออกจากรถ v_o เป็นลบ

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่เสียงที่ A ได้ยิน

ขั้นที่ 3 R : นำพาวิธีคิด

$$f_o = \left(\frac{v \pm v_o}{v \pm v_s} \right) f_s$$

$$f_o = \left(\frac{340 - 10}{340} \right) (1020)$$

$$f_o = 990 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ความถี่เสียงที่ A ได้ยินเท่ากับ 990 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. ค้างคาวตัวหนึ่งบินเข้าหากำแพงด้วยความเร็ว 20 เมตรต่อวินาที ขณะบินค้างคาวส่งเสียงร้องด้วยความถี่ 20000 เฮิรตซ์ ตลอดเวลา ถ้าอัตราเร็วเสียงในอากาศเป็น 340 เมตรต่อวินาที จงหา
- ก. ความยาวคลื่นด้านหน้า

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_s = 20000 \text{ Hz} , v_s = 20 \text{ m/s} , v = 340 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความยาวคลื่นเสียง

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีคิด

$$\lambda = \left(\frac{v - v_s}{f_s} \right)$$

$$\lambda = \left(\frac{340 - 20}{20000} \right)$$

$$\lambda = 0.016 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คลื่นเสียงมีความยาวคลื่น 0.016 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ข. เสียงจากคังคาวจะกระทบกำแพงด้วยความถี่เท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$f_s = 20000 \text{ Hz} , v_s = 20 \text{ m/s} , v = 340 \text{ m/s} , v_o = \text{ m/s}$$

ผู้ฟังเคลื่อนที่เข้าหากำแพง v_s เป็นลบ

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่เสียงที่ผู้ฟังได้ยิน

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$f_o = \left(\frac{v \pm v_o}{v \pm v_s} \right) f_s$$

$$f_o = \left(\frac{340+0}{340-20} \right) (20000)$$

$$f_o = 21250 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

เสียงจากคังคาวกระทบกำแพงด้วยความถี่ 990 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

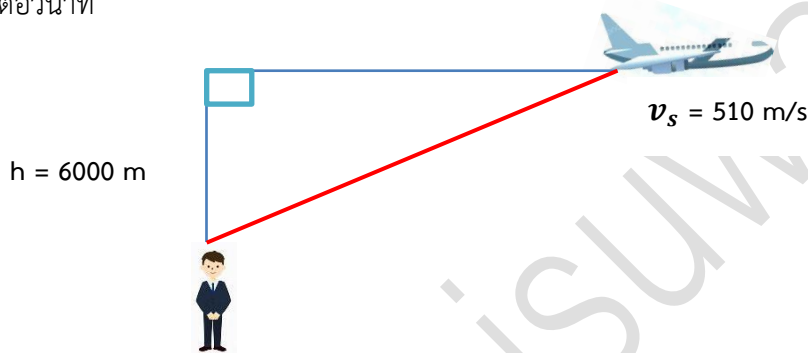


ใบงานที่ 25

คลื่นกระแทก Online

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. เครื่องบินด้วยความเร็ว 510 เมตรต่อวินาที ในแนวระดับซึ่งสูงจากพื้นโลก 6 กิโลเมตรชายคนหนึ่งยืนบนถนนจะได้ยินเสียงเครื่องบิน เมื่อเครื่องบินนั้นอยู่ห่างจากชายคนนั้นเป็นระยะทางเท่าใด กำหนดอัตราเร็วเสียง 340 เมตรต่อวินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v_s = 510 \text{ m/s} , h = 6 \text{ km} , v = 340 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สูการค้นหา

หาระยะห่างระหว่างชายคนนี้กับเครื่องบิน

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{h}{x} = \frac{v}{v_s}$$

$$x = \frac{(6000 \text{ m}) \times (510 \text{ m/s})}{(340 \text{ m/s})}$$

$$x = \frac{h \times v_s}{v}$$

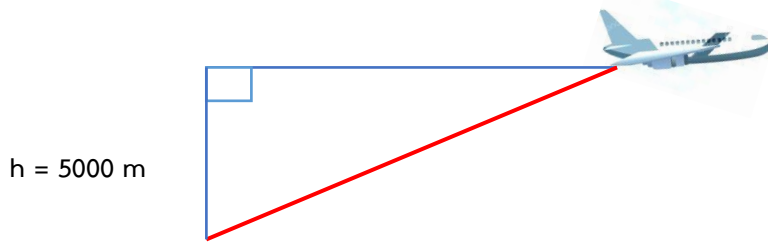
$$x = 9000 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

เครื่องบินอยู่ห่างจากชายคนนี้ 9000 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. เครื่องบิน jet ลำหนึ่ง มีเพดานบิน 5,000 เมตร กำลังบินด้วยความเร็ว 1.5 มัค จงหามุมระหว่างคลื่นกระแทกกับแนวการเคลื่อนที่ของเครื่องบิน jet



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

เลขมัค = 1.5 , h = 5000 m

ขั้นที่ 2 D : สูการค้นหา

หามุมระหว่างคลื่นกระแทกกับแนวการเคลื่อนที่ของเครื่องบิน jet

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\sin\theta = \frac{1}{M}$$

$$\sin\theta = \frac{1}{1.5}$$

$$\sin\theta = 0.67$$

$$\theta = \sin^{-1}(0.67)$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

มุมระหว่างคลื่นกระแทกกับแนวการเคลื่อนที่ของเครื่องบิน jet เท่ากับ $\sin^{-1}(0.67)$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบความรู้ที่ 25
คลื่นกระแทก

ชื่อ.....เลขที่.....ห้อง.....

1. เครื่องบินเคลื่อนที่ด้วยอัตราเร็ว 510 เมตรต่อวินาที ในแนวระดับเหนือพื้นดิน 4 กิโลเมตร ในขณะที่เสียงมีอัตราเร็วในอากาศ 340 เมตรต่อวินาที จงหาปริมาณต่อไปนี้

ก. เลขมัค

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v_s = 510 \text{ m/s} , h = 4 \text{ km} , v = 340 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาเลขมัค

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\text{เลขมัค} = \frac{v_s}{v}$$

$$= \frac{510 \text{ m/s}}{340 \text{ m/s}}$$

$$= 1.5$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

เลขมัค เท่ากับ 1.5

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ข. มุมระหว่างหน้าคลื่นกระทบกับแนวการเคลื่อนที่ของเครื่องบิน

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\text{เลขมัค} = 1.5, h = 4000 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หามุมระหว่างคลื่นกระทบกับแนวการเคลื่อนที่ของเครื่องบิน

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\sin\theta = \frac{1}{M}$$

$$\sin\theta = \frac{1}{1.5}$$

$$\sin\theta = 0.67$$

$$\theta = \sin^{-1}(0.67)$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

มุมระหว่างคลื่นกระทบกับแนวการเคลื่อนที่ของเครื่องบิน เท่ากับ $\sin^{-1}(0.67)$

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น



ค. เมื่อคนที่พื้นดินได้ยินเสียงนั้นเครื่องบินอยู่ห่างจากคนคนนั้นเท่าไร

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\text{เลขมัค} = 1.5, h = 4000 \text{ m}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาระยะห่างระหว่างคนกับเครื่องบิน

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$x = h \times \text{เลขมัค}$$

$$= (4000 \text{ m})(1.5)$$

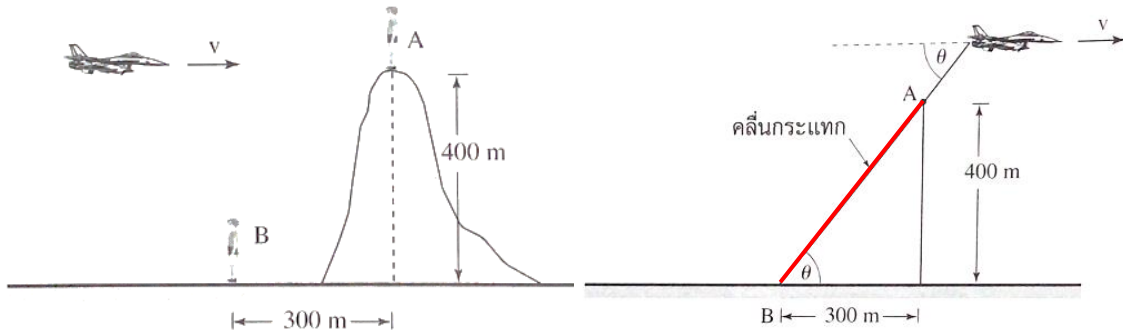
$$= 6000 \text{ m}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

คนอยู่ห่างจากเครื่องบิน 6000 เมตร

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. เครื่องบินไอพ่นบินเร็วกว่าเสียงบินผ่านบริเวณหนึ่ง มีชายสองคน คนหนึ่งอยู่บนยอดเขาสูง 400 เมตร อีกคนอยู่ที่พื้นดิน ถ้าชายทั้งสองคนได้ยินเสียงเครื่องบินไอพ่นพร้อมกัน เครื่องบินกำลังบินด้วยอัตราเร็วเท่าไร ถ้าอัตราเร็วของเสียงในอากาศเท่ากับ 342 เมตรต่อวินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

ชายทั้งสองคนได้ยินเสียงพร้อมกัน แสดงว่าคลื่นกระแทกเคลื่อนที่มากระทบชายทั้งสองคนพร้อมกัน

จากรูป $AB = 500 \text{ m}$, $v_{\text{อากาศ}} = 342 \text{ m/s}$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้น

หาอัตราเร็วของเครื่องบิน

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\sin\theta = \frac{400}{500} = \frac{4}{5}$$

ดังนั้น

$$\frac{4}{5} = \frac{v_s}{v}$$

และ $\sin\theta = \frac{v_s}{v}$

$$\frac{4}{5} = \frac{342}{v}$$

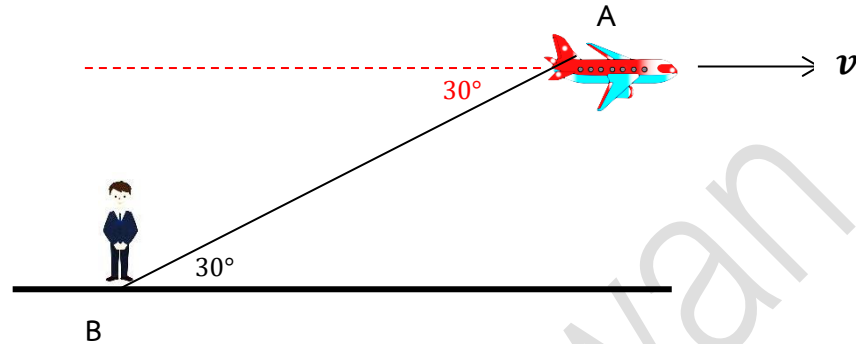
$$v = 427.5 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

อัตราเร็วของเครื่องบินเท่ากับ 427.5 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

3. เครื่องบินความเร็วเหนือเสียงบินในแนวระดับผ่านเหนือศีรษะชายผู้หนึ่ง เมื่อเขาได้ยินเสียงของคลื่นกระแทก เขาจะมองเห็นตัวเครื่องบินมีมุมเงยจากพื้นดิน 30° เครื่องบินมีอัตราเร็วเท่าไรในหน่วยเมตรต่อวินาที ถ้าอัตราเร็วเสียงในอากาศเป็น 345 เมตรต่อวินาที



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$v_{\text{อากาศ}} = 342 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้น

หาอัตราเร็วของเครื่องบิน

ขั้นที่ 3 R : นำพาวธิ์คิด

$$\sin\theta = \frac{v_s}{v}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{342}{v}$$

$$\sin 30^\circ = \frac{v_s}{v}$$

$$v = 684 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

อัตราเร็วของเครื่องบินเท่ากับ 684 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

ใบงานที่ 25

คลื่นกระแทก (Onsite)

ชื่อ..... เลขที่..... ห้อง.....

1. เครื่องบิน เอฟ - 14 บินด้วยอัตราเร็วสูงสุด 2.2 มัค แสดงว่าอัตราเร็วสูงสุดของเครื่องบิน เอฟ - 14 เป็นเท่าไร ถ้าขณะนั้นเสียงมีอัตราเร็วในอากาศ 350 เมตรต่อวินาที

ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\frac{\lambda}{2} = 2 \text{ m} , v = 340 \text{ m/s}$$

ขั้นที่ 2 D : สู่การค้นหา

หาความถี่ต่ำสุดของคลื่นเสียงที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องในท่อนี้

ขั้นที่ 3 R : นำพาวีธีคิด

$$\frac{\lambda}{2} = 2 \text{ m}$$

$$v = f\lambda$$

$$340 \text{ m/s} = f(8 \text{ m})$$

$$\lambda = 8 \text{ m}$$

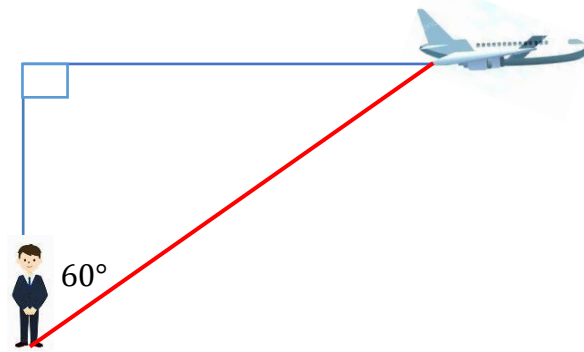
$$f = 42.5 \text{ Hz}$$

ขั้นที่ 4 A : พิชิตปัญหา

ความถี่ต่ำสุดของคลื่นเสียงที่ทำให้เกิดการสั่นพ้องในท่อเท่ากับ 42.5 เฮิรตซ์

ขั้นที่ 5 L : ปัญญาที่เกิดขึ้น

2. จากรูป ถ้าเครื่องบินกำลังบินในแนวระดับและคนยืนที่พื้นได้ยินเสียงดังมากพอดี จงคำนวณว่าเครื่องบินมีอัตราเร็วเท่าไร



ขั้นที่ 1 K : ที่เรารู้

$$\theta = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$$

ขั้นที่ 2 D : ผู้การค้นหา

หาอัตราเร็วของเครื่องบิน

ขั้นที่ 3 R : นำพหุวิธีคิด

$$\sin\theta = \frac{v_s}{v}$$

$$\sin 30^\circ = \frac{v_s}{v}$$

$$\frac{v_s}{v} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{v}{v_s} = 2.0$$

ขั้นที่ 4 A : พิจารณาปัญหา

เครื่องบินมีอัตราเร็วเท่ากับ 2.0

ขั้นที่ 5 L : ปัญหาที่เกิดขึ้น

